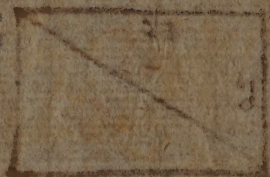
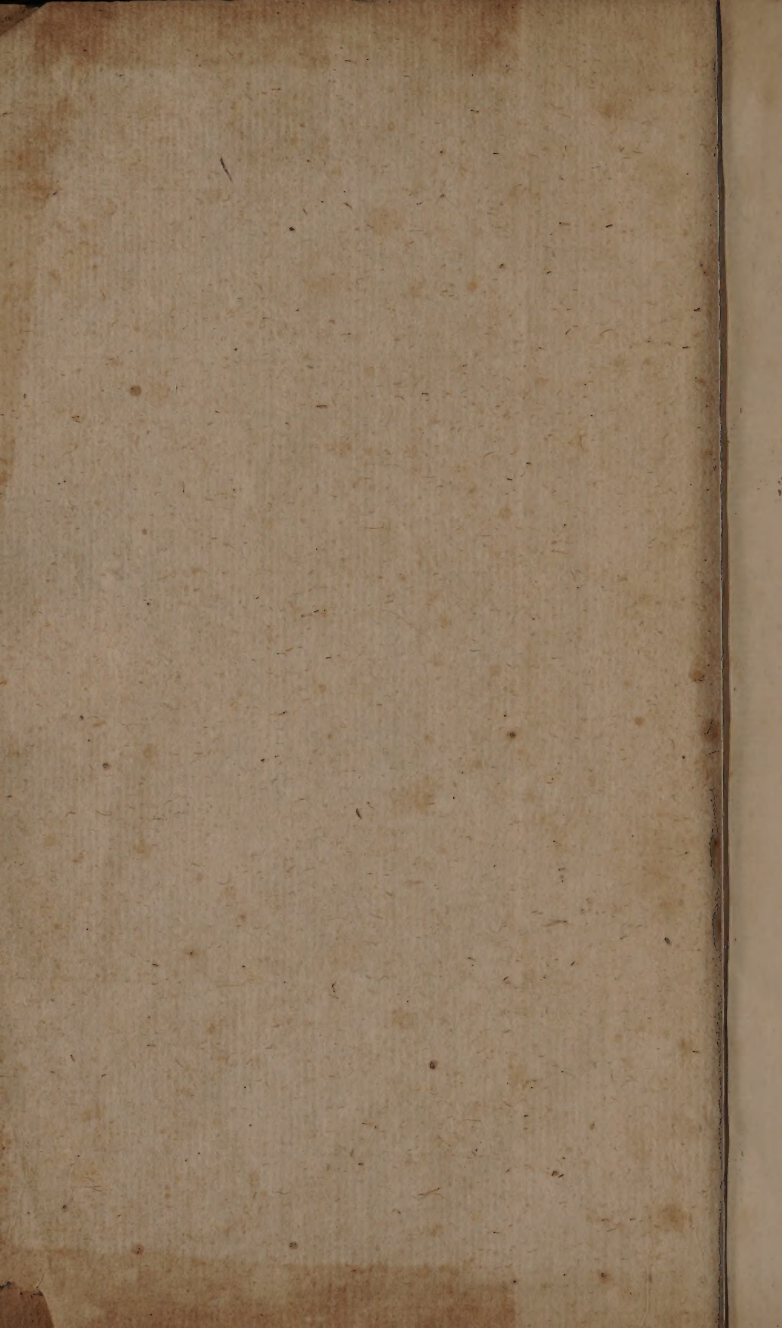


EPB/B

54491/B



7E.a



ASTRONOMIA

GEOMETRICA:

Milloughly U B I N: 1: 13

Methodus proponitur qua Primariorum Planetarum Astronomiâ

five { *Elliptica* } possit Geometricè absolvi.
 { *Circularis* }

OPUS,

Astronomis hætenus desideratum.

AUTHORE

SETHO VVARDO, S.T.D.

In Celeberrima Academia Oxoniensi
Astronomiæ professore Saviliano.

LONDINI,

Typis JACOBI FLESHER, MDC LVI.



*Inclytis atque Præstantissimis viris ,
Nobilissimis Astronomis ,*

*Paulo Nelio , Equiti Aurato Anglo.
Johanni Hevelio , Dantiscano.
Petro Gassendo , Matheseos Professo-
ri Regio apud Gallos.
D.D. Ismaeli Bullialdo , Astronomiæ Phi-
lolaicæ Autori.
Jo. Bap. Ricciolo , Astr. Professori ,
Bononiæ.*

S A L U T E M.

MIrabuntur (etiam è vobis) aliqui quòd ego in
Repub. literaria novus homo , viros adeò
nobiles in tam exiguæ molis , tàmque impoliti libelli
patrocinium advocare ausim ; hujus itaque rei ratio-
nem initio reddendam esse judico, ne quis illud immo-
destiæ tribuat , quod à ratione sobria profectum esse
existimamus.

Certe multa me movent ut hoc faciam , quorum
nonnulla vos omnes V. V. Cl. D. ex æquo spectant,
cùm sint alia respectu singulorum peculiariora. Quip-
pe libenter eorum hominum iudicia effugerem , qui
libros omnes , vel ex magnitudine , vel ex styli orna-
mentis aestimare solent , quare statim ab iis provo-
candum

D E D I C A T I O.

candum existimavi, ad æquiores hujusmodi rerum æstimatores; ad eos quos benignos rerum nostrarum arbitros futuros præsumendum esse duximus. Nempe non multos (quos novimus) fert ætas hæc nostra (quavis eruditissima & in reliqua Matthesi exercitatissima) qui in intimos Astronomiæ recessus penetrando de hujusmodi inventis judicare possint; eos nimirum

— Quos æquus amavit

Jupiter, atque ardens evexit ad æthera
virtus.

Quare inter eos, præcipuos aliquos sollicitandos esse duxi; ut quos operis impoliti Lectores habiturus essem, eorum (hoc qualicumque cultu) benevolentiam atque patrocinium mihi conciliare possem.

Vos certè vestris (vestrique similes) quantum intersit Astronomiæ hæc invenisse quæ pollicemur; neque vos fugit quàm sit aliena ab omni verborum ornatu atque elegantia res nostra.

Quàm neget ornari, quàm sit contenta doceri.

Quare mihi nihil nunc aliud agendum restat, quàm ut judicii atque electionis rationes explicem. Cogitanti verò mihi libelli hujus editionem, te ipsum, eques Honoratissime, (qui agmen præclarum hoc ducis) in salutatum præterire sine summo scelere non potui, cum tu is fueris qui rem Astronomicam in gente hac nostra, impensis, vigiliis, ingenio, eruditio-

D E D I C A T I O

ne summâ studioq; maximo, penè sustines solus, cûm tu mihi Genii cujusdam loco fueris, absque cujus impulsu quodam, caruisset forsân Astronomia hac faciem quam accendimus, cujus tamen ope speramus fore ut ea ad perfectionem aliquando tandem assurgat. Nempe tu mihi meditationum earum occasiones subministraſti, quibus in naturæ conspectum aliquo modo evectus sum, fecitq; (V.Cl.) æmulatio quædam tui ut hæc (qualiacunque) assequerer. Scilicet te vidi nocte dièque præstantissimis (à teipso paratis) perspicillis, Cælo continuò inhiantem, ibique nova plurima, aliis omnibus hætenus ignota, detegentem. Te vidi in ipsis Astronomiæ abstrusioribus versantem, non Hypothesium intellectu, non Calculo motuum cœlestium (quod plerisque scientiæ culmen est) contentum, in intimis illius recessibus, latentes errores detegentem atque corrigentem. Te vidi novas Hypotheses molientem, aliâque facientem quæ sint usui olim Astronomiæ futura. Atque ego quidem (uti decuit) gaudebam non esse effatos sive sæculi hujus sive gentis nostræ animos. Verùm (nempe fatebor enim) existimabam ista decentius ab Astronomiæ professore proſectura fuisse, tacitoque me objurgabam murmure, quòd hæc ego minimè præstitissem; quare accensus est mihi animus, hac occasione da-

D E D I C A T I O :

tâ , ut rem Astronomicam paulò altius contemplerer, ut neglectis paulisper Astronomorum libris, & motibus ipsis planetarum seriò consideratis, vel à yew-
metenotas labem ab Astronomia tollerem, vel Astro-
nomiæ ipsi (extrà ad pompam satis compositæ, intus fallenti) renunciarem. Ecce autem, in hac cura versatus, tandem noctis unius vigiliis fere integrum opus hoc quod in præsentiarum exhibeo, excogitavi, tibi que statim censendum submisi. Cùmque tibi nostra non displicuissent, de re tamen unica (quam ex communi Astronomorum omnium consensu, absque strictiore examine præsumpseram, maximas sc. inferiorum Elongationes in tangente vel Angulo recto ad Solem accidere) cogitandum altius esse monuisses: magni certè interfuit Astronomiæ hæc admonitio, cùm ab utroque nostram (longo satis intervallo distantium) inventa sit, hac occasione, methodus, quâ, ex motu planetarum periodico præcognito, cætera possint omnia (observatis ad obtinendum facillimis) Geometricè præstari. Verùm infinitus essem si omnia recenserem, quæ faciunt ut patrocinium à te quæram; imò iniquus certè essem bonorum omnium iudicio si vel te ipsum insalutatum præterirem, vel merita tua in Astronomiam subticerem: quare ad alios transeundum est.

Quod ad te verò spectat Cl. Heveli. quis non
fatetur

DEDICATIO.

fatetur te inter seculi hujus summa ornamenta, atque præclarissima lumina numerandum? Quis studiis Cælestium deditus non vidit atque admiratus est præclaram Selenographiæ opus? Quis (inquam, non admiratus est tanti viri ingenium, industriam, stupendos labores; mentis, manûsque mentis æmulæ, subtilitatem? quis tanto labore atque constantiâ opibus aut honoribus inhiavit unquam, quanto tu Lunæ phænomenis (multorum annorû spatio) invigilasti? Eo certè fine ut opprobrium istud Astronomorum tollas, ut proximum terris Sydus (accuratè factis observationibus) in hypothesin certam atque naturæ rerum congruentem, redigere homines possint; atque hæc quidem res tum demum peragetur, cùm librationis Lunaræ legibus perspectis, centrique variatione intellectâ, in usum ducendæ erunt accuratissimæ observationes quas præstitisti. Incumbis itaque non immeritò in hanc rem V. Cl. uti ex Epistola ad J. B. Ricciolum (quam ad me transmittere dignatus es) satis innotescit, atq; habes in hoc negotio ex gente nostra nostrâq; Academia comites præstantissimos, adeo ut communi studio & labore perfectam iri Selenographiam speremus, atque ad usus omnes Astronomicos accommodatam. Fecit certè hæc expectatio, ut ipse à motibus Lunaribus, ejûsq; hypothesi ordinanda omnino nunc abstinerem, ut ha-

beam

D E D I C A T I O.

beam (si sors dederit) quo possim de re Astronomica adhuc mereri. Utcunque, tu certè laude dignus es immortalis, quòd hominibus ostenderis, quid sit agendum, & quali molimine res attentanda sit, ut ad Syderis istius desideratissimam scientiam perveniat. His ego nominibus cùm inter Astronomos universos me tibi devinctum sentiam, oro ut animi mei affectum hoc modo exprimentem, nolis repudiare.

Quod ad te Clarissime Gassende. quis eruditum est hominum (studiisve severioribus deditorum) cui tu ignotus, qui tibi innotescere non summo mentis ardore cupiat? Nempe sæculi nostri decus summum esse te, judicant ii omnes qui in naturæ atque scientiarum scrutinio paulò profundius versantur. Illud certè habes peculiare atque tibi proprium, quòd in omni literarum genere adeò excellas, ut in qua tu parte maxime versatus sis, planè difficile sit discernere. Ita n. Mathematicas disciplinas Philosophiæ studiis ac Linguarum adjunxisti, ita his omnibus styli nitorem induisti, ita ingenium ubique animi candorem, eximiâque generosæ mentis gratiam, per omnia tua (quæ plurima sunt) elucescere facis, ut impossibile esse judicem, tua vidisse & te non sufficere atque amare. Ego certè

ab

D E D I C A T I O .

ab adolescente ita tui ipsius (tuique olim Mer-
senni) amore exarsi, ut sæpe mihi in animo
fuerit Galliam tuam proficisci, eo aut solo fi-
ne aut præcipuo, ut pascere oculos te intu-
endo. Quem igitur hætenus animo concepi, at-
que intus nutriti, tui amorem, eum nunc pro-
ferre in lucem volui, tu autem studium hoc tui
minimè rejicies.

Verùm quid tibi dicam Clarissime Bullialde,
cui ab injuria sola me notum esse nonnulli for-
san judicabunt? Certè multa habeo: verùm in-
stituti memòr non nisi paucis te detinebo; ex quo
igitur tempore in Astronomiam Philolaicam
inquisivi, hæc ipsa me tibi aliquo modo debuis-
se judicavi. Turpissimum etenim esse semper
existimabam (eruendæ veritatis studio ne-
glecto) ex operis alieni vellicatione laudem
querere: illudque esse boni viri bonoque publi-
co nati, erroribus aliorum detegendis, non nisi
parcè operam collocare, impensius autem laten-
ti in profundo veritati extrahendæ. Testor i-
taque palàm hoc loco, noluisse me unquam in inge-
nii, eruditionis, aut industriæ certamen tecum
ingredi, quinimo horum omnium illibatam tibi lau-
dem relinquere. Quod autem ad inventum hoc attinet,
cujus te judicem appello & (si lubet) patronum, sen-
tire

D E D I C A T I O.

tire soleo illud neque te, neque Keplerum latere potuisse, nisi prohibuissent utrumque eruditionis atque industriae excessus; nempe hinc erat ut in linguarum, artium, rerum naturalium, atque calculi Astronomici summo & durissimo studio versantibus retrahere se natura potuit & subducere; cum me interim eruditione vacuum, atque idearum multiplici impedimento, adeoque contemplationi rei ipsius liberiùs vacantem, non sine majore difficultate potuit effugere. Imò ludit in omnibus (etiam in studiis humanis) providentia, neque aliquis opinor unquam efficiet, sive ingenio suo, sive industria, ut nihil felicitati aut fortunæ relinquatur. neque majore rationis specie superbiendum est illi qui in præclarum aliquod inventum cogitando inciderit, quam illi qui Venerem aut Herculem ludendo jecerit. Quòd si laus aliqua mihi pro invento illo, quod in lucem jam profero, debeatur; magna certè illius pars in teipsum redundabit qui Astronomiâ Philolaicâ me ad hanc rem excitasti, permovisti, atque motus æqualitatem ad Axem Coni (adeoque uti in Inquisitione nostra, ex principiis tuis ostendimus) ad umbilicum alterum Ellipseos, referendo adjuvisti. Quare tibi non ingratum fore sive hoc opusculû sive observantiæ hoc qualecunq; specimen confido.

Restat Cl. Jo. Bap. Ricciolus, qui mihi exorandus

DEDICATIO.

randus est, ut si forsan in manus suas libellus hic pervenerit eum pro illa quâ est humanitate fovere velit, cum spem ferat non infinitos fore vel suos vel Grymaldi sui labores, non jam ut antebac (veluti Sisyphi saxum) volvendum atque revolvendum esse Calculum Astronomicum: effeci enim (spero) ut in ita ratione quam ostendimus, perfectionem citò Astronomia assequatur, cum methodus in hunc finem à nobis proposita, & Geometrica sit, & observationibus utatur, naturâ facillimis & paratissimis, iis nimirum quæ ubique fere in nostra sunt potestate ut fiant: cum intellectis his nostris, non sint nobis necessariò præstolandæ vel Acronychiæ superiorum planetarum fulsiones, vel maximæ inferiorum Elongationes à Sole; verùm ad omnia, pro utraque planetarum Inæqualitate, valeant observationes periodicæ, quibus post peractas illas quas habemus Τηρόσεις, nihil est in Astronomia facilius. Tu certe V. Cl. dum Cælestium rerum studio, nihil tibi laboris ingratum esse ostendis, dum Almagesti tui pandeçias imples, atque Astronomiæ ingentia cudis volumina, non tamen hoc nostrum quia parvum est contemnes, cum parva sint rerum maximarum semina, cum parvis etiam sua non desit gratia; porrigetque opusculum hoc, filum illud, unde ex labyrinthis iis quibus te ipsum implicatum esse nonnunquam

DEDICATIO.

quam (pro candore tuo) profiteris, possis evadere.

Verum hæcenus cum viris Clarissimis atque Nobilissimis versatum esse sufficiat, vos omnes obtestor ut bonam in partem hæc nostra accipere velit. Valete

A

Dabam Oxonia Ca-
lendis Sextilibus An-
ni 1655. St. Vet.

Vobis devotissimo

SETHO WARDO.

Postscriptum,

IPse quidem hæc dabam tempore nunc indicato, quando sperabam hæc statim in lucem fuisse proditura, verum fecit mora Typographi ut ante Editionem, de Viri Clarissimi Petri Gassendi excessu ad Cælos audirem, quare aliquandiu mecum deliberravi, quid facerem, an factum scilicet mutarem, an verò ista eo modo quo prius descripta sunt manerent; tandem obtinuit ea sententia ut manerent, ut quem vivo honorem habueram, eum post funera viventi ejus virtuti exhiberem. Verum est & aliud, quod hoc loco præclarissimos viros, omnesque Astronomos, ubi ubi fuerint, admonitos cupiebam. Nempe Vir Clarissimus, omni que eruditionis laude cumu-
latus

DEDICATIO.

latus, D. Laurentius Rookius, Astronomiæ
in Collegio Greshamensi (quod est Londini) Profes-
sor, observationi Satellitum Jovis jamdiu incum-
bit, quorum motuum tabulas ad incudem denuo re-
vocaturus, usumque præstantissimum in differentiis
Meridianorum investigandis (modò idonea suppetat
Τηρίστων ab aliis antehac habitatum materia) bre-
vi ostensurus, omnes quotquot ubivis huic studio
favent, obnixè rogat, ut observata siqua premant
selectiora (qualia judicat tempora quando Planeta
aliquis Mediceus Jovem, ipsius umbram, aut a-
lium denique Mediceum, contingere visus fuerit, i.e.
immersionum, emersionum, vel Corporalium (ut vo-
cant) appulsuum momenta) mature sibi impertire
dignentur.

Nono Calendas Quinti-
les ann. 1656.

P R Æ.

P R Æ F A T I O

Ad Lectorem.

Astronomia omnis illud molitur & suscipit, ut ex phænomenis corporum Cœlestium observatis, in Theorias assurgat intellectus, atque hypothesès quibus conceptis animo & præstratis, prædici possint, & Calculo præfiniri, corporum eorundem motus, situs atque Syzygiæ. Consistit autem in eo præcipuè, ut Hypothesès ad Geometriæ normam, concinnè, atque accuratè exhibeat, cujus rei origo & progressus sunt mihi paucis prælibanda.

Detectum est ex primis Astronomiæ Virilioris exordiis, planetas omnes, præter Solem & Lunam, (quorum alter unicam, altera plures obtinuit) duas habere *φανομενων* origines, quarum altera naturalis est atque absoluta, vocaturque prima Inæqualitas, altera relativa est, & dependet ex Solis motu (sive vero, sive apparente) quæ secunda vocatur Inæqualitas. Secunda hæc Inæqualitas ex prima præcognita satis facilis est ad intelligendum, pro prima hypothesès Astronomi excogitarunt. Primus
(quan-

(quantum ex historia constat) generalem mundi Ideam, sive *ὑποτίπωση*, *Pythagoras* invenisse dicitur, qui motus Cœlestes regulares in se atque æquales esse decrevit; Terram moveri, esse planetam inter Martem & Venerem constitutum. Hunc consecuti sunt *Philolaus*, *Aristarchus*, aliique, unde non est ut aliquis hujus hypotheseis assertoribus novitatem objiciat.

Particulares Planetarum Theorias, invenit vel *Andromachus Cretenfis*, vel *Eudoxus Cnidius*, qui Circulos revolventes excogitavit; cujus familiares *Polemarchus* atque *Calippus Cyzicenus*, Athenas profecti, cum *Aristotele* de ejus invento contulerunt.

Huic autem placuit hypothesis Homocentricorum, utpotè suo mundi systemati (qui terram mundi Centrum statuit) congruentior.

Atque hæc quidem rudia fuerunt hætenus Astronomiæ Progymnasmata, quæ puerilis omnino videri possit ante exortum *Hipparchum*, qui regularum atque Armillarum beneficio, quas *Alexandriæ* constituerat *Eratosthenes*, ausus est (utì *Plinius* habet) rem Deo improbam, stellas numerare, &

fixarum omnium Canonem (primus mortalium) construere, adeoque omnis sanioris ac perfectioris Astronomiæ fundamentum collocare.

Hic autem Homocentrica *Eudoxi* phænomenis minimè congruere expertus, hypotheseſin iſtam omninò deſeruit, duasque alias invenit, quibus vel per Excentricum, vel per Homocentricum cum Epicyclo exhiberi poſſe phænomena oſtendit.

Hipparchum ſecutus eſt *Ptolemæus*, vir ingenio, induſtriâ, eruditione, admirandus, qui illum ubique fere $\kappa\tau\prime\ \pi\acute{o}\delta\alpha$ inſequitur. Planetarum phænomena, vel excentrico ſimplici, vel huic æquipollente homocentr-epicyclo, vel Excentr-epicyclo, aut æquipollente Homocentr-epicyc-epicyclo, exponens.

Atque hæc quidem hætenus, ſi progreſſum Astronomiæ ab iis ſuſceptæ ſpectemus, præolare admodum; ſin Geometricam hypotheſium ἀνεξέτητον, minùs accurate.

Nempe cùm illud ſumpſerit (ſive à *Pythagora* ſive aliunde) *Ptolemæus*, planetarum motus eſſe naturâ ſuâ regulares, at quoad
nos

nos irregulares ; atque ad hæc phænomena exhibenda Circulum motûs Excentricum supposuerit , motus illius Anomaliam *investigans* , *supponit* æqualitatem absolvi ad *centrum* Excentrici. Ad exhibenda autem (ex hypothese sua) phænomena , supponit punctum Æqualitatis motûs atque punctum Inæqualitatis , à Centro Circuli in eadem Diametro æqualiter distare. Quæ duæ res simul affirmatæ contradictionem involvunt , atque divinissimæ scientiæ ultima & profundissima fundamenta , in ἀνωμετερίᾳ infelici , atque viris Mathematicis indecora , relinquunt.

Ptolemæum secutus est *Geber* (*Arabs*) qui quamvis initio operis sui Astronomici , se multos errores in μεγάλη σωπάζει animadvertisse scribat , eosque omnes emendasse , ab hoc tamen , tanquam loco Sacro , abstinent , & in aliis (uti habet Copernicus) se potius Ptolemæi Calumniatorum præstitit , quam ejusdem Correctorem.

Gebrum secutus est *Copernicus* , vir (sive ingenium spectemus , sive felicitatem) planè inter summos mortalium (quantum ego judico) numerandus. Hic Systema Pythagor-

ricum naturale esse parum dubito) postliminio reduxit. Hic autem cum alia emendasset plurima, sphalma hoc minimè emendatum prætermisit. Quinimò notante etiam *Vieta*, (in appendicula secunda ad *Apolonium Gallum*.) ἀτεχνίδω istam non solum „profitetur, sed docet, cùm ex *Tymocharis*, „*Ptolemæi* atque *Albategnii* observatis, studet assequi maximam prosthaphæresim „*Æquinoctiorum*, & Epochas *Anomaliæ* „à limite *Tarditatis*. Jubet n. (non jam „*Artis*, sed *aleæ* magister) Circulum tamdiu revolvī, donec error quem ex sua ἀγεωμετρησις nasci agnoscit, tandem, si fors „dederit compensetur.

Atque hoc in loco stetit usque ad *Keplerum* *Astronomia*. Quod etenim fecerat *Copernicus* in relatione ad *Ptolemæum*, hoc idem fecit *Tycho Brabeus*, respectu ad *Copernicum* habito. Systema invertit, at *Æquipollentiam* constituit, nihilque quoad ista fundamenta mutare, sive ipse, sive *Longo-montanus* suus, aggressi sunt. Planetarum motus in sese regulares atque æquales supponunt, ex tribus Epochis mediis, totidémque apparentibus, exquirunt summa-

rum

rum Absidum loca , & Excentricitates , vel Epicyclorum semidiametros) Geometras non se prodentes, sed adsumentes opus tanquam confectum quod ideò resolvunt infelicitè.

Keplerus in *Commentariis de motibus Martis*, pertinaci atque horrendo prorsus Calculi labore, ista evincit. 1. Ex duplici planè Capite planetarum Inæqualitatem (sive *ἀνωμαλία*) propriam oriri, scilicet non esse revera æquales planetarum motus, verùm esse eos, non solùm Opticè, sed & Physicè, Inæquales.

2. Quinetiam, ex Theoriis planetarum veris, atque naturalibus, Circulos omninò tollendos, iisque Ellipses substituendas; quarum in altero Umbilico Sol (communis planetarum omnium Nodus) est statuendus; bisecandam autem omninò esse Excentricitatem; (seu punctum Æquatorium in Ellipsi pari intervallo cum Sole esse à Centro Ellipseos removendum.)

Hæc certè videtur esse Theoria Planetarum vera, atque genuina, (viz. Copernicano - Elliptica) simplex ea, at-

que uniformis, facilis ad intelligendum, rationi atque observatis, absque ulla motuum complicatione, aut absurda ἀμυχονία respondens.

Atque in hac quidem hypothefi polienda, *Keplerus* ipse dum vixit, eoque fatis cedente, Cl. V. *Ismael Bullialdus*, aliique, summo studio & conatu indefessè sudarunt.

„ Questus est enim (apud *Maginum*) ipse
 „ *Keplerus*, quòd quantò captu atque intel-
 „ lectu planior sit hæc Astronomiæ for-
 „ ma, tantò sit computatu laboriosior, at-
 „ que inventu intricatior.

Et quidem duæ planè res sunt (ut initio indicavimus) ex quibus omnis ferè Ars nostra consistit, quarum altera est Theoriarum ex observatis Investigatio, altera Syzygiarum & motuum, ex hypothefibus & Theoriis, exhibitio; qua in utraque hæsit Clarissimus *Keplerus*, etiamsi fuerit ingenii profundissimi, industriæ stupendæ, felicitatis (quoad inventa Astronomica) admirabilis.

Nempe quâ ratione Ellipseos planetariæ speciem, posset ex observatis Geometricè

tricè determinare planè nescivit; quinimo per falsæ positionis repetitam operationem, methodo non naturali, sed peregrinâ, inventionem Apheliorum atque Excentricitatis aggressus est. Cujus rei tractationem (*Commentariis de motibus Martis* eorûmque Cap. 16. p. 95.) hac Apologiâ concludit.

Si te (inquit) hujus laboriosæ methodi pertæsum fuerit jure mei te misereat, qui eam ad minimum septuagies ivi cum plurima temporis jactura, & mirari jam defines hunc quintum jam annum abire ex quo Martem aggressus sum.

Existent (inquit) acuti Geometræ Vietae similes qui magnum aliquid esse putabunt, demonstrare hujus methodi ἀπὸ τοῦ οὐδενός (id n. & Ptolemæo & Copernico & Regiomontano objectum in hoc negotio à Vieta) eant igitur, & Schema ipsi solvant & erunt mihi magni Apollines.

Quod autem ad alterum illud Capitulum (Calculi nimirum) habemus virum ingenuum denuò confitentem, se non posse (quod solent in aliis hypothefibus) ex data Anomalia simplici, Anomaliam Æquatam directè exhibere. Nam Capi-

„te 60 p. 299. hæc habet, at datâ Ano-
 „maliâ mediâ, nulla Geometrica metho-
 „dus est perveniendi ad Coæquatam, vi-
 „delicet ad Anomaliâ Excentri, —
 „Concluditque, hoc præstiturum, futu-
 „rum sibi magnum Apollonium.

Quare excitatus est vir Clarissimus Do-
 ctissimusque *Ismael Bullialdus*, ut solutis his
 problematis Geometricè, hanc gloriam as-
 sequi posset, ut esset ipse *Keplero* vel *Apollo-*
nus, vel *Apollo*.

Nempe libro insigni, paucis abhinc an-
 nis edito, quo nomen *Astronomiæ Philolaicæ*
 nobilitare voluit, in eo perpetuus est, ut
 laurum hanc à *Keplero* in medio relictam,
 jure suo sibi vendiceret, eâque omni sibi
 sumptâ, nihil ejus alicui secuturo relinquat.

At nos, libello ante biennium edito,
 Virum illum egregium, & de Astrono-
 mia præclarè meritum, propositum sibi
 scopum non attigisse questi sumus; nempe
 ea non perfecisse quæ imperfecta reliquerat
Keplerus.

Ab edito (quasi extemporaneo nixu)
 isto libello, multæ me curæ habuerunt,
 præcipuè nè adversus hominem eruditissi-
 mum,

mum, durius aliquid locutum me esse boni viri existimarent; quin & recurrebat sæpius animo illud *Kepleri*, *Eant ipsi & problema solvant.*

Susceperat V. Cl. *Ism. B.* neminem unquam has res præstiturum, aut aliam à sua methodum inventurum: at non me deterruit ista præclarissimi viri susceptio, neque n. æquum esse existimavi ut vaticinanti fidem exigeret ille, quem deferere (ut & me ipsum) nonnunquam solere *Apollinem* expertus fueram.

Quare rem ipsam, non ex libris *Astronomorum*, sed ex ideis naturæ, aliquantò altiùs meditatus sum.

Nunc autem in re tam gravi desiderata

— *Siquid ego adjuvo curamve levasso*

Numquid erit præmi?

Annum sum ipse futurus *Apollo* aut *Apollo-nius*? Certè quid sit hoc, fieri *Apollinem*, aut *Apollonium*, non satis capio, neque ista sunt præmia quæ speramus; quòd si ipse antiquam hanc, atque *Astronomiæ* adhærentem hætenus, *ἀνεκμετρητοῦς* labem delevero, si methodum ostendero, quâ omnia possint accuratè peragi, & *Geometricè*; tum quoad

quoad Calculi exhibitionem, quâ re caruit adhuc omnis Astronomia, tum Circularis tum Elliptica, illud ab æquis Lectoribus expectandum esse spero, ut Academiae huic florentissimæ, omnia bona precari velint, ut imponi sibi nolint à levi aliquo Enthusiasta, aut à malesano Tetragonista, ita ut invideant nobis otium, quo fruimur, literarium, ut lapsus sive Autoris (qui sua hæc vix unquam relegit) sive Typographi, qui longo satis intervallo ab Autore rem suam egit, humaniùs excipiant. *Vale.*

I N D E X.

L I B E R I.

Pars Prima.

CAPUT PRIMUM. UBI.

Astronomia Elliptica principia quadam Generalia, & propositio operis designati.

Caput. I I.

De Astronomia Solari.

Caput III.

De investigatione Inaequalitatis planetarum, (respectu oculi in Sole constituti) seu Anomalia eorum vera & realis.

Caput IV.

De specie Ellipseos (sen ejusdem excentricitate) inveniendae, ex Axe illius transverso (sen linea Absidum) positione dato.

Caput V.

Calculus locorum Planetae alicujus, in Orbita sua, pro oculo in Sole constituto.

Caput VI.

De Astronomia Solari conjuncta, sive comparata, in Generali.

Caput VII.

De Fundamentis Astronomiae conjunctae Solaris, & modo referendi planetarum loca ad Eclipticam.

P A R S S E C U N D A.

Caput Primum.

Premissa quadam Generalia ad ea quae sequuntur: perinde esse sive quis ex Sole Planetam observet, sive ex planeta Solem: porismata exinde deducta.

Caput

I N D E X.

Caput I I.

De motu Solis apparente (revera Terra) ejusque Inaequalitate investiganda.

Caput I I I.

De Calculo motûs $\left\{ \begin{array}{l} \text{Solis.} \\ \text{Terra.} \end{array} \right.$

Caput I V.

De reliquis Planetis in Generali, eorûmque duplici Inaequalitate.

Caput V.

Scopus Astronomiae Terrestris proponitur, atque operis deinceps secuturi designatio.

Caput V I.

De locis Nodorum in Ecliptica Inveniendis.

Caput V I I.

De Inclinatione Orbis Planetarii respectu Eclipticae invenienda.

Caput V I I I.

De reductione Planetarum ab Orbibus ad Eclipticam, & contrâ.

Caput I X.

De exuenda Planetarum superiorum Inaequalitate secunda; sive de invenienda tum positione, tum etiam magnitudine linearum, quibus Planeta à Sole distant in Orbitis suis.

Caput X.

De investiganda trium superiorum Planetarum prima Inaequalitate.

Caput X I.

De Calculo motûs trium superiorum Planetarum, seu Fundamentis tabellarum Geometricis.

Caput X I I.

De investigatione loci Nodorum Veneris & Mercurii in Ecliptica.

I N D E X.

Caput XIII.

De investiganda inclinatione Orbium Veneris & Mercurii ad Orbem Eclipticæ.

Caput XIV.

Via sternitur ad investigationem primæ inferiorum Planetarum Inæqualitatis.

Caput XV.

De investiganda primæ Planetarum inferiorum Inæqualitate.

Caput XVI.

De Calculo pro Venere & Mercurio instituendo.

L I B E R II.

P A R S I.

Astronomia Saturnalis.

Caput Primum.

DE motu Saturni proprio (at Solis apparente) investigando, ejusdemque Ellipseos specie investigandâ.

Caput II.

De Calculo motus Solaris ex Ellipsi specie data, & dato Angulo Anomalia simplicis.

Caput III.

De investigatione Nodorum pro singulis Planetis Oculo in Saturno existente.

Caput IV.

De Inclinatione Orbium inveniendâ, pro singulis Planetis, Oculo in Saturno existente.

Caput V.

De exuenda secunda planetarum Inæqualitate, seu præparatione

I N D E X.

paratione ad investigationem Apheliorum atque Eccentricitatum.

Caput VI.

Agitur brevissimè de methodo hactenus usitata, ad exuendam Planetarum inferiorum Inaequalitatem secundam per maximas eorum à Sole digressiones, ejusdemque Methodi à Kepler indicatur.

Caput VII.

Proponitur methodus Geometrica pro investiganda planetarum Inaequalitate, pro Oculo in Saturno existente.

Caput VIII.

De Calculo locorum planetarum omnium, pro Oculo Saturno existente.

L I B E R II.

P A R S II.

Astronomia Mediorum.

Caput Primum.

DE Astronomia reliquorum planetarum, excepto Mercurio, generaliter, & de motu Solis novâ methodo inveniendo.

Caput II:

De Calculo motus Solaris, ubi proponitur methodus à superiore diversa.

Caput III.

De Investigatione Nodorum, seu determinatione loci eorum in Orbita planeta ubi Oculus constituitur.

Caput IV.

De Inclinatione Orbium investiganda, & de reductione à Orbe ad Orbem, ubi via preparatur ad novam methodum & utilissimam pro exuenda secunda planetarum Inaequalitate.

Caput V.

Ubi ex cognitis, locis Nodorum, Orbium Inclinatione, atque

I N D E X.

que tempore (planeta alicujus) periodico, methodus nova proponitur exuendi secundam planetarum omnium Inaqualitatem.

Caput VI.

De prima Inaqualitate (Ellipsis specie atque positione) investiganda.

Caput VII.

De Calculo Longitudinis & Latitudinis planetarum, pro Oculo in aliquo Mediorum planetarum existente.

L I B E R II.

P A R S III.

Astronomia Mercurialis.

Caput Primum.

P R Æ F A T I O.

Caput II.

Si planeta in eodem Orbitæ suæ puncto, bis observetur, quâ ratione exui possit secunda Inaqualitas, atque inveniri planeta à Sole distantia.

Caput III.

Iisdem positis Inclinationem planeta invenire, & si cognitus sit locus Nodorum, invenire exinde Inclinationem maximam, vel datâ maximâ deviatione invenire locum Nodorum.

Caput IV.

Si planeta bis binis observationibus, duobus in punctis iisdem, quibuscunque inveniatur, quomodo inveniri poterit, præter planeta Inclinationem, locus etiam Nodorum atque Orbium maxima deflexio.

Caput V.

De Investiganda prima planetarum Inaqualitate, sive de linea Absidum, atque specie Ellipsis planetarum, novâ methodo inveniendis.

Caput VI.

Calculi methodus pro Oculo in Mercurio brevissimè proposita,

L I B E R III.

Astronomia Circularis.

Caput Primum.

Generalia Præmissa.

Caput II.

De Solis Inæqualitate in Astronomia Circulari invenienda.

Caput III.

De Calculo motûs Solaris in Hypothesi Circulari, ex data Excentricitate & Anomalia simplici.

Caput IV.

De Investigatione Nodorum pro tribus superioribus Planetis (Oculo nimirum in tellure existente.)

Caput V.

De Orbium Inclinatione investiganda.

Caput VI.

De exuenda secunda planetarum superiorum Inæqualitate.

Caput VII.

De Investigatione primæ trium superiorum Planetarum Inæqualitatis, in Hypothesi Circulari.

Caput VIII.

De Calculo motuum trium superiorum Planetarum.

Caput IX.

De Astronomia inferiorum Planetarum, nempe de Nodorum suorum investigatione.

Caput X.

De Inclinatione Orbium pro Venere & Mercurio in Astronomia Circulari invenienda.

Caput XI.

De exuenda secunda Planetarum inferiorum Inæqualitate.

Caput XII.

De primæ Veneris & Mercurii Inæqualitate investiganda.

Caput XIII.

De Calculo Veneris & Mercurii.

ASTRONOMIA SOLARIS.

LIBER PRIMUS.

PARS I. CAPUT I.

Astronomia Elliptica Principia quædam Generalia, & propositio operis designati.

ASTRONOMIA Elliptico-Copernicana, supponit solem in Centro (seu Nodo Comuni) omnium planetarum, fixum & immobilem.

Planetæ autem singuli circa solem, orbitam eandem perpetuis vicibus describentes moventur.

Orbitæ hujus perimeter est figuræ Ellipticæ. [Evincen-
tibus hoc, Keplero in motibus Martis, multisq; aliis argu-
mentis, quæ forsan aliquando proferentur.]

Hujus Ellipseos, cum focus alter sit sol, (Motuum pla-
netariorum verum atque physicum Instrumentum) super
alterum interim focum, ita temperatur planetæ cujusq; mo-
tus, ut temporibus æqualibus, æquales illic angulos ab-
solvat.

Quare cum super focum *unum* Ellipseos sit motus *æqualis*,
neceffe est ut sit super *alterum*, atque etiam in ipsâ Elipsi,
inæqualis : neque in Motu Elliptico (quantum ad or-
bitam suam) alia quærenda est inæqualitas præter illam
quæ à motu medio (seu æquali) regulatur.

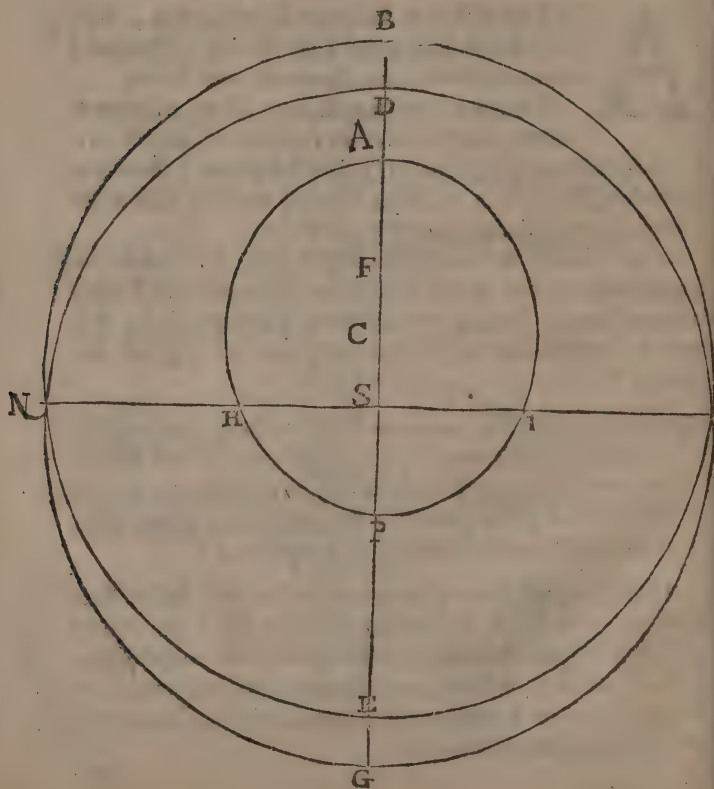
Orbitæ in quâ Terra movetur planum, ad stellas fixas
undique productum, Eclipticam describit, cujus centrum est
ipsa hæc orbita Terrestris ; (siue quodvis in eo punctum :
(Sol, Terra, &c.) Est etenim ob immensam fixarum distan-
tiam, orbita hæc Annuæ puncti alicujus instar, adeoque pla-
nè insensibilis magnitudinis.

Per orbitam planetæ, *Ellipsin* ipsam in cuius ambitu move-
tur intelligimus, *planum* autem orbitæ huiusmodi inde-
finitum, *Orbem* planetæ deinceps appellabimus.

Planetarum reliquorum Orbes, sunt ad Orbem Terræ
(i. e. ad *Eclipticam*) inclinati, eum nimirum per solis cen-
trum secantes.

Motus autem lunæ cūm ordinetur circa terram est illa à
censu planetarum de quibus nunc agimus eximenda, &
seorsum omninò consideranda.

Ut autem Intelligantur ea quæ hætenus sunt proposita
videatur hoc Schema,



Ubi S est Sol, nodus communis omnium planetarum. F focus alter Ellipsis, super quem motus medius vel æqualis absolvitur, Ellipsis A H P I. ubi A est Aphelium, P, Perihelium. Quod si hæc Ellipsis *Orbita* terræ cogitetur, erit planum N D n G (in infinitum productum) *Orbis* Eclipticæ, cujus centrum est *Orbita* Terræ Elliptica.

Sit jam alterius alicujus Planetæ *Orbis* B N E n, secans Orbem Terræ per S, in linea N S n, erunt orbes isti ad invicem inclinati: Communis eorum sectio N S n, ubi N n linea designat locos Nodorum: Angulum autem Inclinationis, metitur circulus latitudinis, per limites Transiens, seu 90. gradibus distans à locis Nodorum in Ecliptica.

Atque ista Generaliter proposuisse sufficiet Quod superest, propositum nobis est, favente Uraniâ, Astronomiam hanc universam Explicare, talemq; Methodum proponere, quâ poterit universus planetarum motus clarè atque perfectè ex principiis Geometricis cognosci.

Lubet autem à Sole Exordiri, illum veluti mundi oculum considerare, & ostendere quâ ratione Sol possit Planetarum situs atque aspectus determinare: Id est, Astronomiam *Solarem* proponere. Deinde ad Nostram hanc sedem Transibimus, atque Astronomiam *Terrestrem* docebimus. Et tandem oculum ad reliquos *Planetas* transferam (vel eos omnes ab incolis aliquibus habitatos supponam) Et pro singulis, Astronomiæ Methodum delineabo. Generalia atque Communia Generaliter proponendo, Particularia autem & ea quæ sunt singulorum propria particulatim peragendo.

CAP. II.

De Astronomia Solaris.

SIgitur Sol Intelligens, vel oculus aliquis in sole ponatur, simplex planè, atque uniformis erit illi omnis Astronomia (hæc Planetaria de quâ nunc agimus.) Cum etenim sit ille nodus communis, adeoque in planis orbium omnium Planetarum, Impossibile est ut respectu Solis, deviationem aliquam, vel latitudinis parallaxin, habeant; Adeoque obnoxie sint alicui Anomalie, (seu ut loquuntur inæqualitati) præter illam quæ *Physica* est, & consequitur ex periodo motus planetarii ejusque Contemperatione ad motum ejus medium.

Est autem Astronomia Solaris, vel $\left\{ \begin{array}{l} \text{Simplex} \\ \text{Conjuncta} : \end{array} \right.$

Soli itaque, si voluerit planetarum motus intelligere, in unoquoque planeta, *primo* inquirenda est ejus inæqualitas; *deinde* est illa calculo invenienda, ut ad Tempus propositum, planetæ locus in orbitâ suâ definiatur: Quibus in rebus consistit Astronomia simplex solaris.

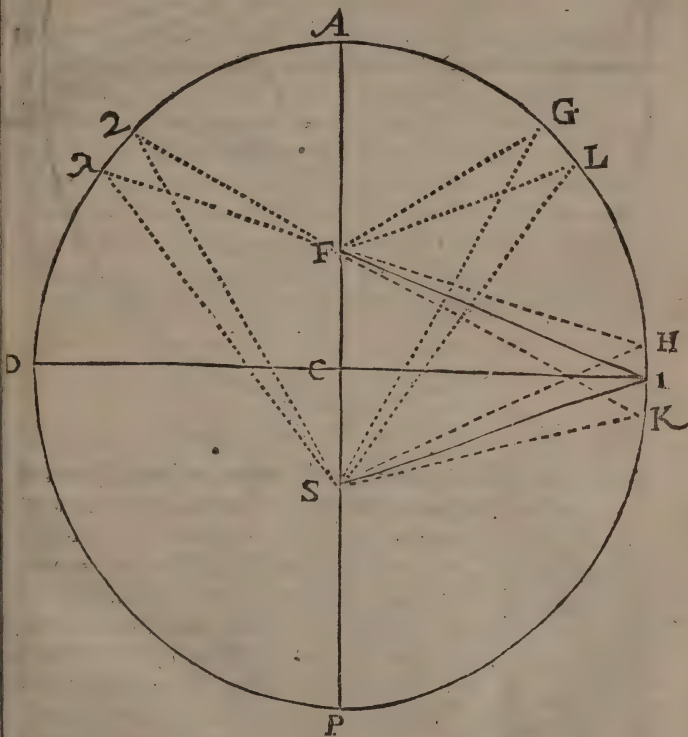
CAP. III.

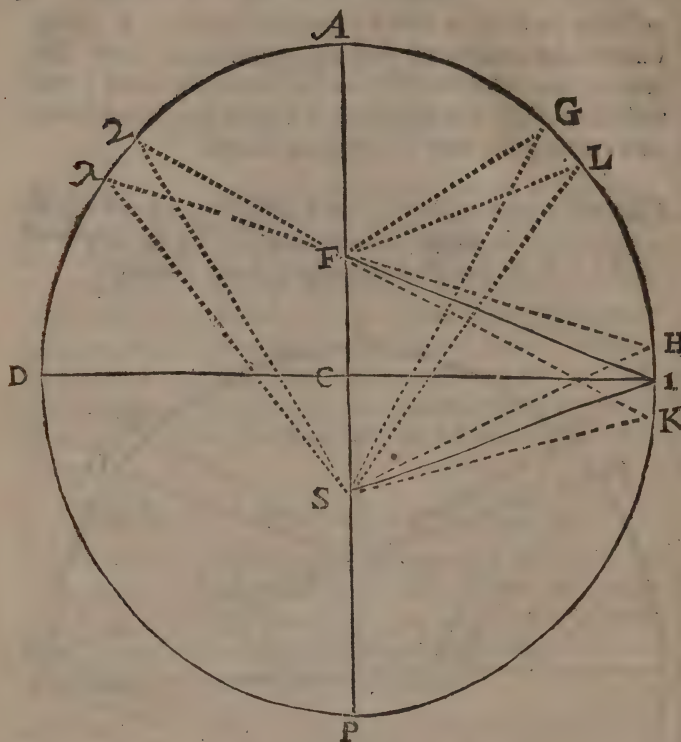
*De Investigatione inæqualitatis planetarum (respectu oculi in sole constituti) seu Anomalie eorum
veræ & realis.*

UT sol planetarum motus & in orbitis suis locos; innumerato habeat ad omne tempus propositum; Necessè est primò ut *speciem* Ellipseos planetariæ notam habeat, & ut locos Apheliorum punctorum, atque Periheliorum habeat determinatos; sine quibus cognitis, impossibile est ut calculum geometricè absolvat, verùm lineam Apfidum
positione

positione invenire in orbitâ cujuscunq; planetæ, & exinde Excentricitatem, non est difficile. Cum enim Motus planetarum super alterum Ellipseos Focum sit æqualis ex hypothefi hâc nostrâ; Axis ellipseos transversus positione dabitur, unde cætera colligentur : proponatur autem.

Posito motu planeta super focum F Ellipseos, æquali, positoque sole S in altero Ellipseos umbilico lineam Apsidum A F C S P. ex observationibus positione invenire.





Ex eo quod ponitur motus super F æqualis, manifestum est
 iis qui prima Conicorum hauserunt elementa, motum res-
 pectu solis Tardissimum fieri ad A, Celerrimum ad P, Medio-
 crem ad D & I, & quod ab I, per A ad D, motus medius
 (sive anguli ad F) sit major motu apparente, deinceps mi-
 nor; in Transitu autem per D & I, æqualis, & quod in æ-
 qualibus distantis, sive à locis, Apfidum (A & P) sive à
διακρίσπον D, & I, motus Apparentes planetarum, sint
 inter sese æquales. Ideoq; si à sole observetur punctum max-
 imæ Tarditatis vel Celeritatis, *Vel* si observetur ubi locorum
 motus apparentes sunt inter sese æquales, utrinque nume-
 ando; *Vel* tandem, si observetur ubi motus medius est ap-
 parenti

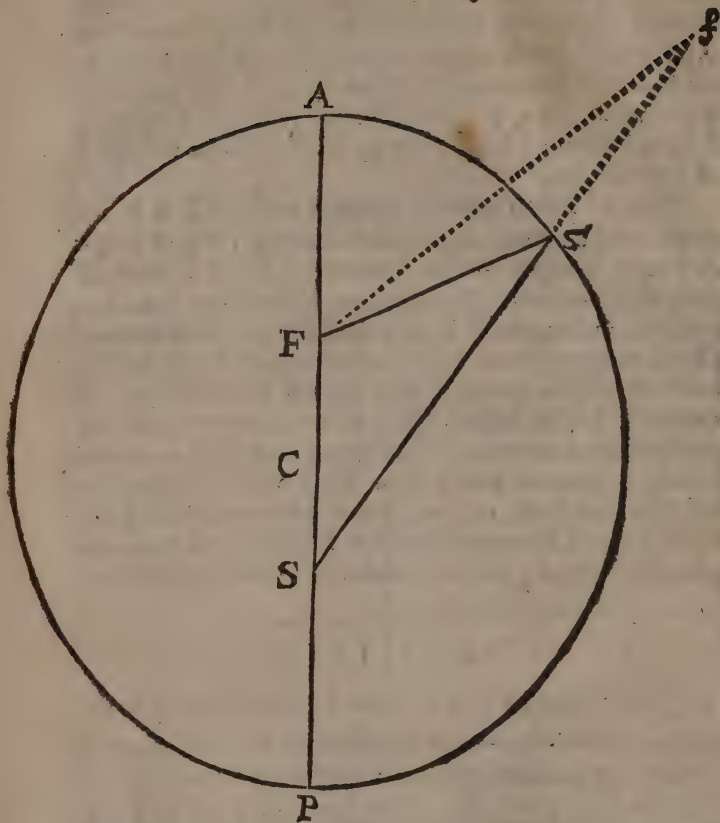
parenti æqualis, Invenietur *positione* linea Apfidum. Nempe Inventis Aphelio & Perihelio, eo ipso determinatur linea Apfidum. Inventis locis motuum æqualium (exempli gratiã Moveatur planeta ex alterâ parte à G ad L & ex adverso æqualiter à γ ad λ ,) Habetur ex observatione Angulus γ S G, vel etiam λ S L, quo angulo bisecto, habetur linea S A *positione* data.

Quod si tandem habeatur utrinque punctum D & I, ubi definit medius motus Apparentem superare, atque incipit Apparens superare motum æqualem, (quod (si continuè fiant observationes) est facillimum,) habebitur *διακρίσις* *positione* datum, adeoque & linea Absidum *positione* dabitur. Quod erat propositum ; Hæc omnia demonstrasse facillimum est, verum opinor minimè hoc esse Necessarium, iis qui nostra hæc sint lecturi. Illud autem obiter monuisse non pigebit hanc determinationē *positionis* lineæ absidum ex cōparatione motuum medij atque Apparentis Fundamentum esse Naturale, facile, unicum, Totius Astronomiæ Ellipticæ ; Nam facile est, Dato *positione* Axi Ellipseos, datâque motus planetarij periodo, cætera invenire, uti jam erit manifestum.

CAP. IV.

De specie Ellipseos (seu ejusdem Excentricitate) invenienda, ex Axe illius Transverso (seu lineâ Absidum) positione dato.

Soli (planetarum Nodo communi) facile est Epocham motûs constituere, Tempus in tegræ periodi observare, motumq; medium definire ; adeoque Anomaliam utramq; tum simplicem, tum etiam æquatam, invenire. At datâ Anomaliâ simplici, atque unâ aliquâ observatione habito angulo ad solem (seu A S ϵ ,) determinatur Ellipsis specie, uti aliquando aliàs ostendimus : mihi cerè licebit ista (ex Inq; in Bull: Astr. Ph.) repetere.



Sit $AFCSP$ linea Absidum, sit planeta in s , dati autem sint Anguli, AFs Anomalix simplicis, et ASs Anomalix æquaræ, (seu ad solem) et quæratur proportio FS duplæ Excentricitatis, ad AP . Axim Ellipseos. Quoniam est $AP = Ss + sF$ producat Ss ad f donec fiat $s f = s F$. Et cum habeatur Angulus AFs exterior atque FSs interior, dabitur etiam Fsf , cujus semissis æqualis est angulus $s f F$, Ergo in Triangulo FSf dantur omnes Anguli: Ergo

proportio

proportio laterum, FS ad Sf , id est, duplæ Excentricitatis (seu distantiae Focorum) ad Axim Ellipseos majorem: Ergo et Ellipsis ipsa specie datur.

Quod si quis voluerit etiam ex iisdem datis distantiam planetæ a sole, (ad Axim Ellipseos eam conferendo) invenire, Quoniam in Triangulo FSf dantur omnes anguli unà cum duobus lateribus, ergo habetur & latus Ff . Tum in Triangulo $F\varsigma f$ datis angulis, & Ff ; datur & $F\varsigma$, et quia in partibus Axis Ellipseos versamur, erit $Sf (= 2R) - F\varsigma = S\varsigma$, distantia Planetæ à sole ad Tempus propositum.

Atque hæc quidem est universalis atque Geometrica delineatio Astronomiæ *Simplicis Solaris*, quantum ad inæqualitatis planetarum Investigationem: poterit autem Calculus hoc modo absolvi.

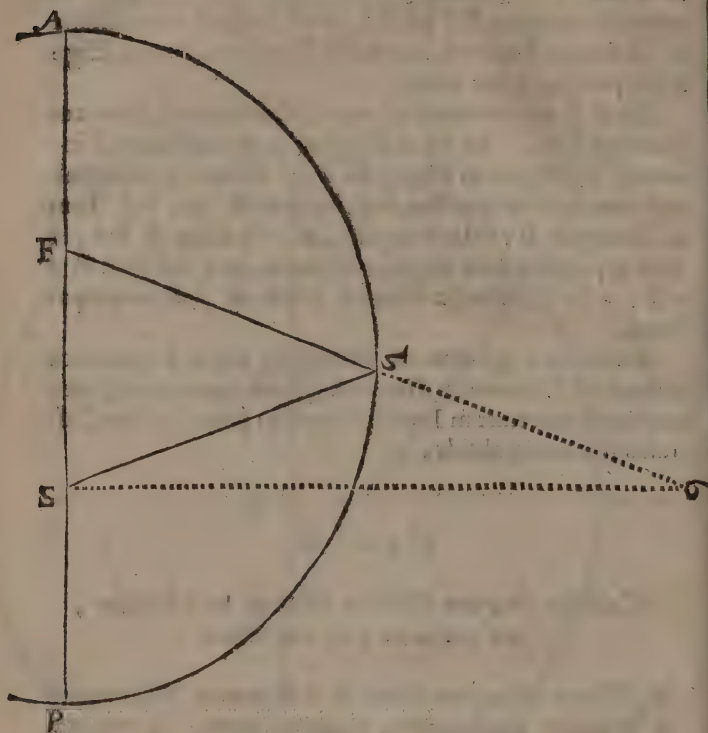
CAP. V.

Calculus locorum Planetæ alicujus in orbita sua, pro oculo in Sole constituto.

NEmpe restat hoc solum in Astronomiæ Solaris parte simplici præstandum, Atque uti cætera illa quæ præmisimus hactenus, ita et ea quæ sequuntur, Communia sunt omnibus planetis (respectu solis) atque iis omnibus applicanda.

Proponatur itaque (Ex Epochâ motus Constitutâ atque medio motu cognito) datâ Anomaliâ simplici, Æquatam invenire, ex præcognitâ nimirum specie Ellipseos.

Nempe



Nempe datâ ratione distantiae umbilicorum in Ellipsi, ad Axim ejusdem, simulque angulo Anomaliae simplicis AFS , Angulum ad solem ASS invenire.

Producatur FS ad σ ita ut sit $S\sigma = SS$, et ducatur $S\sigma$. Quoniam igitur in Triangulo $SF\sigma$, dantur duo latera FS , et $F\sigma$, unâ cum Angulo comprehenso, habemus Angulos ad S et σ . at $FS\sigma - F\sigma S = FS_S = ASS$.

CAP. VI:

*De Astronomia Solari Conjuncta, sive Comparata,
In Generali.*

Astronomiæ Solaris partem simplicem hucusque tradidimus, eam nimirum, quæ planetarum motus naturales, et simplices, in orbitis suis oculo in sole esistenti, exhibet et ostendit; Superest Astronomiæ solaris pars altera, quam *Conjunctam* sive *Comparatam* appellare lubet.

Est autem Astronomia hæc *Comparata*, quæ planetarum ad invicem situs, atque habitudines Incolis solaribus (si qui forent) exhiberet:

Ut autem mutuæ planetarum habitudines atque syzygiæ apud solem percipiantur, Eligenda est illi Meta aliqua, vel norma, ad quam possint exigi atque reduci planetæ ubique locorum apparentes.

Et quidem soli perinde est cujusvis planetæ Orbem (sive Orbitam in infinitum productam (in sensu Geometrarum sumendo Tð infinitum) pro metâ hac assumere, respicit. n. eodem modo planetas omnes, eorumque Orbes inter fixas descriptos percipit, eodem prorsus modo quo nos Eclipticam in sphaerâ vocatâ octava delineamus.

Uti enim linea infinita à sole per terram ducta, atque per integram terræ orbitam revoluta, describit Eclipticam inter fixas; ita eodem planè modo, linea à sole per planetam quemvis alium extensa, atque ad idem punctum restituta, Planetæ Orbem describit. Nihilque hic officit aut mutat, planetæ alicujus distantia à sole, major aut minor, nihil Ellipseos species, vel positio, Cum planum ipsum infinitum Orbitæ, sit pro *norma* hujus rei sumendum.

Verùm (gratiâ Exempli ad ea quæ proponimus) nos solem reliquos planetas ad *Orbem nostrum* reducentem, cogitabimus; atque uti nos tum demum planetarum locos atque syzygias scire nos ipsos existimamus, postquam eos ad Eclipticam (orbem nostrum) reduximus, eorum longitudes

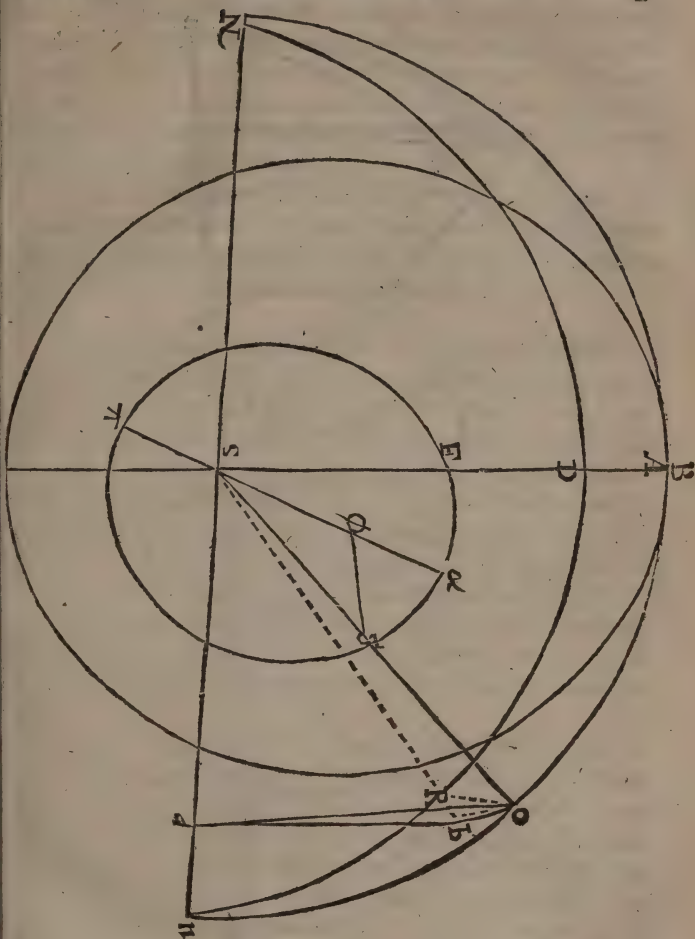
dines atque latitudines determinando, Ita solem (quasi nostra Terricolarum præcipuè curaret) ad Eandem Eclipticam cætera referentem cogitabimus, et ubique quærentem, quis sit locus planetæ alicujus in Eclipticâ, et quæ et quanta sit ejusdem ab Eclipticâ Deflexio.

Eligimus autem hunc orbem in suppositionis gratiam, non solum eâ ratione, quòd illud Terra mater, jure suo (cæteris etiam sepositis) expectare posse videatur; verùm ut sequutura Astronomiæ Terrestri, prælucentem faciem accendamus, Neque n. ingenii otiosi specimina inania atque inutilia hoc in loco meditamur. Verùm missâ præfatione ad rem ipsam accedamus.

CAP. VII.

De Fundamentis Astronomia Conjunctæ solaris, & modo referendi planetarum loca ad Eclipticam.

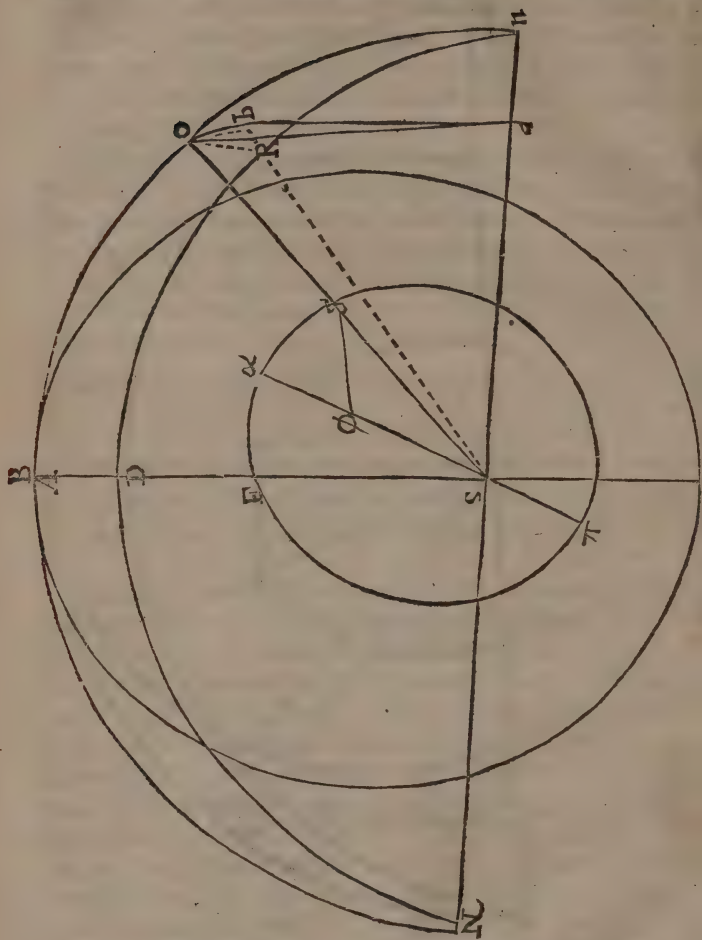
VIa Eclipticæ inter stellas fixas faciliè, observanti ex sole, obtinetur: Nempe si *perpetua fiat motûs Terrestris observatio, ex centro solis*; quòd si ex superficie fiat observatio dabit illam respectu horizontis cujusque Maxima terræ Elevatio vel Altitudo; Cognitâ autem viâ Eclipticæ, cætera vel observatione vel calculo invenientur. Nempe ex observatione facillimè invenitur *locus Nodorum* Eclipticæ atque orbis planetarii, ubi etenim in eclipticam planeta solet utrinque incidere, (quod observatione innotescit) ibi sunt loci nodorum. Cognitis autem locis Nodorum cætera hoc modo eruuntur. Sit planum Eclipticæ (quousque opus est productum) $DNSn$. Orbis planetæ $BNE n$, et sit Orbita planetæ Elliptica, orbis sui pars, $\alpha\pi s$, ita ut α sit locus Aphelii, π Perihelii, s locus planetæ in orbita sua, et producat Ss quousque opus est, nempe in o , vel ultra. Cogitetur autem Circulus latitudinis, ad Eclipticam rectus. eamque secans in R transire etiam per lineam planetæ Sso , Quæritur jam ubi sit punctum R in Eclipticâ, vel quan-



quantum distet à nodis vel communi sectione planorum.

Primum igitur quoniam positione dantur lineæ $S n$. atque $S a$, (nempe $S a$, vel $a \pi$ ex iis quæ de Investigatione Inæqualitatis planetariæ suprà locuti sumus, $S n$ ex jam dictis) poterit etiam linea $S \zeta$ vel $S \zeta o$ positione inveniri, adeoque et arcus $O n$ in orbe,

Atque



Atque constituitur ad R Triangulum sphaericum rectan-
gulum ad R, ubi arcus n n est Orbis planetarii, n R Eclipti-
cæ, Arcus R o, circuli latitudinis. In isto Triangulo si da-
retur angulus ad n, ex resolutione Trianguli, latus n R, eo-
dem prorsus modo haberetur quo datis in Astronomia no-
stra,

strâ, Eclipticæ obliquitate, solisque longitudine, invenitur ejusdem Ascensio Recta. Angulus autem inclinationis planorum vel ex observatione deviationis maximæ, (in limite) invenitur (est n. ejus mensura Arcus B D.) vel etiam ex inclinatione alicujus orbitæ puncti, quod est etiam facillimum ut observatione inveniatur.

Ponatur igitur dari inclinationem puncti s , vel o , et ab o cadat perpendicularis ob , quæ in lineam SR incidet (communem sectionem circuli latitudinis, et Eclipticæ) est itaque angulus $o S b$, angulus inclinationis, sive latitudinis puncti o .

Datis itaque in Triangulo $S b o$ omnibus angulis datur ratio laterum; et si So sit Radius, erit ob sinus inclinationis. Quod si So sit Radius, erit od (perpendicularis ad NS n.) sinus on , prius inventi. Data itaque est ratio So ad od , et in Triangulo Rectangulo obd , datur ratio od ad ob , at vero $od. ob :: R. S, L od b = o NR$ Angulo qui desiderabatur: datis itaque in Triangulo sphærico, Hypotenusa (no) atque angulo inclinationis, (vel maximæ latitudinis planetariæ) $Ro n$, unâ cum Angulo Recto ad R ; invenitur latus $n R$, adeoque reducitur planeta ad Eclipticam; quod si locus Terræ in Eclipticâ sit ad Orbem planetæ reducendus, Methodus hanc rem peragendi ex dictis hæcenus innotescet.

Atque ita planetæ alicujus longitudinem in Eclipticâ invenire ostendimus; Quod ad latitudinem attinet, non differt illa in Astronomiâ Solari ab Inclinatione, quomodo autem ex datis, distantia planetæ à nodo, atque Angulo Maximæ Inclinationis, inveniri possit planetæ Inclinatione respectu solis, manifestum est illi qui superiora intellexerit, cum in Triangulo sphærico Rectangulo superiore $n R o$ non magis sit difficile, Cathetum Ro , quam Basim ejusdem $n R$, invenire.

Si quis autem velit, planetam quemcunque, ad alium quemvis Orbem, vel aliam quamcunque (præter Eclipticam) normam seu regulam, reducere; possit hoc ex iis quæ jam tradita sunt perficere, quin etiam phænomena omnia planetarum quæ apud Solem contingunt explicare. Verùm
hucus

hucusque *Astronomiam Solarem* explicâsse, generaliter sufficiet, Ad *Astronomiam Terrestris*, cujus præcipue gratia hæc exposui, transeamus.

PARS. II. CAP. I.

*Premissa quedam Generalia ad ea quæ sequuntur :
perinde esse sive quis ex sole planetam observet,
sive ex planeta, solem: porismata
exinde deducta.*

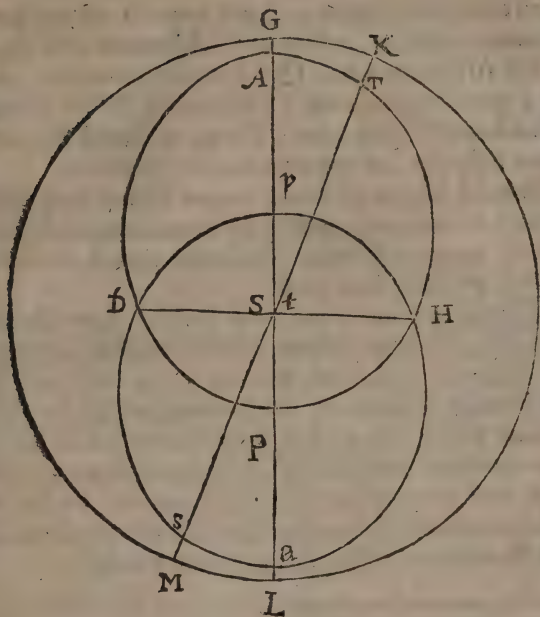
UT eorum quæ hætenus præmisimus, usus atque scopus innotescat, hoc primum ostendemus, quod si sol fixus fuerit in Umbilico Ellipsis altero, et moveatur planeta in Orbitâ Ellipticâ, oculus in planeta constitutus, ipsum omninò fixum stare cogitabit, Et solum ex adverso, motum planetario Contrarium, at speciem et mensura eundem absolvere.

Quod autem oculus seipsum stare cogitabit illud ex optice principiis atque ex obviis exemplis supponimus dum

Provehimur portu turreſque urbeſque recedunt.

Neque enim animus est in ista (Mathematicorum manibus nimium protrita) excurrere, cætera potius exsequamur.

Sumatur itaque primò omnium punctum aliquod quod sit Ellipseos umbilicus, in quo etiam sit sol. S. et super illud punctum describatur Ellipsis aliqua specie data, quæ sit Ellipsis seu Orbita Elliptica cujuscunque planetarum, sumemus autem in Exemplum Telluris (in quâ versamur) Ellipsin, quæ sit A T H P D, in quâ primum terra moveri cogitur : deinde Transponatur Terra imaginatione in locum solis, ibique revera Fixa cogitur. Moveatur autem sol in Ellipsi p H a S D priori æquali : dico eandem (licet ad partes adversas) figuram describi ; eademque prorsus utrinque phænomena contingere, hæc autem ut ostendantur ; sit i adjuncto schemate linea Apſidum utriusque ellipseos in eadem positione, coincidant nimirum cum G S L diametri circuli cujus centrum est S.



Primum itaque manente sole in S, sit Terra in A Aphelio, ab A autem ad T moveatur absolvens angulum A S T vel G S K; sit autem distantia a sole S T. deinde in Ellipfi, priori æquali, p H a f D, super terram, veluti umbilicum, huc transpositam, t, moveatur sol, motum autem incipiat ab a, versus f, ita ut sit angulus a t f = A S T superiori; incidet linea t f in lineam S T productam, et erit distantia S T = t f, adeoque (in partes adversas) omnia congruunt. erunt etenim anguli ubique $\kappa\tau\chi\alpha\rho\upsilon\phi\eta\nu$, cum ab eadem lineâ ad idem punctum incipiant, & cum distantia eadem supponantur, describent figuras similes atque æquales: vel si describant figuras similes atque æquales ex hypothesi; eadem ubique erit distantia nempe T S = t f, adeoque omnia utrinque eodem modo contingent: quod utile erit ostendisse.

Porismata.

Ex eo etenim sequitur, Quòd oculo in quocunque planetarum constituto, eadem est illi Astronomia solaris, quæ est soli Astronomia sua. Quòd Incolis Saturninis, movetur (quoad apparentiam) Sol in orbitâ Ellipticâ Saturni; Jovialibus in Orbitâ Jovis: Terræ, in Orbitâ Ellipticâ sub plano Eclipticæ; cæteris omnibus, in orbitis suis.

Et quòd singulis planetis, motus solis est simplicissimus atque facilissimus, unicam ubique habens inæqualitatem (*ἀνισομαλίαν*) quæ reverâ sua est planetarum; etiamsi, ea visûs errore, Soli perpetuò imputetur.

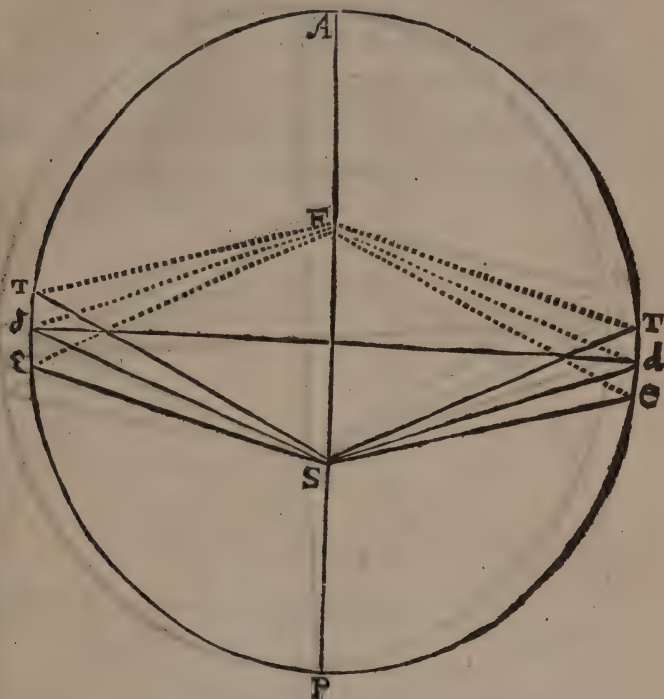
Et quòd omnium planetarum incolis, dum planetæ sui corpus stare videtur, sol cum reliquis omnibus locum mutare Cernuntur. Quæ sunt maxima atque firmissima systematis hujus Argumenta, illud evincentia, quòd non est, ut motum Terræ in Eclipticâ, vel potius in Orbitâ suâ fugiamus agnoscere; cum cæteris, quæ ex necessitate concedenda sunt, adedò concinnè hæc suppositio congruat: verùm non illud in animo est, systema hoc generale asserere aut vindicare; sed isto veluti concessò, Astronomiam absolvere.

CAP. II.

De Motu Solis Apparente (reverâ Terra) ejusque inæqualitate investigandâ.

POSTquam ostendimus unicuique planetæ perinde omnino, quoad phænomena Solaria, esse, siye ipse moveatur in Orbitâ, quiescente sole, siye sol in orbitâ suâ æquali atque simili, ex adverso moveatur, planetâ interim in umbilico quiescente; Atque in Astronomia Solari simplici ostensum est, quâ ratione planetæ alicujus inæqualitas inveniatur, eo ipso præstitum est hoc quod quærimus, atque positum est fundamentum solidum atque manifestum omnis Astronomiæ planetariæ, Reducatur itaque in Conspectum schema suprâ Capite 3. præmissum, vel quantum huic negotio sufficiat.

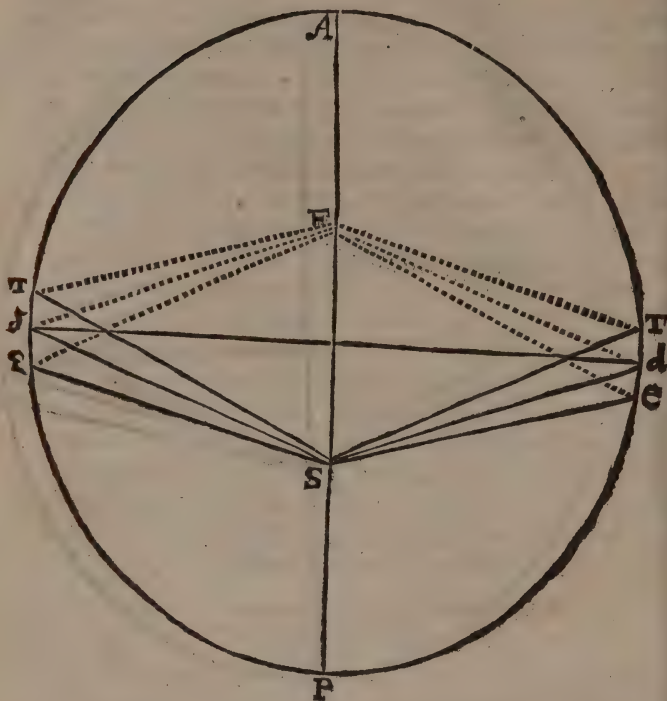
Esto



Esto itaque Ellipsis in quâ Terra movetur Ad P δ . illiusq; Axis A F S P, ubi Aphelium A. perihelium P. S Sol umbilicus, F Focus alter : itaque ordinari cogitetur motus Terræ, ut lineæ ab F. ad Terram ductæ, tempore æquali, angulos æquales absolvant adeoque ad S (ubi motus Apparens numeratur) inæquales.

Ex istis præsuppositis, primò inveniatur positione Axis A F S P : Id est, inveniantur puncta Eclipticæ (orbis Terrestris) ubi cum Terra revera fuerit, punctum ἀφελιώτατον atque περιελιώτατον possidebit.

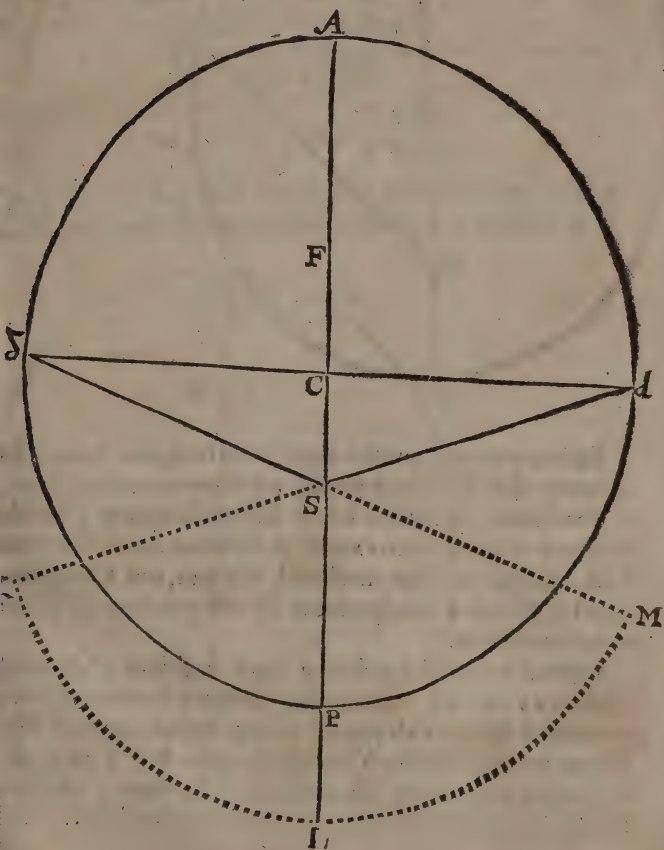
Quoniam igitur Anguli ad F. Tempori respondent, atque integræ Terræ periodi tempore colliguntur, atque Anguli

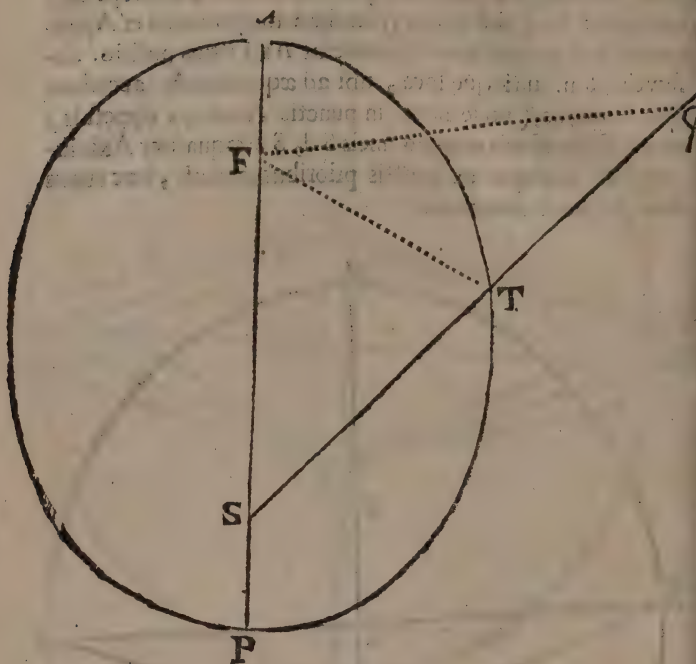


guli ad S motum Apparentem designant , atque æqualis angulorum istorum (ad utrumque simul focum) combinatio nusquam contingit aut contingere potest , nisi in æqualibus ab Axe factis distantis , manifestum est quòd si observatione illud inveniatur , quando nimirum tempore æquali motus Solis est etiam æqualis , Invenietur Axis positione. Esto etenim quòd Tempore T F d angulum absolvat T S d , & deinde Tempore huic æquali δ F τ Arcum etiam priori æqualem δ S τ : manifestum est Axim S F A lineas , S τ atque S T ex æquali interjacere , adeoque positione dari.

Deinde quoniam (ut suprà indicatum est) dum Terra ab A ad δ vel à d ad A movetur , Anguli motus medii perpetuò

petuo sunt Angulis motûs Apparentis majores, deinceps verò minores : Cognitâ itaque quantitate motus mediû et Apparentis, pari prorsus modo invenietur Axis istius positio. observentur n. utrinque loca, ubi ad æqualitatem accedunt duo hi motus, (uti se habet in punctis *διανέυτες* oppositis) manifestum est etiam quod lineis S d, S s æqualiter Axis interjicitur, ideóque, ex punctis prioribus iuventis, hæc etiam linea positione invenitur.





Existente etenim puncto æqualitatis in d , cum locus Solis apparens est in K . deinde puncto æqualitatis, ex alterâ parte, in Δ existente, apparense sole in M loco Eclipticæ (ex sole descriptæ et in infinitum extensæ) si bisecetur arcus Eclipticæ $K M$, ejusque punctum medium L sumatur, erit L locus perihelii in Eclipticâ, ejusque locus Aphelii punctum illi è diametro oppositum.

Inventâ hoc modo positione lineâ Apsidum, Quandoquidem ex Epochâ, ope motûs periodici et duarum observationum ubi distantia ab axe est utrinq; æqualis, inventâ Medioque motu, habetur Anomalia simplex $A F T$ ad quodvis tempus propositum; Atque locus Solis verus, adeoque Anomalia æquata $F S T$ poterit observatione haberi: hinc
etiam

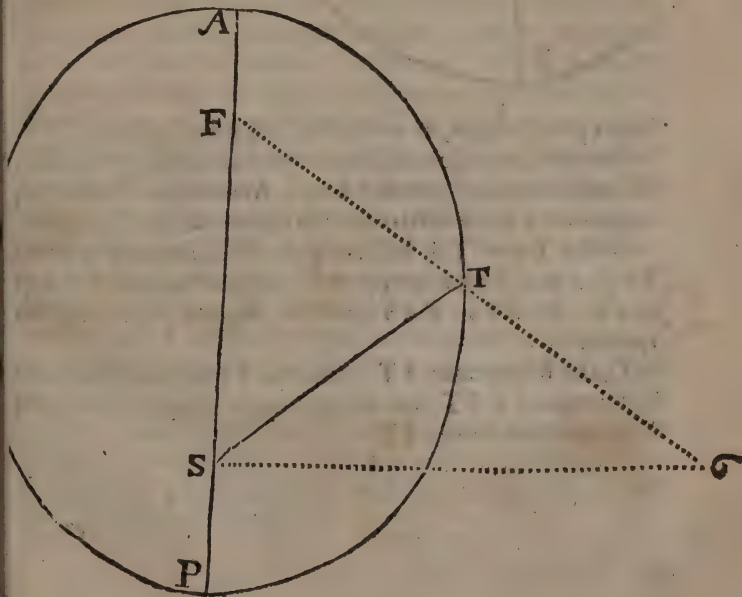
etiam (methodo supra ostensâ) Ellipseos species eruitur, et datur proportio distantie umbilicorum SF ad Axem Ellipsis AP .

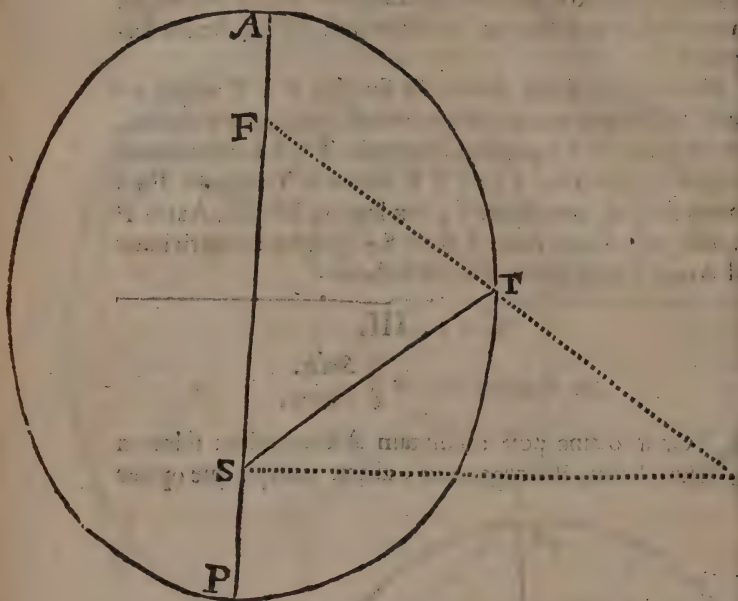
Nempe quia datur Anomalia simplex AFT atque æquata (ad istas n. coæquationes, veluti *ἀνωμετείας* portenta, horrescimus) FST , ergò in Triangulo FST dantur omnes Anguli, atque factò $T\phi = TF$, etiam in Triangulo $F\phi S$ omnes Anguli, cum latere $S\phi$ (ex ingenio Ellipsis, Axi AP æquali) ergo datur ratio FS ad $S\phi$ (duplex excentricitatis ad Axem) unde specie Ellipsis habetur.

CAP. III.

De Calculo motûs $\left\{ \begin{array}{l} \text{Solis.} \\ \text{Terra.} \end{array} \right.$

Non alio fine post absolutam Astronomiam solarem simplicem, ista reperimus, nisi ut unaquæque opellæ





hujus pars, integra, in conspectu, lectoribus habeatur:

Proponatur itaque datâ Excentricitate duplâ, vel distantia umbilicorum in partibus Axis, Anomaliam Æquatam, atque Terræ à sole distantiam (in iisdem partibus) invenire.

Facto $T\sigma = TS$, In Triangulo $SF\sigma$, dantur duo crura FS , $F\sigma$ cum Angulo comprehenso, ergo et angulus $FS\sigma$ et $F\sigma S$. At $FS\sigma - F\sigma S = FS\tau$ Angulo Anomaliz Æquatæ.

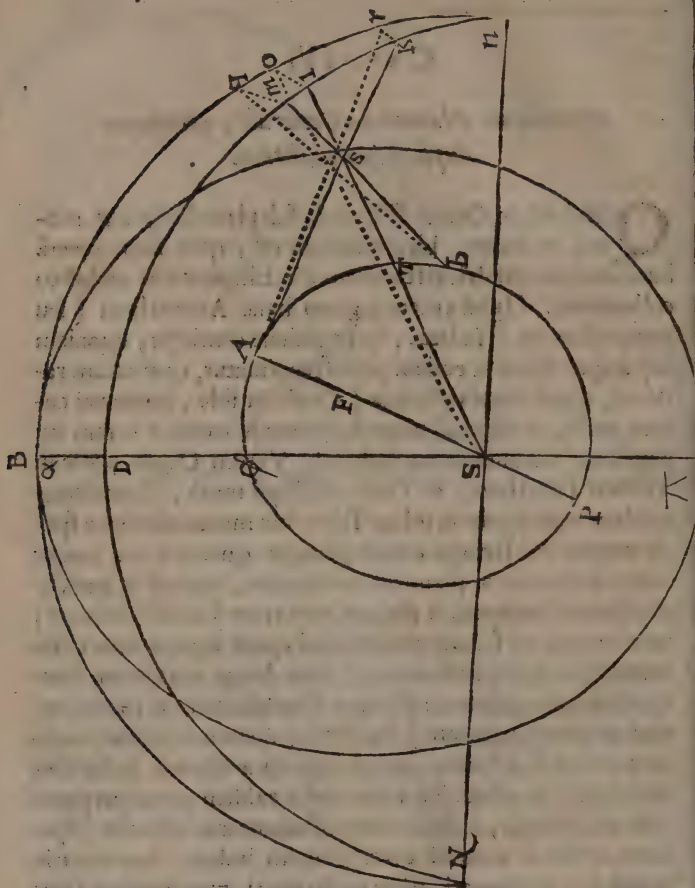
Quòd si quærat ST , distantia Terræ à sole quoniam in Triangulo FST jam dantur omnes Anguli cum latere FS , datur etiam latus ST .

CAP. IV.

De reliquis Planetis in Generali, eorumque duplici Inæqualitate.

QUOD sol, in Orbitâ Ellipticâ, sub plano Eclipticæ, moveri videatur, ideò nimirum est, quia Terra reverâ hunc motum absolvit circa solem, in Ellipseos suæ umbilico collocatum. Quòd autem unicam hanc Anomaliâ (seu inæqualitatem) habeat, id ea ratione contingit, quoniam Sol atque Terra in eodem plano reperiuntur, quæ etiam ratio est, quod omnes planetæ (Oculo in sole, communi eorum nodo, constituto) unam solummodo eamque veram seu physicam inæqualitatem habeant. Verùm Oculo à sole in Terram Translato, et Terrâ in Ellipsi motâ, Transfertur quidem cogitatione in solem Terræ hic motus, adeoque specie manet. At Reliqui omnes planetæ, quoniam non jam ex nodo communi in plano suo cernuntur, verùm ex puncto plerùmque extraneo, à plano Orbitalium suarum deviante; ideo novam et (dum punctum ad quod comparatio instituitur locum perpetuò mutat) eam longe maximam Inæqualitatem acquirunt: Ex quo fit ut planeta qui motu (reverâ et quoad naturam) simplici, (quantum patitur nimirum orbitæ suæ forma, eæque leges quæ supra à nobis sunt descriptæ) in orbitâ suâ viam versus easdem partes perpetuò absolvit, tamen, (hâc oculi translatione interveniente) speciem motûs à naturali diversissimam induat, imo nunc in orbitâ suâ promoveri, nunc reciprocari, nunc omnino stare videatur.

Non mihi in hoc opere passionem planetarum particulatim persequendas esse judico: petantur istæ ex Astronomis Copernicanis, qui plurimi sunt: sufficiat ostendere, quæ sit prima, quæ secunda inæqualitas.



Esto igitur S. sol. Orbis planetæ superioris B n SN. planetæ in eo Orbita $\alpha \varsigma \pi$ ubi α punctum Aphelii, π Perihelii.

Sit autem Ecliptica vel Orbis Terrestris D n SN, Orbita Terræ A τ P. ubi A est punctum Aphelii, et p. Perihelii. Manifestum est planetam reverâ in Orbita $\alpha \varsigma \pi$ perpetuò versari, viâ ad solem stabili (nam de mutatione Apheliorum non

non est hîc loquendum) et constanti. adeò ut cum planeta ad idem Orbitæ suæ punctum redierit illic etiam perpetuò sit appariturus oculo in Sole constituto.

Estò exempli gratia locus planetæ in ϵ ; manifestum est, quoties ad ϵ redierit planeta, illic etiam videndum à Sole esse, in eodem respectu ad lineam Absidum, atque ad lineam Nodorum (ad $a\pi$ et ad Nn .)

Transferatur jam oculus ad Orbitam Terræ $A\tau P$; et per illam Orbitam (dum ipse sibi stare putatur) perpetuò feratur, & manere cogitetur planeta in ϵ donec Terra Transcat à a , b per τ in A. manifestum est, loco planetæ invariato manente, quoad visum tamen variari, et respectu Eclipticæ vel Orbis nostri varias habitudines acquiri: dum, positâ Terrâ in T, videbitur planeta respectu plani eclipticæ per lineam $T\epsilon L$, at Terrâ in b existente transisse videbitur ad m, motâ autem Terrâ à b, ad A absolvere videbitur b ϵ A vel m ϵ K.

Hæc inquam contingerent si in eodem plano versarentur, atque ipsa est variatio Longitudinis.

Verùm et Terrâ sic motâ, erit etiam variatio Latitudinis, seu deflexionis ab Ecliptica. cum etenim planetæ vera deflexio ab Ecliptica, à sole mensuretur angulo LSO (supponendo LSO , Sectiones esse circuli latitudinis cum Ecliptica et Orbe planetario) erit interim in B latitudo visa $m bq$, atque in A KAt , qui duo anguli sunt ab angulo LSO veræ inclinationis, seu veræ et perpetuæ latitudinis puncti ϵ respectu solis, admodum diversi.

Totum hoc inæqualitatis quod in planetarum longitudine et latitudine, ratione motûs Terrestris contingit, est inæqualitas planetæ extranea et non sua, secundaria revera est et *Inæqualitas Secunda* Astronomis vocatur. dum altera planetæ propria quæ ex Orbitæ suæ Ellipticæ specie et motûs periodo integrâ seu motûs medii quantitate profluit, sit iis *Prima Inæqualitas*; quæ hætenus explicasse videbatur necessarium.

CAP. V.

*Scopus Astronomia Terrestris proponitur atque operis
deinceps secuturi designatio.*

Istis hoc modo se habentibus , patet , Astronomo Terre-
stri pro reliquis omnibus planetis , præter solem , duplex
opus incumbere , ex binæ inæqualitatis fonte oriundum.

Cum etenim illud sibi veluti scopum proponat , ut ad
omne tempus possit planetæ respectum ad Orbitam suam
(seu Eclipticæ potius Orbem) tum Longitudinis nimirum ,
tum Latitudinis , definire ; atque hi duo respectus ex
Tribus capitibus dependeant , quorum unum est locus plan-
etæ in Orbita sua , alterum, Orbis planetarii Deflexio, sive
inclinatio cum orbe Terrestris , tertium autem ipsa Terræ in
Orbita sua positio, sive syzygia solis , Terræ , atque Plane-
tæ ; post tertium , manet ut cætera etiam inveniat , prius-
quam illud quod quærit possit absolvere.

Cum itaque calculo ut ista inveniantur sit opus Astro-
nômi , Calculus autem absque determinata hypothesi quo-
ad Orbitalium mensuras , species , Inclinationes , absolvi
non possit : Ostendendum itaque est quâ Methodo aut Arte
investigari possint istæ inæqualitates , deinde quomodo cal-
culus sit peragendus.

Atque hîc quidem methodos ab aliis hucusque proposi-
tas relinquam , utpote infæliciter in ἀγνοησία desinentes ,
illam autem ego prosequar quam Astronomia Solaris
(omnis veræ et genuinæ Astronomiæ clavis) nobis ape-
ruerit.

CAP. VI.

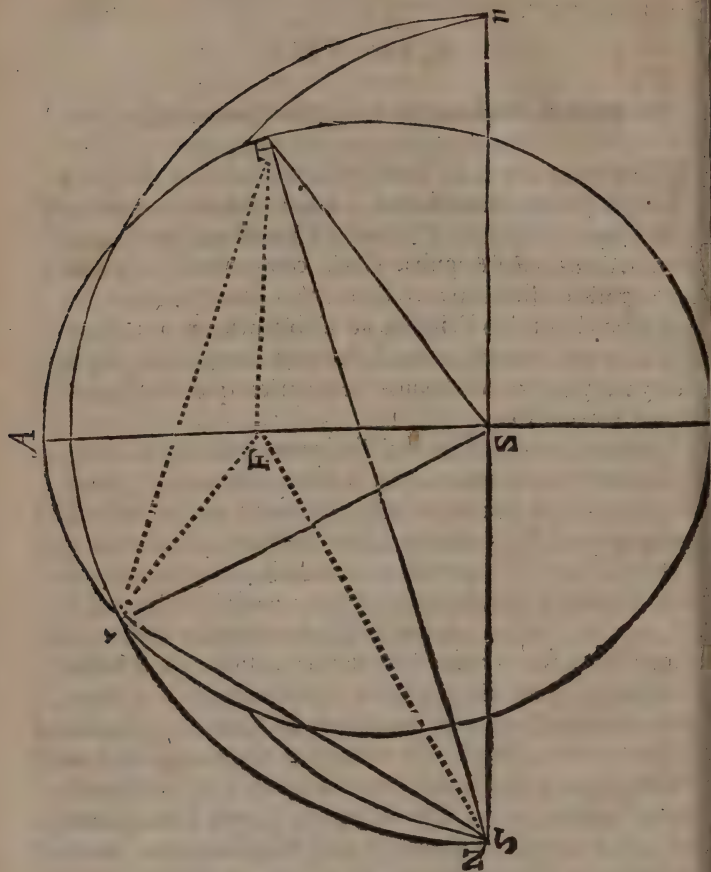
De locis Nodorum in Eclipticâ Inveniendis.

Incipiemus itaque ab investigatione Nodorum Eclipticæ atque orbium Planetarum, atque deflectionum vel inclinationum Limitum. Deinde ad investigationem ipsius Inclinationis, seu Anguli à planis comprehensi, transibimus. postea ostendemus quâ ratione, horum beneficio, fiat reductio planetæ ab Ecliptica ad Orbitam suam, atq; è converso. et quomodo sit exuenda secunda inæqualitas. Unde emerget tandem Methodus Geometrica quâ investigetur prima Inæqualitas.

Primum itaque possunt loci Nodorum in Ecliptica, oculo in Terra existente, non minus observatione inveniri, quam si oculus in sole statuatur. Quotiescunque etenim in Eclipticæ plano extiterit planeta, illic videbitur oculo in eodem plano esistenti: Neque ullam latitudinis variationem patietur. Ergo ex observatione constabit, an sit in Ecliptica, id est, an sit in Nodo: neque in hac re, si observationes ritè atque secundùm artem instituantur, ullius subest metus fallaciæ. Verùm aliter quoad longitudinem res continget, propter distantiam non immensam Planetarum à Terrâ: atque etiam si male judicare minimè possimus ω & π , an fuerit planeta in Eclipticâ, vel non fuerit: de loco tamen vero Nodorum adhuc erit dubitatio, si inter Fixas quæramur. hunc autem Nodorum locum Fundamentum omnis Astronomiæ statuimus.

Nempe ostendimus suprà hanc variationem longitudinis, planeta n. in nodo existens ibique manens Oculo interim in Orbita suâ translato moveri videbitur in longitudine, ideoq; *Fluxus* est locus Nodorum quoad visum in Eclipticâ: quærendus est itaque locus stabilis et verus respectu solis. Eum autem ex Theoriâ solis præcognitâ, atque ex duabus observationibus factis cum fuerit planeta in Nodo eodem, invenire docebimus.

Sit



Sit primum Terra in T, et observetur planeta in Ecliptica ad N. deinde Terra in t, et eodem in Nodo observetur denuo planeta, alibi in ecliptica apparebit in tempore secundæ observationis quàm in primâ manente lineâ Ns. Communi sectione eâdem. propositum autem est nobis, ex Theoriâ Terræ præcognitâ, cæterisque ut suprâ positis, invenire positionem lineæ S N vel in Triangulo T S N, invenire Angulum

Cap. I.
Angul
igitur ad
STF ex
FTN.
propter
cum
habetur
FT. L.
prius in
Hab
observ
Fr S
Ergo
cum lat
Tander
STN
latus T
Ergo
lineæ
quod e
In qua
quidem
gulo
admitt
sitatio
inter F
invenit
locis N

Iste
Lecent

Angulum $T S N$. Quin et quantitatem lineæ SN . Quoniam igitur angulus STN observatione datur, atque angulus STF ex motu solis cognito, habemus etiam angulum FTN . Deinde in Triangulo $T F t$ habemus latus TF (ex præstentis, in Theoriâ solis, atque etiam latus Ft unâ cum Angulo comprehenso (per Tempus interjectum) igitur habetur latus tT , Angulus FtT , atque etiam Angulus FTt . Ergò etiam habetur Angulus $tTN = FtT + FTN$ priùs inventis.

Habetur autem FtS ex Solis Theoriâ, atque StN ex observatione, habetur itaque Angulus $TtN = FtT + FtS + StN$.

Ergò in Triangulo TtN dantur nunc omnes anguli, unâ cum latere Tt ergo habetur etiam latus TN .

Tandem quoniam in Triangulo STN habemus angulum STN distantix Solis atque planetæ in prima observatione, latus TN jam inventum atque latus TS ex solis Theoriâ.

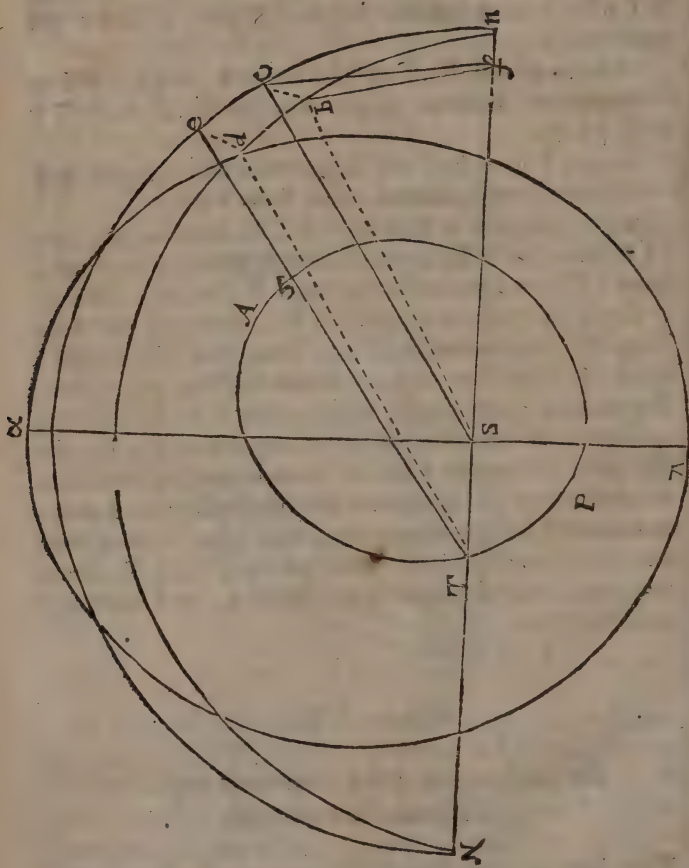
Ergò habemus angulum TSN , ideòque positionem lineæ SN , seu locum Nodi inter Fixas (seu solis respectu) quod erat faciendum, et quantitatem ejusdem, quæ primæ Inæqualitati investigandæ aliquantulum in serviet. Varios quidem casus respectu Additionis atque subductionis angulorum, aliorumque ejusmodi minutorum hæc Methodus admittit, verùm in illis minimè hærendum judicavi. demonstrationem schemati adaptavimus. hæc igitur de Nodorum inter Fixas investigatione dixisse sufficiet, locis Nodorum inventis habentur Limitum loci, distant n. 90 Gradibus à locis Nodorum.

CAP. VII.

*De Inclinatione Orbis planetarii respectu
Eclipticæ Inveniendâ.*

Istis hoc modo constitutis, cætera erunt faciliora, Cùm etenim Terra motu suo Annuo integram Eclipticam percurrat,

currat, igitur bis quotannis cujusque planetæ Nodum utrumque pertransit, ideoque, si cætera non obsint, possunt planetæ cum Terra in Nodo eorum versetur, observari, ad eoque etiam exuere omnem latitudinis parallaxin. Hoc prius ostendendum, deinceps, investigatio inclinationis planetæ ad situm quemvis respectu Eclipticæ atque etiam In-



clinationis maximæ (vel potius maximæ Deviationis) ostendenda est.

Primum itaque ex hæcenus ostensis liquet, quòd si Terra in lineâ nodorum existat, atque exinde planeta observetur, erit latitudo visæ æqualis Inclinationi planorum in distantia à Nodis æquali angulo elongationis planetæ à sole. Esto etenim ϵ locus planetæ (superioris) in orbitâ suâ, cui respondeat linea Td , plano circuli latitudinis in Eclipticâ descripta, verum linea $T\epsilon$, in orbitâ, Manifestum est Angulum visæ latitudinis ad locum propositum esse eTd , ejusque mensuram (inter fixas) in circulo latitudinis, per Eclipticam atque planetæ orbem infinitè extensa, transeunte, mensurari.

Transferatur nunc oculus (in eâdem lineâ manens) à T ad S .

Atque uti priùs per $T\epsilon$, Transibat planum Circuli Latitudinis faciens in Eclipticâ Communem sectionem Td , atque in Orbe planetario Te , Ita nunc per solem ad planum prius parallelas, transeat Latitudinis planum, quod faciat in Eclipticâ Communem sectionem Sb , at in Orbe planetario Sc .

Quoniam sunt plana ista Latitudinum parallela, & secant plana Eclipticæ atque orbis in Comuni sectione eorum, erit Angulus eTd æqualis Angulo cSb , Erítque eâdem ratione Angulus dTS æqualis Angulo bSn . Cum itaque Angulus eTd vel Angulus ϵTd est (in situ planetæ & Terræ proposito) Angulus visæ Latitudinis planetariæ; atque Angulus cSb est Angulus Inclinationis puncti c (vel deviationis ejus ab Eclipticæ plano) Ergo visæ Latitudo planetæ æqualis est veræ Inclinationi puncti c .

Deinde cum sit Angulus ϵTs vel eTS Angulus elongationis planetæ à sole in tempore observationis.

Et Angulus cSn Angulus distantie puncti c à Nodo; erit itaque visæ Elongatio à Sole huic distantie æqualis: Ergo ex observatâ hoc in casu Latitudine planetæ, ejusque à Sole Elongatione, habemus Inclinationem lineæ in Orbe planetario, respectu lineæ Nodorum positione datæ. Ex-

inde autem non erit difficile maximam deviationem, quæ est in limitibus, sive Angulum planorum inter duas perpendiculares ad idem Communis Sectionis punctum (quarum altera in plano Eclipticæ, altera in Orbis plano describitur) comprehensum, Invenire.

Esto etenim punctum *c* in Orbe planetario ut prius.

A *c* autem ad planum Eclipticæ cadat perpendicularis, quoniam circulus Latitudinis est ad Eclipticam rectus, cadet illa in partem aliquam Communis Sectionis circuli istius atque Eclipticæ, sit autem perpendicularis *c b*.

Primum itaque in Triangulo Rect: *S c b*, quoniam dantur omnes Anguli; si *S c* sit radius erit *b c* sinus Inclinationis datus (i.e. sinus datæ Latitudinis planæ) Quòd si eadem *S c* sit Radius erit *e f* (in lineam Nodorum perpendicularis) sinus Anguli *C S n*, sive distantiae à Nodo.

Deinde si ab *f* ducatur *f b*, complebitur Triangulum Rectangulum *c b f*, in quo Angulus ad *f* est Angulus Inclinationis planorum seu maximæ deviationis, est etenim linea *f b* Communis Sectio circuli Latitudinis atque Eclipticæ (cùm circulus ille per puncta *b* & *f* transeat.)

Et si linea *c f* Radius ponatur, erit *c b* Sinus Anguli *c f b* Inclinationis planorum.

Quare ut sinus Anguli *c S n* ad sinum Inclinationis puncti *c* ita Radius ad sinum Deviationis maximæ.

I D E S T,

<i>C f.</i>	<i>C b.</i>	: :	<i>C f.</i>	<i>C b.</i>
Sin: dist: S Incl.			R.	S Incl: Max;
à Nodo,	Puncti C.			

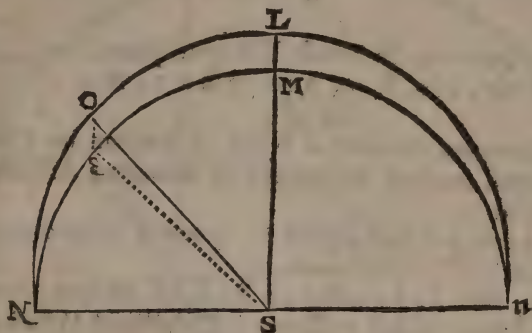
Habetur itaque ex hac unâ observatione Inclinatione maxima.

Datâ autem distantia à Nodis atque Angulo Inclinationis planorum, facile est singulorum Orbitæ punctorum Inclinationes invenire, adeoque Orbium puncta ad Eclipticam, & contrâ Eclipticæ ad Orbes reducere: Quæ res maximi est momenti ad Investigationem primæ planetarû inæqualitatis

CAP. VIII:

De Reductione planetarum ab Orbibus ad Eclipticam & contrà.

Problema est omnino sphæricum, neque locum hîc aliquem inveniret, nisi usus esset insignis ejus imò planè Necessarius ad omnia ea quæ sequuntur sive exsequenda sive intelligenda: Est itaque planum Eclipticæ $N e M n$. Orbis alicujus planum $N o L n$, & sit planetæ locus, re-

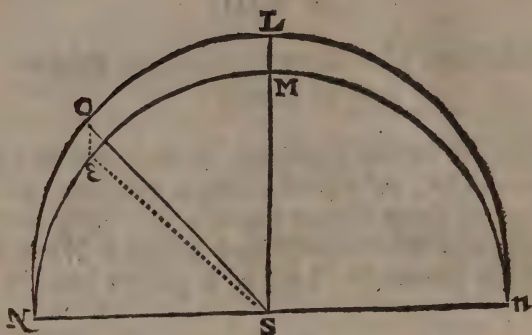


spectu nodorum, designatus lineâ $S o$, vel Angulo $o S N$. qui angulus unâ cum Angulo $o N e$ dari supponitur. est Anguli $o S N$ mensura $o N$. datâ igitur $o N$, quærat^rur Inclinatio $o e$, mensura Anguli $o S e$. quoniam supponimus Inclinationes mensurari circulis Latitudinis, qui sunt ad Eclipticam Recti. Erit itaque Triangulum sphæricum $o e N$ rectangulum ad N , atque datâ hypotenusâ unâ cum Acuto ad basem; Quæritur Cathetus. $o e$.

Est itaque

$$R. \sin: N o :: \sin: o N e. \sin: o e.$$

Id est, ut Radius ad sinum distantix à Nodo, ita sinus maximæ deviationis ad sinum Inclinationis.



Si verò quærat^r N e basis Trianguli sphærici erit.

$$Tco, No. R :: Sco, oNe. t, Ne.$$

Id est,

Ut Cotangens distantia à Nodo ad Radium ita Co. sinus Anguli maximæ deviationis ad distantiam à Nodis in Eclipticâ.

Si verò dato puncto Eclipticæ e, quærat^r ejus reductio ad Orbem.

$$t, Ne. Sco, oNe :: R. Tco, No.$$

Ex his itaque intelligi possit omnis Reductio ab Eclipticâ ad Orbitas, & contrâ; datâque lineæ alicujus positione (reliquisque suprà inventis) in orbe planetæ, dabitur positio lineæ huic respondens in Eclipticâ, & contrâ.

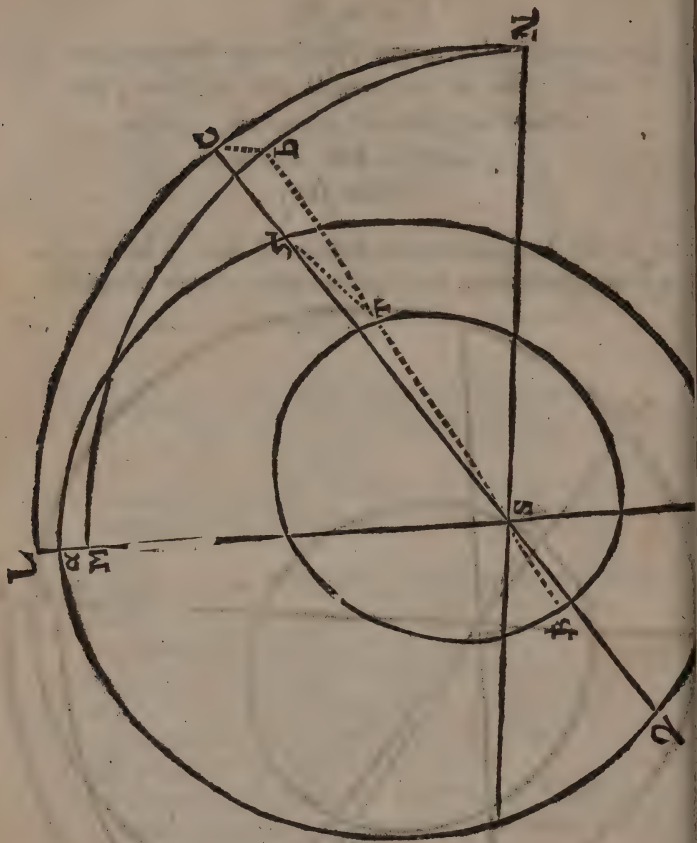
Quod ad exuendam secundam planetarum inæqualitatem, adeoque viam sternendam ad primæ inæqualitatis Investigationem est Neccessarium.

CAP. IX.

De Exuendâ planetarum Superiorum Inæqualitate secundâ : sive de inveniendâ tum positione , tum etiam magnitudine linearum , quibus planeta à Sole distant in Orbitis suis.

Solent hæcenus omnes Astronomi Solo in situ superiorum planetarum Acronycho exuere eorum inæqualita-





tem secundam, atque ex illâ erutâ eruere primam eorum
Inæqualitatem: hæc verò, si Geometriam spectemus, infe-
liciter circulum etenim committunt, Inæqualitatem pri-
mam ferè cognitam supponentes quam tamen quærunt. Nos
ampliandos esse Astronomiæ fines quantum Geometria
succurret existimamus, adeoque methodos exuendi secundam
planetæ (superioris) inæqualitatem duas tradendas. (Exui-

tur autem, cum fuerit in Nodo secunda, observatione ut p. 28. cum in Triangulo T S N habeantur tum $L : T S N$ tum $L : S N$ adeoque latus T N tum magn : tum pos. Dat.) I. in situ Acronycho.

Esto itaque planetæ alicujus superiorum orbita $\alpha \epsilon \pi$ Orbis Lc N : Terræ interim orbita T β T, Orbis Mb N. Locus planetæ in ϵ sive in lineâ S ϵ c à Sole per planetam ductâ. Terra interim sit in T, ita ut linea S T b in Eclipticâ sit communis sectio plani Circuli Latitudinis (qui est ad Eclipticam rectus) pro planetâ in ϵ existente: tunc etenim planeta est reverâ Acronychus tum secundum naturam, tum etiam secundum hanc Astronomiam Eclipticam. Est autem sectio Communis Orbium Eclipticæ atque planetarii productorum in infinitum (sive quantum sufficit) S N. Hoc igitur in casu, pro reductione Planetæ ab Eclipticâ ad orbem suum, in Triangulo spherico Rectangulo N b c calculus est instituendus, ubi dantur primò latus b N. habetur etenim locus planetæ in Eclipticâ ex observatione, qui quidem est locus ejus verus, cum Terrâ in eodem cum illo Latitudinis plano existente variationem Longitudinis non habeat. Quare datur vera distantia planetæ à Nodo in Eclipticâ, hoc est, datur in Triangulo proposito latus b N. at verò habetur ex præmissis Angulus ad N, inclinationis planorum. Ergo habetur tum Inclinatio seu Cathetus C b. tum etiam hypotenusâ N c quæ est distantia planetæ à Nodo in Orbitâ sua. Quòd si longitudo S ϵ (seu distantia planetæ à Sole) quærat in Triangulo S T ϵ habemus angulum Inclinationis T S ϵ latus S T (ex Theoria Solis) atque angulum S T ϵ (Complementum latitudinis observatæ ad duos rectos) ergo innotescet latus S ϵ . quare in situ Acronycho reducetur planeta ad Orbitam, quod est exuere secundam ejus Inæqualitatem, & distantia planetæ à Sole in partibus orbitæ Terrestris seu Axis ejus obtinebitur.

II. Quin etiam in Quadraturis hoc idem ex præcognitis iisdem, (nempe locis nodorum atque orbium Inclinatione) atque observatâ Latitudine perficietur.

Sit etenim in sequente schemate locus Terræ T in orbitâ

per T secantis Eclipticam. TD Communis sectio plani
istius atque Eclipticæ. Quare STD Triangulum Re-
ctangulum ad T.

In quo dantur.

1. Latus ST, ex motu Solis cognito, tum quantitate,
tum positione datum, ideoque Angulus TSD, quare etiam
habetur latus TD & SD.

2 Tum in Triangulo Rectangulo STb, dato ut prius
ST, & angulo Inclinationis TSb (ex TSD distantia Terræ
à Nodo atque Inclinatione Orbium ut prius) habentur ita-
que omnes Anguli cum uno latere: ergo habemus Tb & Sb.

3 Deinde, in Triangulo DTb Rectangulo habentur
TD. atque Tb. Ergo habetur Angulus DbT. à quosi
subducatur complementum Apparentis Latitudinis (quam
supponimus observatione cognitam) habetur Angulus bST.
habetur etiam bD.

4. Deinceps in Triangulo bST dantur omnes anguli,
ex iis quæ præmisimus, unâ cum latere Tb. Ergo habe-
mus latus $\begin{cases} b \\ S \end{cases}$
& $\begin{cases} S \\ T \end{cases}$

5. Tandem in Triangulo Rectangulo STS habentur
ST, TS: ergo habetur Angulus (quem vocant commuta-
tionis) SST, atque latus SS seu distantia planetæ à Sole.

Pro positione autem lineæ SS. quoniam in Triangulo
DSb, dantur omnia latera, habetur ergo Angulus DSB
adeoque bS positione datur.

Et in Triangulo bSS, dantur omnia latera, ergo & An-
gulus bSS, dabatur autem jam nunc positione linea bS,
ergo habemus etiam SS positione datam.

Nos itaque in Quadris (ut loquuntur) æquè ac Achro-
nychiis docuimus exuere secundam superiorum planeta-
rum Inæqualitatem, & linearum à Sole ad Planetas du-
ctarum tum positionem tum quantitatē invenire. Et pote-
runt (ex iis quæ præmisimus) istarum Methodorum benefi-
cio infinitæ lineæ hoc modo determinari; & cum sit planeta
semper in aliquâ Ellipseos parte, infinita puncta in Ambitu
Ellipseos inveniri; sufficient autem quinque puncta ad El-
lipseos

lipseos speciem determinandam, atque ad Apheliorum atque Periheliorum loca determinanda, in quibus omnis prima Inæqualitas consistit.

CAP. X.

De Investigandâ primâ trium Superiorum planetarum Inæqualitate.

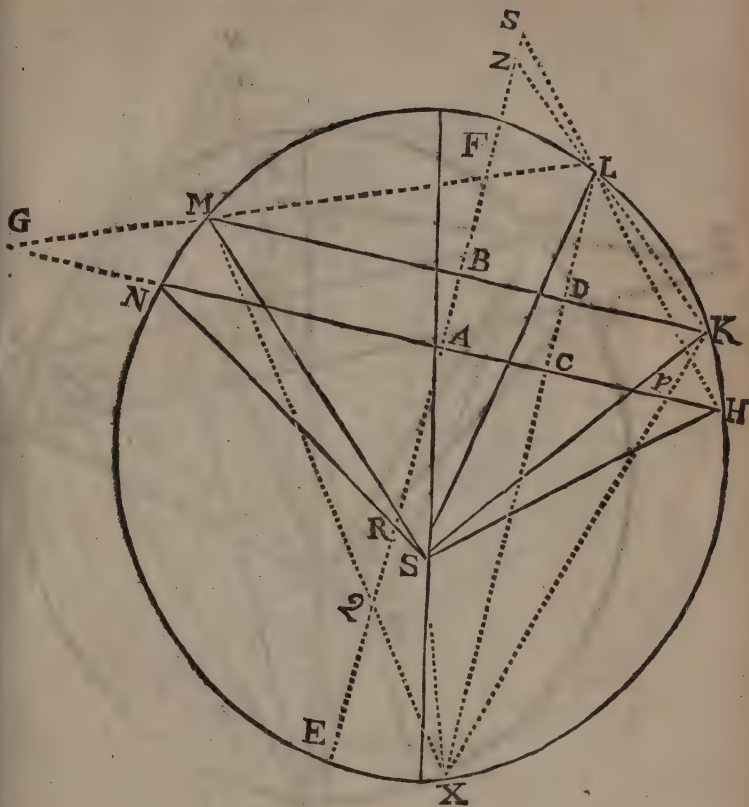
Quanquam modi quam plurimi sint, quibus, datis in Ellipsi quinque punctis, possimus Ellipsin describere, omniæque in illa solvere problemata; lubuit tamen ad hanc rem Pappi Alexandrini propositiones libri Octavi 13^{am} & 14^{am} applicare, quæ rei à nobis propositæ ferè destinatæ videri possint. primum autem ostendemus quomodo inveniri possint, Diameter aliqua Transversa cum suâ conjugatâ. deinde quâ ratione, ex istis inventis, possint etiam Axes conjugati tum positione, tum etiam magnitudine inveniri, quod est, ea quæ quærimus exhibere.

Esto igitur in adjuncto Schemate. S, Sol, atque (aliquâ superiorum methodo) respectu Solis habeantur planetæ alicujus distantia quinque, & totidem positiones; sunt autem istæ in plano aliquo descripta & designata lineis S H. S K. S L. S M. S N. Quoniam verò planetam motu suo Ellipsin describere præsumit hæc Astronomia, sunt igitur quinque puncta H. K. L. M. N. in Ellipseos ambitu. datis igitur punctis istis quærantur diametri duæ Conjugatæ.

Putemus igitur factum esse quod postulatur, & sit descripta Ellipsis H K L M N. & sint lineis juncta N H. M K. M L. Hic itaque casus est, vel etenim lineæ duæ (ut puta N H. M K.) sunt inter se parallelæ, vel nullæ duæ lineæ sunt parallelæ.

Facilè autem consideranti patebit utrum sint parallelæ vel non. Cùm etenim dentur omnes Anguli ad S, & omnia latera istos Angulos comprehendunt, dabuntur etiam bases omnes Triangulorum, quinetiam omnes Anguli ad 5 puncta in Ellipsi data.

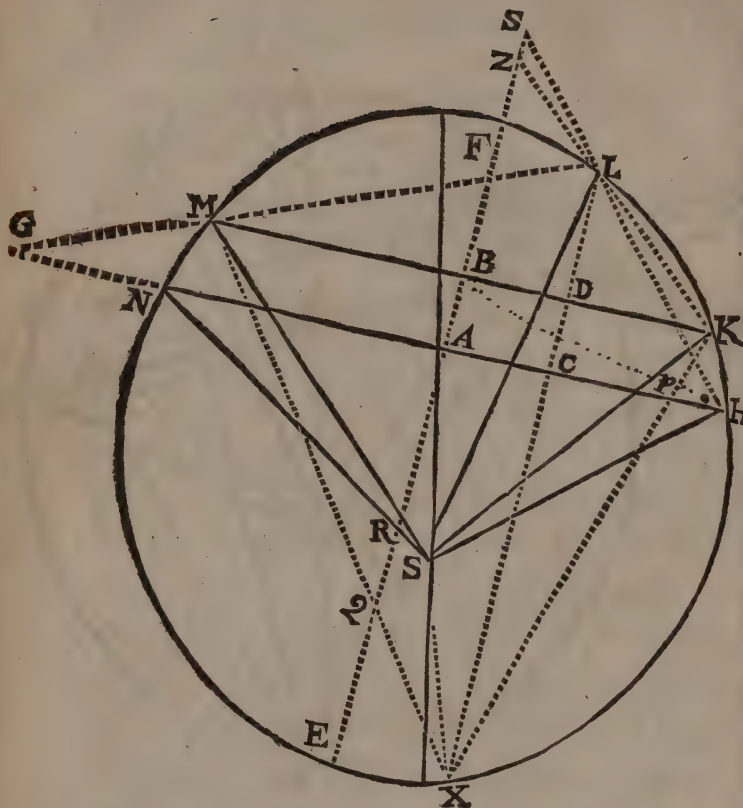
Esto



Esto itaque e.g. $\text{Angulus MKS} = \text{NHS} + \text{KSH}$. c-
runt MK. NH parallelæ. (verum hæc obiter.)

1. Sunt igitur duæ lineæ MK. NH parallelæ. atque
duæ istæ lineæ bisecentur, prior in B. posterior in A. dantur
itaque puncta B. A. ducatur igitur linea BA utrinque pro-
ducta ad F & E in Ellipsi. Est itaque linea FE Diameter
quædam in Ellipsi (per def. 10. Apollonii) eaque positione
data.

Producantur

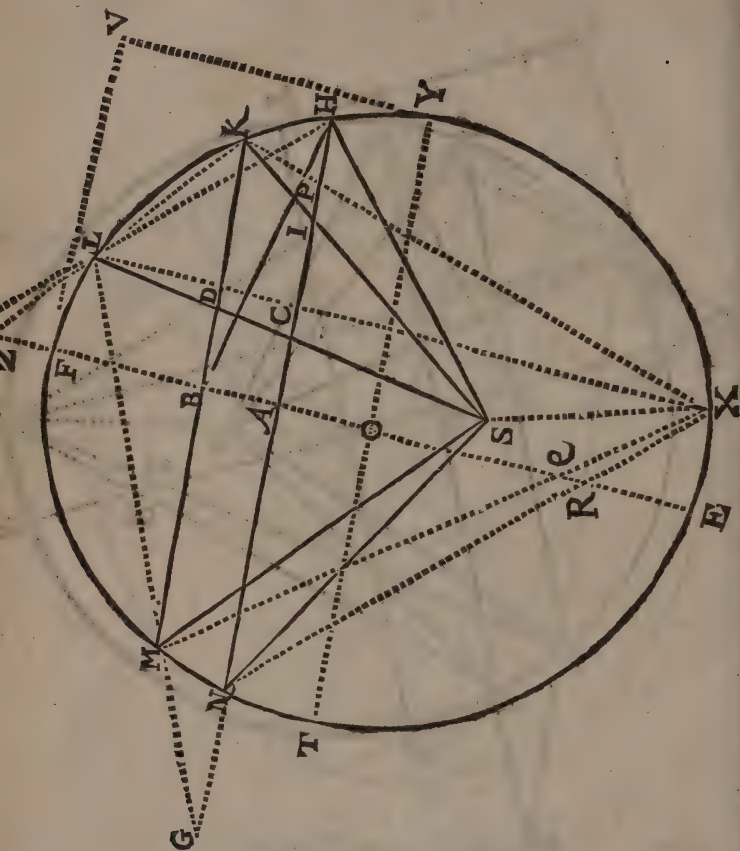


Producantur lineæ HN atque LM, donec concurrant in G. ab L autem ducatur LX, diametro (positione datæ) parallela. istis hoc modo se habentibus.

1. In Triangulo BKH dantur BK, KH, cum Angulo $BKH = MKS + HKS$. Ergo datur. $\frac{BH}{KBH}$

2. In Triangulo BHA. dantur duo latera AH. BH. cum Angulo $BHA = KBH$ ergo latus $\frac{BA}{BAH}$

3. In Triangulo LCH. datur latus LH unâ cum omnibus



unà cum latere LH (base Trianguli LSH .) Ergo datur GH .

Habemus itaque inventa

Porro quoniam MK . GP parallelæ sunt, in quas incidit XL . & ducuntur LMG . XP . manifestum est (ex

$\left. \begin{array}{l} GH \\ CH \\ GC \\ NC \end{array} \right\}$

CAP
(ex 23)
MDK
Ergo u
Duc
Conju
Est igit
Ergo
Q
In line
& datur
CPX
sum
Ab
HLS.
trum
Eo
□
XCL

Q
M

(ex 23. 6. Eucl.) quòd proportio Rectanguli XDL ad MDK. componitur ex prop.

$$\left| \begin{array}{c} XD. DK \\ \& \\ LD. DM \end{array} \right.$$

Et proportio Rectang. XCL. ad GCP. componit. ex $\left| \begin{array}{c} XC. CP \\ \& \\ LC. GC \end{array} \right.$

Verum est. XD. DK :: XC. CP.

LD. DM :: LC. GC.

Ergo ut $\square XDL. MDK :: \square XCL. GCP.$

Ducantur duæ lineæ sectionem contingentes à terminis Conjugatorum diametrorum FE. TY. sint autem illæ $\begin{array}{c} FV \\ YV \end{array}$

Est igitur (per 17.3. Apollon:) $\square YV_q. FV_q :: \square XDL. MDK.$

Ergo $\square XDL. MDK :: \square XCL. NCH.$ Item :: $\square XCL. NCH$
data

Quare $\square NCH = \square GCP.$ Ergo $\square GC. CH :: \square NC. CP.$
ergo dat.

In lineâ KPX datur KP positione ad CP.

& datur Angulus ad C prius inventus, itaque in Triangulo CPX dantur omnes Anguli unà cum CP. Ergo datur punctum X, & linea LX est magnitudine data.

Ab H. per L ad diametrum EF continuatam ducatur HLS. & à K, KLZ. ducantur autem MX secans Diametrum in Q. NX, in R.

Eodem modo ut suprà demonstrabitur esse ut $\square NCH.$ ad $\square XCL ::$ ita $\square NAH.$ ad $\square RAS$ ergo $\square RAS = \square EAF$
Item .EAF
::

Quin et pari modo Ostendetur esse

$\square MDK. XDL :: \square MBK. QBZ$ ergo $\square QBZ = \square EBF$
:: . EBF

Dantur

datur
GH
CH
GC
NC
tum est
(ex

Dantur autem Rectangula \square R A S (quia data præcedentia
 Ergo dantur \square E A F \square NC. CH &c. unà cū SA)
 \square E B F \square Q B Z. eodem modo et quia
 datur B Z.

Et habentur puncta. A: * Ergo Diameter E F est etiam
 magnitudine data

* Nam si sit $\begin{cases} e a f = b a n \\ \& e b f = a b \phi \end{cases}$ $\begin{matrix} e & a & b & f \\ n & | & | & | & | & \phi \end{matrix}$

Erit. fa. ab :: na. ea. Et, af. bf :: an. ne.

Item

eb. b ϕ :: ab. bf $\begin{cases} \text{Et, } e\phi. b\phi :: af. bf. \\ \text{Et } e\phi. b\phi :: an. ne. \end{cases}$

Ergo

b ϕ in an = ne in e ϕ

+ b ϕ an At datur ergo datur. ~~ne~~ ϕ

Et ne datur per 58 datorum Euclidis

Ergo ea datur.

Et datur E A F ergo A F datur

Ergo datur E F. magnitudo Transversæ diametri in
 Ellipsi.

Si igitur quærat Conjugata diameter

Est. E A F. A N ϕ :: E F. ad latus Rectum (21.1. Con:)

Ergo datur latus Rectum

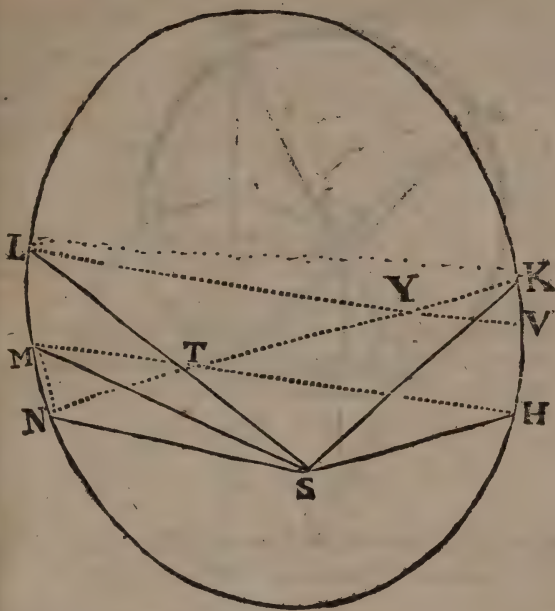
Ergo & Conjugata Diameter T y est n. medium propor-
 tionale inter Transversam Diametrum E F. & latus Rectū.

Atque hic quidem casus est primus ubi duæ aliquæ lineæ
 Connectentes quatuor è quinque punctis in Ellipsi datis,
 sunt inter sese parallelæ.

2. Quòd si nullæ duæ lineæ sint inter se parallelæ, faci-
 le inveniuntur duæ parallelæ, atque deinceps operatio,
 omnis instituenda est ut in casu priori.

Sint quinque puncta in Ellipsi ut prius H K L M N qua-
 nusquam terminent lineas parallelas, ducantur N K. M H
 secantes sese in T lineæ autem M H, ducatur parallela
 L V secans N K in Y. & quærantur puncta T. & Y.

Quo-



Quoniam igitur ex iis quæ suprà tradidimus habentur omnes anguli ad solem, S. atque omnes distantia, proinde etiam habentur omnes anguli ad puncta 5 data omnesque bases illic terminatae.

Ergo in Triangulo MNT dantur MT. & NT. idcirco punctum T. & angulus ad T. cui æqualis est KYV.

In Triangulo LYK dantur omnes Anguli cum L K ergo datur KY.

In Tri: KYV dantur anguli cum KY ergo datur YV. adeoque invenimus punctum V. atque devenimus ad casum priorem.

Atque hætenus versati sumus in inveniendis diametris duabus Conjugatis: superest ut Axes Conjugatos invenire doceamus, quod etiam ex Pappi. prop. 14. præstabimus.

Ergo. habetur $\overset{GM}{MO}$ & Rectangulum G M O

Sit G M O = O a_q erit O a semissis *Axis Transversi.*
In Triangulo Rect. ϕ T N dantur omnes Anguli cum ϕ T,
ergo datur ϕ N.

In Tr: Rect. ϕ O G, dantur omnes Anguli cum latere
G ϕ vel G O ergo datur ϕ O.

Ergo datur ϕ O N. Sit = R O_q
Erit itaque R O *semissis Axis Conjugati.* Ergo docuimus
quâ Ratione ex datis, quinque observationibus, totidem
planetarum locis in orbitis suis, Ellipsium suarum species
quin & Apheliorum & periheliorum loca determinentur:
Quod est primam eorum Inæqualitatem investigare.

CAP. XI.

*De Calculo motûs trium superiorum planetarum seu
Fundamentis Tabularum Geometricis.*

Hætenus in investigatione Inæqualitatum versati su-
mus, ubi ut Geometricè res omnis peragi posset no-
bis cura unica fuit; quare si prolixior atque molestior visa
aliquibus fuerit methodus superiore capite proposita, hoc
erit in Apologiam quandam trahendum, non nos Calculo-
rum Compendia meditari, sed Geometricam solummodo
claritatem atque firmitatem in Astronomicis sectari. Quan-
quam hæc ipsa Methodus, repetitæ operationis non indi-
gens (quia Geometrica) omnibus hætenus tentatis ipsâ ope-
rationis facilitate antecellat: verùm ad Calculum progre-
diamur, ubi non est in animo ad ista particularia descende-
re, & dicere quando facienda sit prosthaphæresium Addi-
tio aut subductio, et si qua sint similia: verùm ista vel ad
illos remitemus qui Astronomica huc usque tradiderunt vel
in aliud opus reservabimus.

Cùm itaque planetæ hi, præter Inæqualitatem iis naturalem & veram quam in orbitis suis Ellipticis patiuntur, aliam etiam habent ex motu Terræ in Ecliptica iis imputatam atque ex oculi in Terra existentis errore profluentem. Atque hæc Apparens sive secundaria (ideóque secunda dicta) Inæqualitas Planetarum locos tum respectu longitudinis in Ecliptica, tum etiam respectu latitudinis (planetis in iisdem Orbitalium suarum partibus existentibus) mutet, ideo ad planetæ locum determinandum tria requiruntur.

1. Ut habeatur planetæ locus in Orbita sua seu respectu solis, atque ejusdem à sole distantia in partibus orbis Anni Terrestris.

2. Ut inquiratur Planetæ Longitudo in Ecliptica,

3. Ut habeatur ejusdem Latitudo.

Primum eodem prorsus modo in planetis elicietur quàm antehac in Sole præstitum hoc est. Esto etenim Orbita planetæ $A\pi$. S Sol, ϕ focus alter, & sit positione determinatus Axis $A\phi S\pi$.

Et cognita distantia umbilicorum in Ellipsi $S\phi$ (ex proportionem Axium Conjugatorum supra inventâ) Epochâ motus planetarii ex observatione aliquando Constitutâ, motuque medio ex tempore periodico (secundum vulgatas Astronomiæ regulas) collecto, erit ad omne tempus propositum cognitus angulus $A\phi s$, qui est Angulus Anomalix simplicis & proinde obtinebitur Angulus ad Solem $\phi S s$.

Nempe producat ϕs ut fiat $s\sigma = sS$

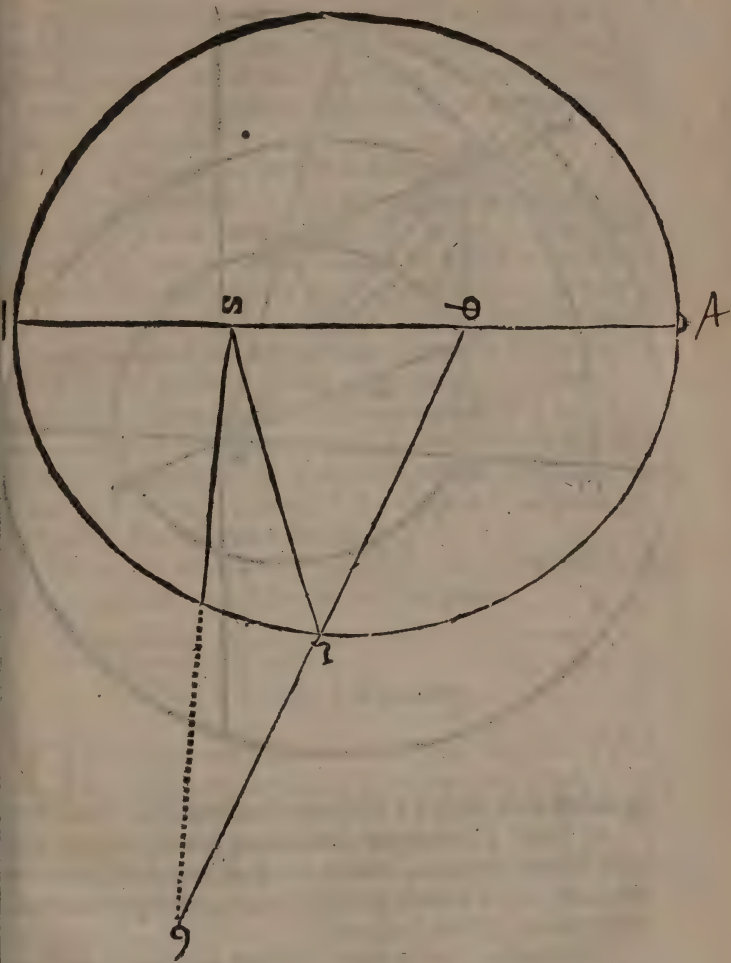
Erit ex Ellipseos natura $\phi\sigma =$ Axi ejus Transverso. & ϕS duplæ excentricitati. Ergo,

1. In Triangulo $\phi\sigma S$, dantur duo latera cum Angulo comprehenso ergo dantur

$$\begin{array}{l} \phi\sigma S \\ \phi S \sigma \end{array}$$

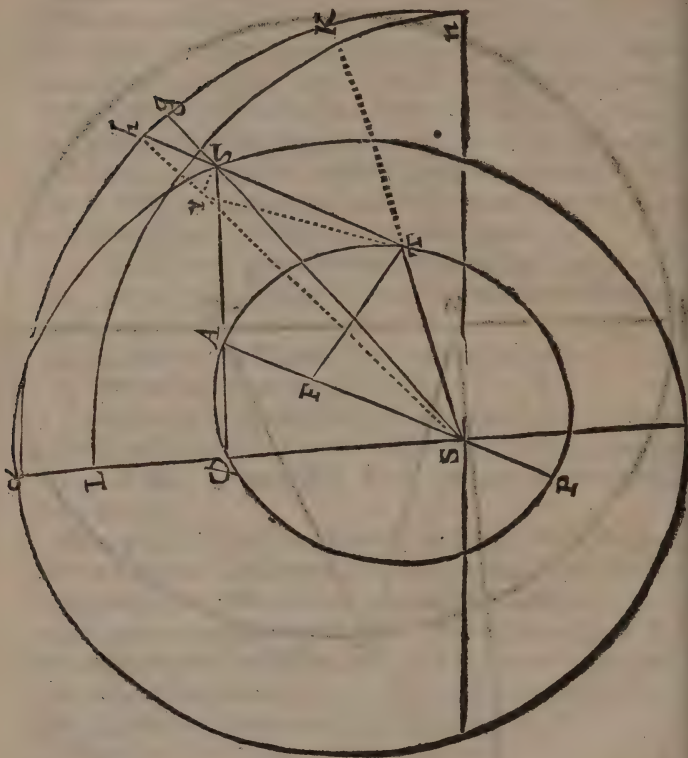
2. Si verò ex $\phi S \sigma$ subducatur $\phi\sigma S$ manebit Angulus $\phi S s$.

Cùm itaque data sit positione (respectu Orbitæ tum etiam Eclipticæ) linea ϕS , habebitur eodem modo linea sS . quod primò fuit quæsitum.



Proponatur autem invenienda magnitudo lineæ $S1$ (distantiæ planetæ à Sole) in partibus suprâ expositis.

Quoniam in Triangulo $\phi S1$ jam cogniti sunt omnes Anguli



guli unà cum latere \bullet S habetur etiam latus $S\tau$. Quæsitum.

2. Atque ista absolutè determinare hoc modo licet absque Eclipticæ intuitu, verùm ea quæ sequuntur quoniam ex motu Terræ variationem patiuntur, præcognitum requirunt motum terræ in Ecliptica.

Esto itaque ut prius Orbis planetæ α n Orbita ejusdem $\alpha\tau$ planeta in τ .

Et sit Orbis Eclipticæ $L n$, qui tamen produci cogitetur quousque opus fuerit) Orbita Terrestris $A T P$. Terra autem in T & sit longitudo planetæ hoc in situ quæsitæ : id est, quæratur punctum h . in Ecliptica,

Quo-

Quoniam supponimus locum planetæ in orbe suo cognitum, esto ille designatus linea $S \varsigma g$. Sit autem ς (sive locus orbis sui) ad Eclipticam reductus, quod ex cognitis locis Nodorum, positione lineæ $S \varsigma g$, & Inclinatione maximâ beneficio circuli latitudinis (methodo suprâ à nobis explicatâ) est facillimum.

Sint igitur jam tria puncta in Ecliptica $S. T. r$.

Atque in Triangulo $S T r$, habentur 1. Magnitudo lineæ $S T$ sive distantia Terræ à Sole (ex Theoria Solis intellecta quam hic præsupponimus) 2. Linea $S r$ distantia planetæ reducti à Sole in iisdem partibus jam suprâ inventâ. & habetur Angulus $T S r$ (qui vocatur in hac Theoriâ *Anomalia Commutationis*) propter utramque lineam $S T$, $S r$ in plano Eclipticæ positione datam, ergo obtinentur cætera.

Nimirum Angulus $S T r$ (Elongationis à Sole) $S r T$ (parallaxis Orbis) unâ cum latere $r T$ sive distantia planetæ à Terrâ. verum cognito Angulo $S r T$ habetur longitudo planetæ apparens seu Angulus $r T K$, si modo in Eclipticæ plano puncta hæc esse cogitentur.)

Est etenim $r S T + S r T = r T K$ visæ Longitudini ab Opposito Solis, vel Terræ loco in Ecliptica.

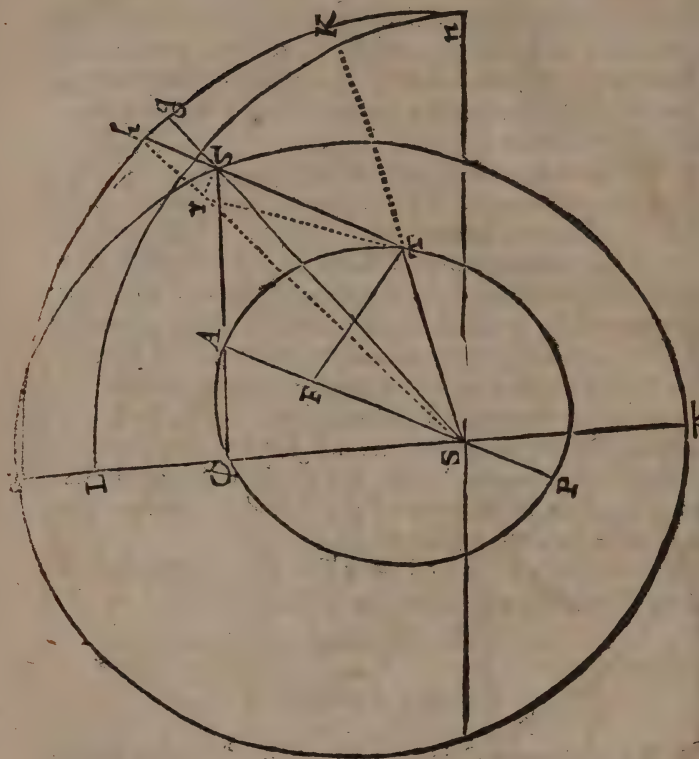
Calculus Latitudinis.

UT intelligatur Calculus Latitudinis, Sinto loci Telluris & planetæ ut prius in T & ς . atque à ς ad orbem Eclipticæ perpendicularis fiat linea ςr , ita ut r angulum re-ctum designet & ducatur à Sole $S r$, atque à Terra $T r$.

Tum in Triangulo Rectangulo $S r \varsigma$ dantur omnes Anguli (propter angulum inclinationis ad S cognitum.) & erit ςr , sinus inclinationis.

Atque in Triangulo Rectangulo $T r \varsigma$ erit eadem ςr sinus Latitudinis (nempe si illic $S \varsigma$, hic $T \varsigma$ pro radiis sumantur)

Si verò eadem linea (vel æquales) sinus Angulorum sit,



atque à diversis distantiis spectetur, erunt sinus Angulorum
distantiis suis reciprocè proportionales.

Quare ut distantia à Terrâ $T\epsilon$ ad sinum Inclinationis
 ϵSr ita distantia à Sole ad sinum Latitudinis viz.

$$T\epsilon. S, \epsilon Sr :: S\epsilon. S, \epsilon Tr.$$

Inventæ autem supponuntur distantia, atque Inclinatione
planetæ, ergo habetur Latitudo,

ea sit ab ipsa rerum naturâ profluens & indicata, non aliam in inferioribus viam ingrediemur, quàm in superioribus adhuc trivimus. reverâ etenim (reclament licet omnes hætenus Astronomi) eadem est superior atque inferior Astronomia, eâdem ubique methodo Inæqualitates investigandæ, eâdem Calculus instituendus, quare hîc etiam ab investigatione Nodorum incipiendum. Inde ad Inclinationem Orbium (Eclipticæ atque planetarii) transeundum.

Atque exuenda est ex istis præcedentibus secunda Inæqualitas, ut investigetur prima.

Atque imprimis loci Nodorum (& limitum) eodem prorsus modo inveniuntur in planetis inferioribus atque in superioribus.

Nempe ex cognito Telluris motu si planeta inferior ad eandem Orbitæ suæ partem bisin Nodo observetur, id est, si binæ fiant observationes quando planeta ad eandem orbitæ partem nullam habuerit Latitudinem (quod, ut suprà ostensum est, tunc solum potest contingere quando planeta est reverâ in Nodorum aliquo) poterit locus Nodorum verus (respectu Solis) in Eclipticâ obtineri. Esto etenim Orbita Telluris ATP in plano Eclipticæ, Lv & sit $\alpha s \pi$ Orbita planetæ in Orbis sui Mv plano. Sit autem planeta in s vel N , Orbitæ suæ Nodo: cernatur autem absque latitudine cum Terra est in T & alio tempore sit eodem modo affecta, Terrâ existente in t quærat autem positio lineæ SN (vel Ss) in Eclipticâ. Sive Angulus TSN in Triangulo TSN .

Primum igitur ex observatione & Theoriâ Solis præcognitâ habentur omnes anguli ad Terram in utrâque observatione i. e. ad T & t .

In Tri: $T F t$. dantur $\left. \begin{matrix} TF \\ Ft \\ TFt \end{matrix} \right\}$ ergo etiam $\left. \begin{matrix} Tt \\ FTt \\ FtT \end{matrix} \right\}$

Et $TtN = FTS - \left\{ \begin{matrix} FtT \\ StN \end{matrix} \right\}$

$tTN = FTS - FtT + STN$

Ergo



Ergo in Triangulo T t N dantur omnes Anguli cum late-
re T t. Ergo datur TN vel t N & in Tri: STN vel S t N.

STN StN TSN
Dantur TN vel tN Ergo etiam vel
TS tS tSN

Ergo

CAP.

CAP. XIII.

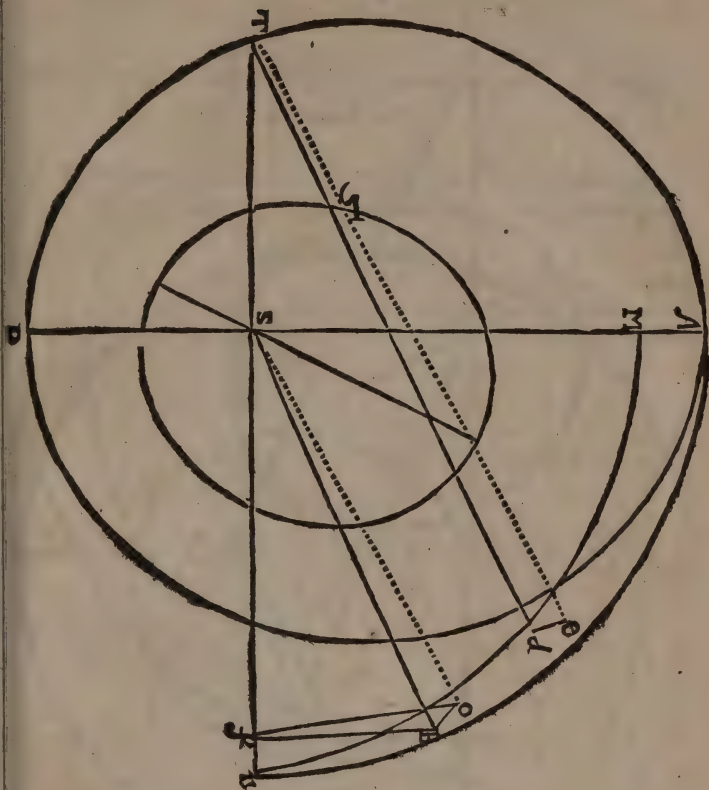
De Investigandâ Inclinatione Orbium Veneris & Mercurii ad Orbem Eclipticæ.

HÆc Orbium inclinatio eodem planè modo in inferioribus planetis atque in superioribus investigatur. Nempe Terrâ existente in loco altero Nodorum, non minùs hîc quàm illic exuitur planetæ ἀνωμαλία Latitudinis, eritque visâ Latitudo æqualis Inclinationi loci in orbe tot gradibus à Nodo distantis quot sunt in ST , habebitur itaque loci istius distantia à Nodo non minùs, Oculo in Terrâ esistenti, quàm planetæ Inclinatio si in Sole statueretur, unde Colligitur ipsa Orbium Inclinatio seu maxima eorundem deflexio, quin & pro variâ à Nodis distantia punctorum singulorum in Orbe deflexiones.

Esto planeta in ϵ Orbis autem planetæ $L n$. Sit Orbita Terræ ATP , Orbis ejusdem (Ecliptica) $M n$ locus Terræ T in linea Nodorum. Si igitur à T per ϵ in Orbe planetæ ducatur in infinitum linea $T \epsilon$ atque ab ista linea (vel per eam) planum erigatur ad Eclipticam rectum. i. e. Si per lineam istam transire cogitur Circulus Latitudinis ad Eclipticam Rectus in d . erit Angulus $d T \epsilon$ Angulus visæ Latitudinis.

Et erit idem angulus Inclinationis loci Orbis planetarii cujus distantia à Nodo $= \epsilon T S$. sit etenim $T \epsilon$ linea à Terrâ parallela linea $S o$ & sit planum $S o b$ parallelum plano $T d e$ & inter fixas terminari cogitur, vel in infinitum extendatur.

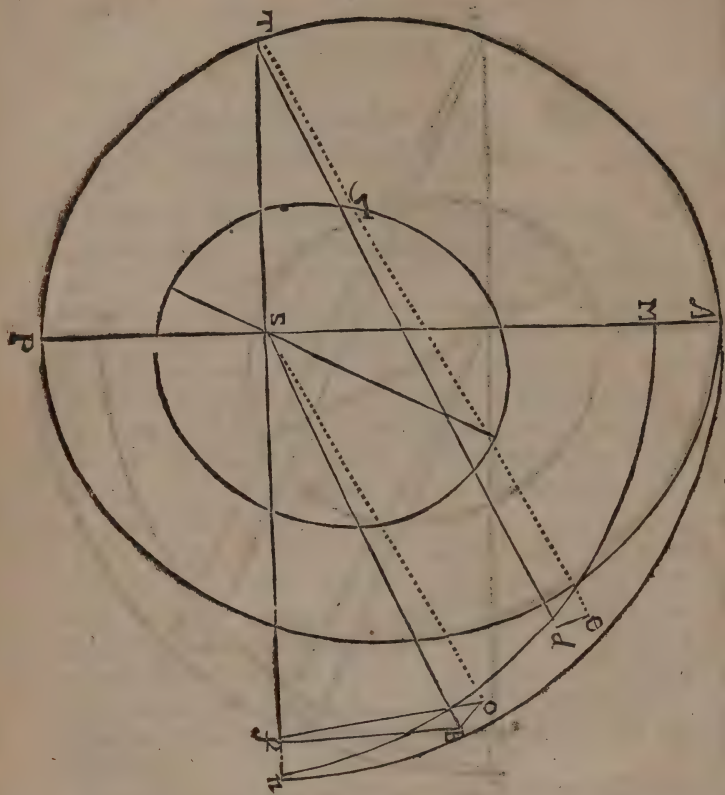
Manifestum est quodd si planeta foret in linea $S o$, esset ejus Inclinatio $o S b$ verùm eadem plane est Inclinatio $o S b$. atque $e T b$, id est, visâ Latitudo Terrâ existente in T & planetâ in ϵ , æqualis est veræ Inclinationi ejusdem si foret in linea $S o$, cum autem $T e, S o$, sint parallelæ, erunt Anguli



Anguli $e T n, o S n$ æquales: cum igitur Anguli $o S n$ mensura, sit Arcus $o n$, seu distantia puncti o à Nodo; erit Latitudo visa planetæ in s . = Inclinationi Anguli = $s T S$. id est, erit igitur visa Latitudo Æqualis inclinationi puncti in Orbitâ planetæ, cujus distantia à Nodo æqualis est Elongationi (visæ) planetæ à Sole in tempore observationis.

Atque ex observatâ planetæ distantia à Sole habebitur angulus Inclinationis ad istam distantiam à Nodo.

Nempe in Triangulo Rectangulo $S o b$, si $S o$ sit Radius erit



erit ob sinus Inclinationis (vel visæ Latitudinis in T.) & ob sinus distantie à Nodo in Orbitâ. Ergo

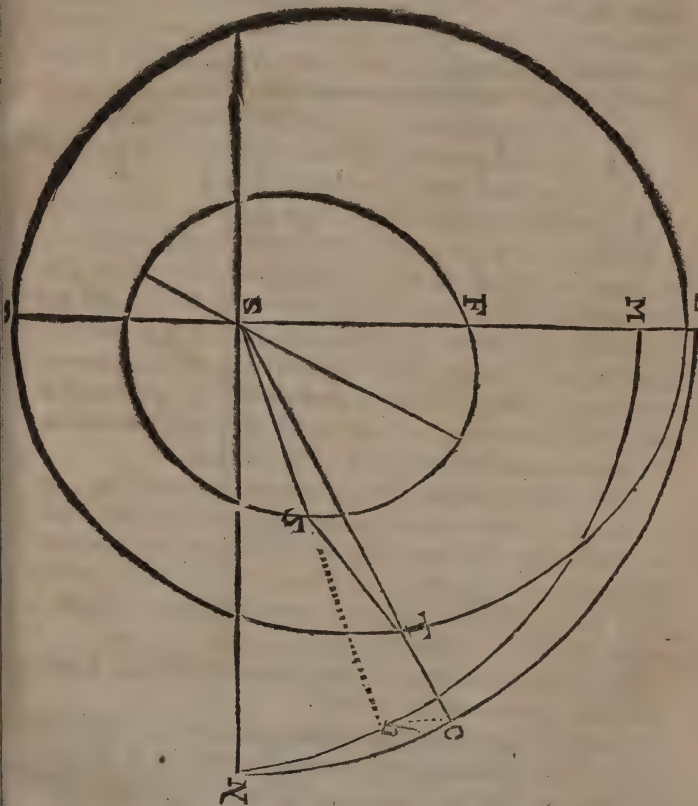
S, dist: à Nodo. S, visæ Lat :: R. S, Incl. maximæ.

Quod & suprà in superioribus ostensum est.

CAP. XIV.

*Via sternitur ad Investigationem primæ inferiorum
Inæqualitatis.*

QUomodo fit exuenda secunda planetarum inferiorum
Inæqualitas nunc Ordine dicendum, ut tandem pri-



in T.) & of
maxima.

CAP.

ma

maximæ inæqualitatis atque Calculi rationes innotescant.

Uti autem in superioribus duos veluti casus aut planetarum positiones ad hanc rem selegimus : Ita hîc etiam faciemus.

Nempe, cùm illud Impossibile sit, ut planetæ inferiores in opposito Solis inveniantur, aut (Oculo in Terra Constituto) quadrante integro à Sole distent, pro quadraturis, maximas Elongationes, & pro Fuliginibus Acronychis (seu oppositionibus) planetarum Inferiorum, Coniunctiones cum Sole sumemus. Nempe docebimus, quomodo planetæ locus in Orbitâ suâ, simulque ejus distantia à Sole inveniri possit.

1. Planetâ existente in Coniunctione cum Sole.
2. Existente planetâ (in maximâ à Sole Elongatione) in angulo recto Linearum $S \propto$ & $\propto T$.

1. Sint igitur Orbitæ Terræ atque planetæ, iisdem literis designatæ uti prius, & primum cogitetur planeta per solem transire seu esse in verâ Coniunctione cum Sole. Aut igitur transit per Centrum Solis, aut non. Si transeat per Centrum, patet ex iis quæ dicta sunt quod Terra planeta atque Sol sunt in eâdem planè lineâ, ideoque ad illud momentum datur positione lineæ à Sole ad planetam, eadem est n. cum linea Nodorum, at magnitudo ejus nondum eruatur. Hîc autem parallaxis consideratio est habenda.

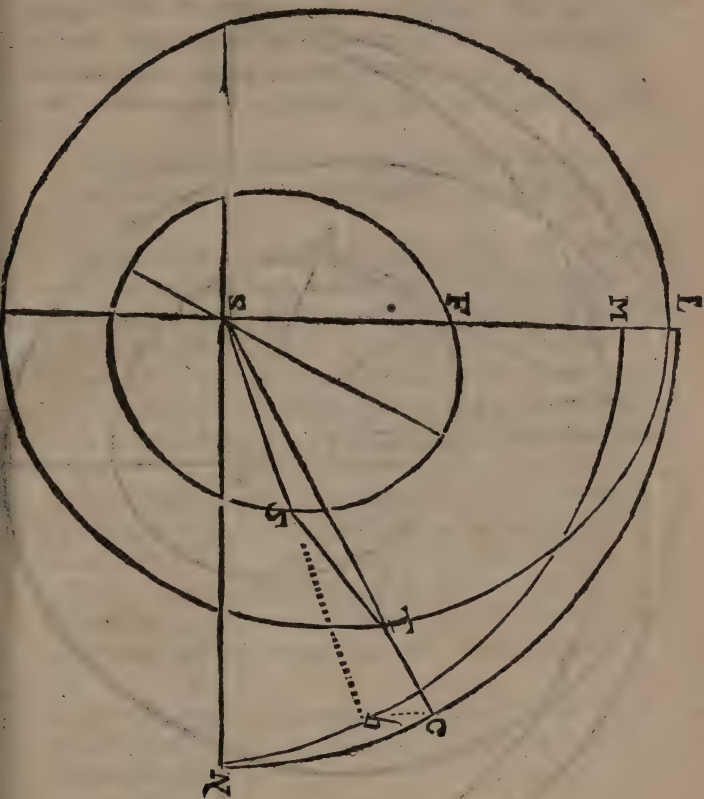
Si per Solem transeat, non autem per Centrum ejus, facienda est observatio in transitu per planum Circuli Latitudinis (ad Orbem Eclipticæ rectum) quo Tempore habebitur planetæ tum Longitudo, tum etiam latitudo, datâ autem verâ Longitudine, habetur vera distantia à Nodo, ideoque lineæ $S \propto$ positione datur.

Magnitudo autem ejus hâc methodo invenitur, in Triangulo $ST \propto$ dantur omnes Anguli.

Nempe $TS \propto$ est Angulus Inclinationis veræ respectu Solis (quæ ex Longitudine verâ, locis Nodorum, & Angulo maximæ deviationis, resolutione Trianguli sphericæ Nbc invenitur)

$ST \propto$ ex

$ST \propto$ ex
Et ex T
& Terræ
 S iisdem
2. Hoc
Elongation
Suppon
mas ad v

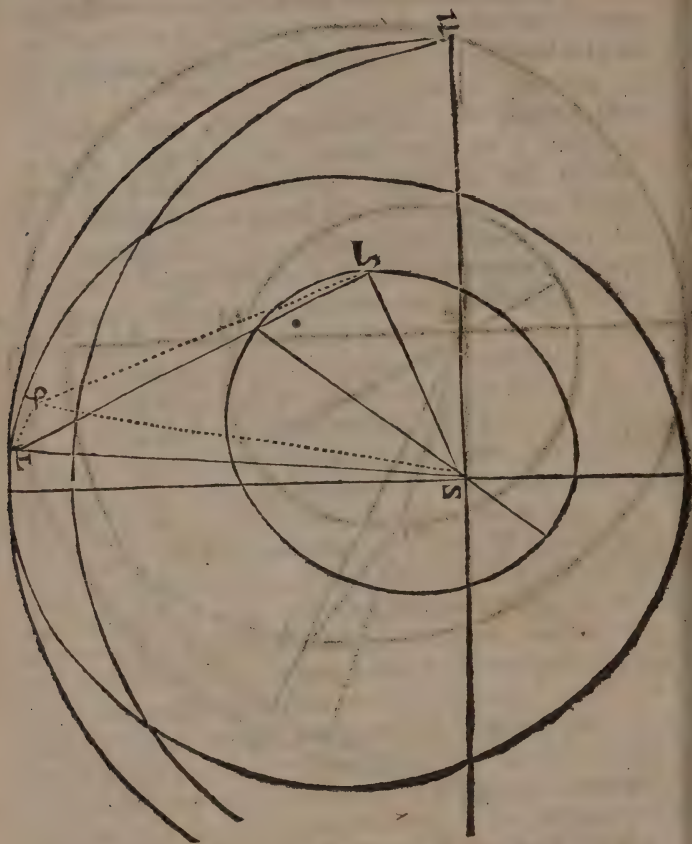


ST, ex observata Latitudine innotescit.

Et ex Theoria Solis præmissa habetur ST distantia Solis & Terræ in partibus Axis Orbitæ suæ : Ergo habetur & Ss iisdem in partibus.

2. Hoc idem efficere si foret planeta in puncto maximæ Elongationis à Sole, in angulo recto respectu Solis & Terræ.

Supponunt hæc Astronomi horum planetarum maxi-
mas ad visum digressiones contingere cum fuerint in illis or-
bitarum



bitarum punctis in quibus Recta Ts , faciat cum linea Ss Angulum rectum. Quod etiam si non ita se habere necesse sit (uti sequentibus ostendere est animus.)

Quia tamen hoc aliquando saltem contingere solet, atque hoc medio, eoque Solo, utuntur hactenus Astronomi.

*Sit casus iste propositus & sit planeta in s , Terra in T .
Atque hoc saltem in casu Exuaturs etiam secunda planeta
Inæqualitas.*

CAP.
Si igitur
angulo
lum ad
est etenim
Et h
gnita.
1. E
Qua
dorum
Qu
linea
bis m
ri facil
Nem
Plan
fecer E
b S. b
Ex
positio
pothen
Eju
Est
munis
Recti.
Erg
bemus
habem
Qu
At
do tra
profer

Si igitur magnitudo lineæ $S\epsilon$ quaratur, habemus in Triangulo $T S \epsilon$ Rectangulo, omnes Angulos. Nempe angulum ad ϵ Rectum atque Angulum ad T ex observatione, est etenim visa Solis & planetæ Elongatio.

Et habetur quantitas lineæ $S \perp$ (ex Solis Theoria præcognita.)

1. Ergo habemus lineam $S\epsilon$, magnitudine datam.

Quærat nunc ejusdem lineæ positio respectu lineæ Nodorum $S N$.

Quoniam datur in Eclipticâ positio lineæ $S T$ respectu lineæ Nodorum. Et supponitur cognita Inclinatio tum Orbis maxima, tum puncti T ex distantia à Nodo. Ergo fieri facile potest reductio lineæ $S T$ ad Orbitam planetæ.

Nempe à T ad Orbem planetæ cadat perpendicularis $T b$. Planum ad Orbem planetæ Rectum atque ad lineam $S\epsilon$, fecerit Eclipticam in T , erit $T b$ in hoc plano, ducantur autem $b S. b \epsilon$.

Ex data Inclinatione atque distantia à Nodo, habebitur positio lineæ $S b$: erit n. $n b$. basis Trianguli spherici cujus hypotenusa est $n T$ & Angulus ad n . cognitus.

Ejusque quantitas ex datâ $S T$ inclinatione obtinebitur. Est autem Angulus $b \epsilon S$ Rectus, cum sit $b \epsilon$ sectio Communis Orbis planetæ atque plani ad illum atque ad $S\epsilon$ Recti.

Ergo in Triangulo Rectangulo $b \epsilon S$, datis $b \epsilon$ & $S\epsilon$ habemus Angulum $b S \epsilon$. At habuimus Angulum $b S n$, ergo habemus Angulum $\epsilon S n$.

Quod est lineam $S\epsilon$ positione invenire.

At nos hanc methodum Astronomorum gratiâ solummodo tradidimus, meliores aliquas à nobis inventas postea proferemus, vide Astron: Cœlestem.

CAP. XV.

De Investigandâ primâ Planetarum Inferiorum inæqualitate.

EX iis quæ superiore Capite præmisimus facile est planetarum Inferiorum inæqualitatem secundam exuere, atque lineas numero infinitas tum positione tum etiam quantitate definire : Adeoque in Ellipsi, cujus umbilicus alter est Sol, quocunque quis voluerit puncta (si modò non defuerint observationes) determinare.

Sed datis quinque punctis in Ellipsi, ejusdem Ellipseos species Axiúmque positiones inveniri Geometricè possunt, nempe methodo eâ quam antehac in superioribus ostendimus, quæ quia in nulla omnino re differt, sive opus fuerit superioribus sive Inferioribus illam adhibere, nolui eam repetere nè frustra lectorem detinere voluisse videar.

Supponemus igitur investigatam nunc esse primam horum planetarum Inæqualitatem, locos Nodorum & limitum, Inclinationum quantitates, eaque omnia quæ sunt in superioribus explicata & tradita, atque ad horum planetarum Calculum transibimus.

CAP. XVI.

De Calculo pro Venere & Mercurio instituendo.

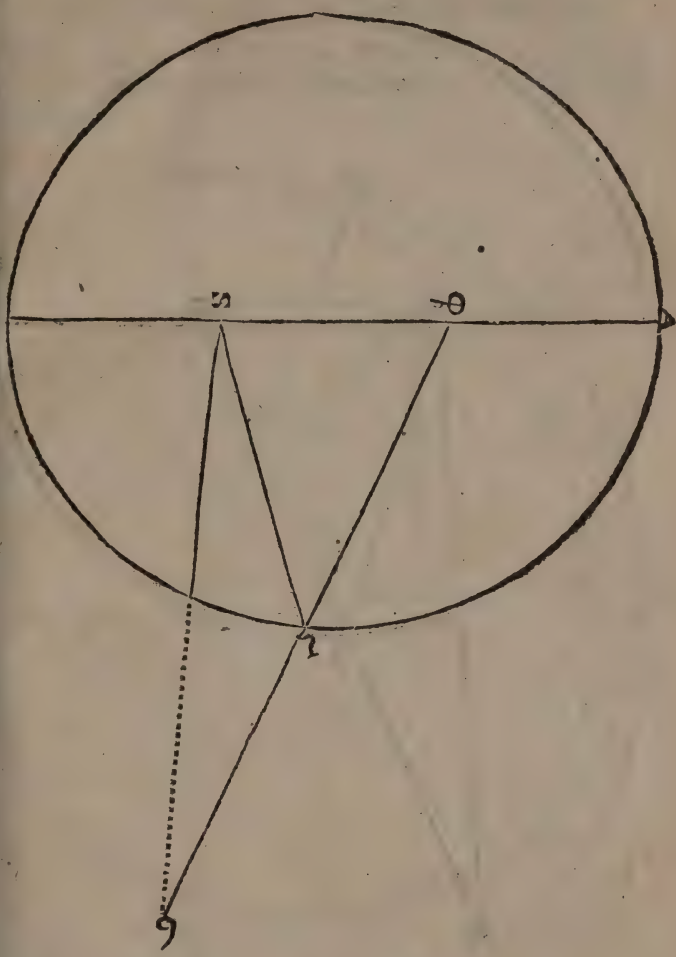
Calculus inferiorum planetarum ferè idem est cum Calculo superiorum, nempe lineâ absidum (seu Axe Transverso Ellipseos) positione datâ, Epochâ motûs Constitutâ, & ex periodi quantitate medio motu adeoque Anomaliâ simplici determinatis.

1. Primò (methodo ter antehac repetitâ) quærenda est Anomalia æquata, sive Angulus ad solem, & planetæ a sole distantia.

2. Deinde quærenda est planetæ Longitudo.

3. Et

riorum
est planeta-
tere, atque
quantitate
ter est Sol,
et fuerint ob-
Ellipseos
e possunt,
is ostendi-
opus fuerit
di cam repe-
nam horum
et limitum,
sunt in su-
planetarum
stituendo.
est cum Cal-
Axe Transi-
Continua,
e Anomalia



quarenda est
planeta a sole

Et tandem Latitudo.

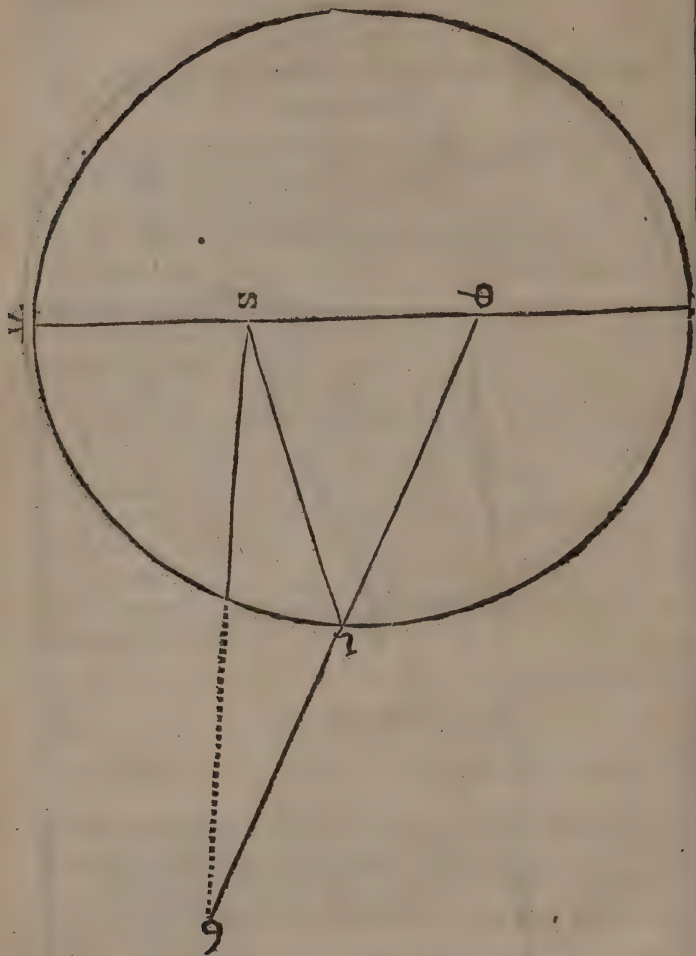
I. Facto $\sigma\sigma = \sigma S$.

In Tri: $\sigma S \sigma$ dantur 2. latera cum \angle comp. Ergo D:

$\sigma S \sigma$
 $\sigma \sigma S$
 $\sigma \sigma S$

F 3

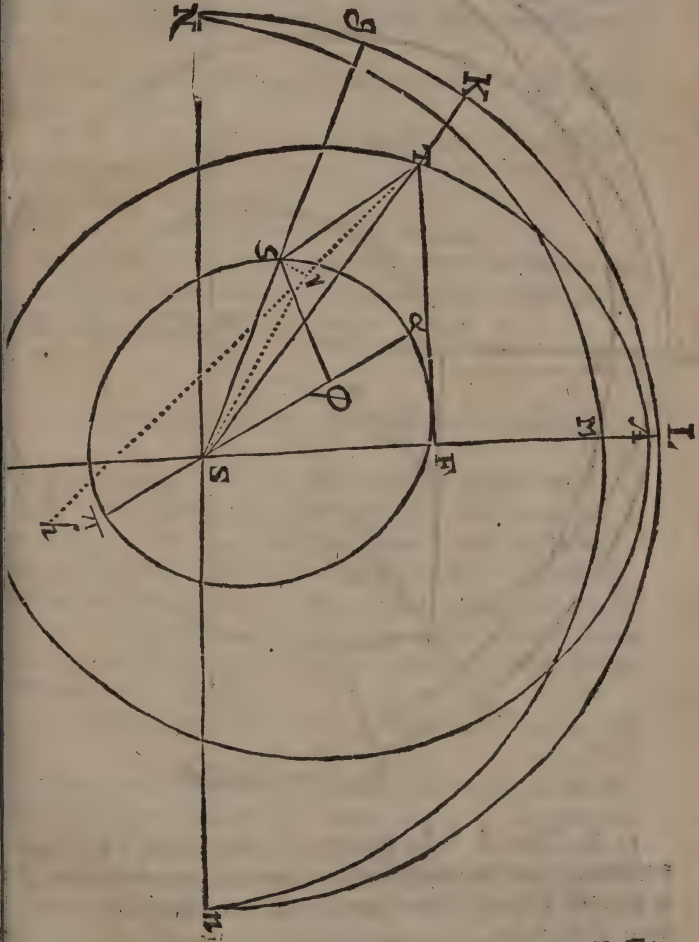
3. Ex

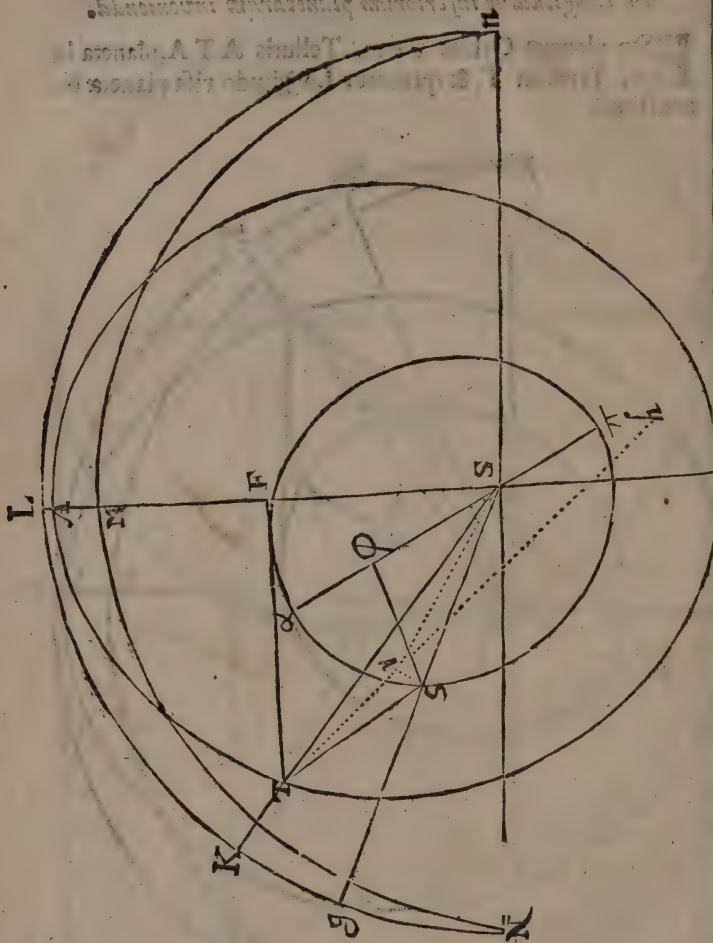


$\phi S \sigma - \phi \sigma S = \phi S \varsigma$ Anomaliz Equatæ.
 Deinde in Tr: $\phi \varsigma S$ dantur omnes Anguli cum ϕS , ergo
 datur $S \varsigma$. Distantia planetæ à sole.

De Longitudine inferiorum planetarum inveniendâ.

Esto planetæ Orbita $\alpha s \pi$, Telluris AT A, planeta in s , Terra in T, & quærat^r Longitudo visa planetæ sic constituti.





1. Ex Theoriâ Solis præcognitâ datur linea ST cùm positione tum etiam magnitudine, atque ex locis nodorum, & planetæ Theoriâ, datur lineæ SS magnitudo ejusque positio in Orbitâ suâ.

Idea-

CAP. XVI. *Astronomia Terrestris.* LIB. I. 73

Ideoque Methodo superius traditâ fieri potest puncti s reductio ad punctum r in Eclipticâ eruntque 3 puncta $S T r$ in plano Eclipticæ & cognoscetur Angulus $r S T$.

Ergo in Triangulo $S T r$ habemus duo latera $s r$ cum Angulo comprehenso, ergo obtineri per Trigonometriam possunt Anguli *Elongationis à Sole* $S T r$. Et *parallaxis Orbis* $S r T$ unâ cum latere $r T$ sive distantia planetæ à Tellure.

Verum cognitis his Angulis habetur planetæ visa Longitudo, est etenim.

$r S T + T r S = K T h$ visæ Longitudini à loco Telluris in Eclipticâ.

Vel $180 - - S T r =$ eidem Longitudini.

Est etenim Terra æquè ac Sol (propter insensibilem magnitudinem Orbitæ suæ ad Orbem ad Fixas usque productum) centrum Eclipticæ habenda.

De Veneris aut Mercurii Latitudine Computandâ.

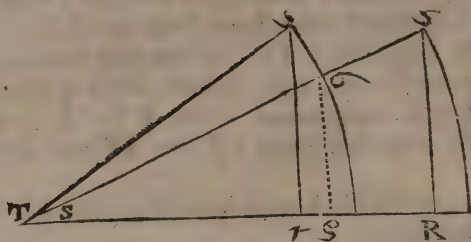
UT habeatur Latitudo, ducatur (ut in superioribus) à s ad planum Eclipticæ perpendicularis linea $s r$ & ducantur $S r$ & $T r$, à Sole & Tellure: erit ista linea, ad oculum in Sole, sinus Inclinationis planetæ: at verò ad oculum in Tellure, sinus Latitudinis. eritque ejusdem magnitudo visa reciproca ad distantias. Nempe in minore distantia major videbitur, in majore minor in ratione sinuum istorum. Erit itaque.

Ut dist. à Terra. ad sin: Incl: :: dist. à Sole. ad s , Lat.

$T s \quad s, s r \quad :: S s \quad s, s T r$

Hoc quia à Keplero demonstratur (in comm: de M. M.) ideò in planetis superioribus veluti cognitum supposuimus. Verum cum ipse in proportionū expositione errorem in Calculo gravem sæpe futurum admiserit, eumque in Almagestum suum vir magnus nuper transfulerit: hujus proportionis demonstratione speculationem hanc omnem concludam.

Esto



Est igitur eadem linea $\frac{1}{2}R$ & $\frac{2}{5}r$, nunc in majori distantia (S^1) nunc in minore (T^1) spectata, sit autem linea $T r R$ perpendicularis,

Est igitur

$$S^1 \cdot \frac{1}{2}R :: T^1 \cdot \sigma\varphi$$

$$\text{Et } = =$$

$$\frac{2}{5}r, \quad T^2.$$

Ergo

$$S^1 \cdot T^2 :: \frac{2}{5}r \cdot \sigma\varphi$$

At $\frac{2}{5}r$ est sinus Anguli Latitudinis, $\frac{2}{5}Tr$

Et $\sigma\varphi$ est sinus Anguli Inclinationis $\frac{1}{5}SR$

Ergo Convertendo

$$T^2 \cdot S^1 :: \sigma\varphi \cdot \frac{2}{5}r$$

Ut distantia planetæ à Terrâ, ad distantiam ejusdem à Sole: sic sinus Inclinationis, ad sinum Latitudinis. Quod erat ostendendum.

Atque hæc hæcenus De Astronomia Terrestris. Quantum ad sui ipsius Motum spectat, atque etiam quinque planetarum qui sunt primarii, (& Solem veluti Orbitalium suarum umbilicum respiciunt) Geometricè delineandum. Superest ut singulis Planetis suam Astronomiam exhibeamus.

ASTRONOMIÆ GEOMETRICÆ

LIBER SECUNDUS

De

ASTRONOMIA
COELESTI

SEU

Reliquorum Planetarum
primariorum.

LONDINI,

Typis JACOBI FLESHER, Prostant apud
Cornelium Bee. M DC LVI.

THE UNIVERSITY OF CHICAGO
LIBRARY

ASTORIA

1923

1923

ASTORIA

1923

THE UNIVERSITY OF CHICAGO
LIBRARY

De

ASTRONOMIA SATURNALI.

PARS. I. CAP. I.

De motu Saturni proprio, (at Solis apparente) investigando, ejusdemque Ellipseos specie inquirenda.

Quanquam ex iis quæ hæcenus tradidimus, unusquisque in Astronomia communi mediocriter versatus, possit oculum in quemvis reliquorum planetarum, si velit, transponere, illique congruentem Astronomiam, quoad omnia omnium phænomena, delineare; adeoque omnis labor deinceps suscipiendus aut inutilis aut minimè necessarius videri possit: lubuit tamen hanc etiam Astronomiam Cœlestem (eo nomine insignitam, non quia cœlum respiciat, verùm quòd oculum in cœlos evehat ibique constituat) adjicere, partim ut magnos Astronomos imitemur, qui methodos suas pluribus communes singulis planetis applicare solent, ut integram reddant & perfectam Astronomiam quam nos Terrestrem vocamus, præcipuè ut experiendo ostendamus nos viam Naturæ ingressos fuisse, eamque clavem adeptos esse, quæ omnia hujus præclarissimæ scientiæ arcana possit referare. Atque ut hâc occasione nova quæ nobis sese obtulerint hic illic proferamus.

Quod igitur ad Saturnum attinet, uti Terra nobis Terrestrialis stare immobilis videtur, Sol autem in Orbitâ Ellipticâ quotannis revolvi, suâque absolvere ἀποκαταστάσις, ita etiam Saturnicolis ipse perpetuò in eodem loco consistere videbitur, Sol autem periodum Saturninam Ellipticam, in Orbis sui plano absolvere apparebit, orbem nimirum integrum in periodico Saturni tempore percurrento.

Atque

Atque uti Saturnus respectu Solis unicam habet inæqualitatem ex motu Elliptico oriundam, ita Sol istam solam inæqualitatem induet, eâdemque methodo invenietur *παρ-
νομένη* hæc Solis inæqualitas, quâ Soli inventa vera ista Sa-
turni.

Nempe esto Saturni orbita in quâ Sol moveri videatur Ellipsis A d p δ hujus Axis Transversus per Solem transiens sit A F S p qui producat in infinitum, primum autem quærat Axis hujus positio, deinde species Ellipseos.

Sit igitur Saturnus in β , atque in tempore cujus mensura est angulus β F γ absolvat angulum β S γ , id est, videatur sibi Sol istum angulum absolvisse; deinde ex alterâ Ellipseos parte perficiat Angulum c S b priori β S γ æqualem, idque tempore æquali. i. e. dum sit angulus c F b = β F γ manifestum est Axem æqualiter respicere lineas S b & S β item S γ & S c.

Nempe producantur b S ad N, β S ad O, & bisectetur arcus N O in L, ducatur L S, incidet in istam lineam Axis Ellipseos transversus.

Vel si notentur puncta K & M in eodem circulo cujus centrum est Sol. atque in istis punctis motus medius sit Apparenti æqualis, nempe Saturno existente in d & δ , erunt ista duo puncta *διακέντρον* & bisecta pariter K M erit idem Axis positione datus.

Dato autem positione Axe Transverso, atque Epochâ constitutâ, (observatione) habito Angulo Anomaliz simplicis atque æquata Invenitur, distantia umbilicorum.

Esto Saturnus in γ & fiat $\gamma \phi = \gamma$ F.

Quoniam in Tri: γ F S dantur omnes Anguli; Ergo etiam in Tri: S ϕ F. dantur omnes Anguli, & datur S ϕ vel supponitur = Axi Transverso. Ergo datur proportio S F ad Axem, & proinde Ellipsis specie datur.



CAP. II.

De Calculo Motus Solaris , ex Ellipsi specie datâ , & dato Angulo Anomaliâ simplicis.

IN superioribus non semel docuimus motum reverâ planetarum singulorum, Incolis suis vel oculo in iis Constituto, ex Aspectûs fallacia Soli ipsi, quoad apparentiam, transferri : adeoque tum oculo in Sole existenti, respectu omnium planetarum, tum oculo in planetâ existenti, respectu Solis, simplicem atque uniformem esse tum Investigationem in æqualitatis (ex tempore Circuitûs periodico, atque ex specie Ellipseos oriundæ,) tum etiam Calculi, illîc planetarii, hîc Solaris, rationes. Quare ista in sequentibus omitemus.

Esto autem in superiore Schemate \bar{q} locus Saturni, & quærat^r Anomalia æquata ex datâ Excentricitate atque Anomaliâ simplici.

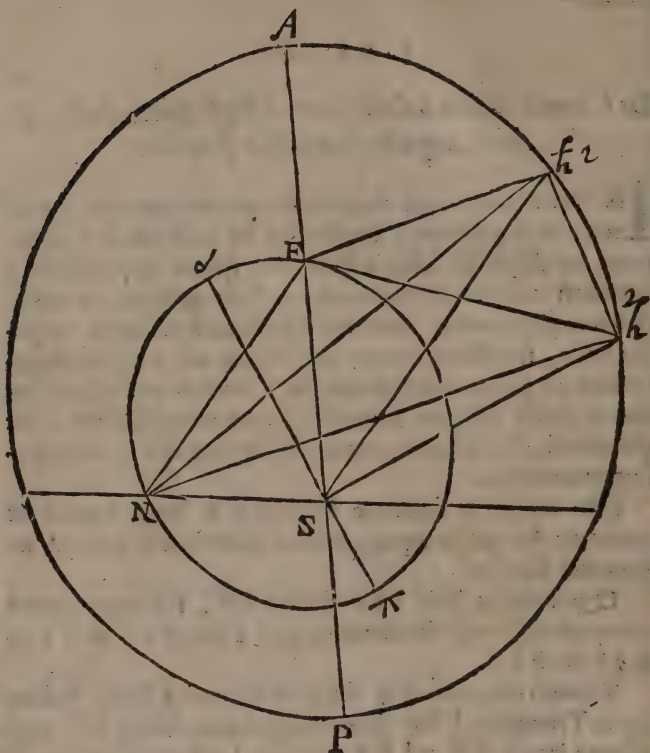
Quoniam in Tri: $SF\sigma$ dantur SF , $F\sigma$ cum angulo comprehenso ergo habentur anguli $FS\sigma$, $F\sigma S$ & $FS\sigma - F\sigma S = FS\bar{q}$.

Si modò quærat^r $S\bar{q}$ distantia Saturni à Sole, habentur in Triangulo $FS\bar{q}$ omnes Anguli, cum latere SF . ergo reliqua latera $S\bar{q}$ vel $F\bar{q}$ minimè latebunt quæ erunt ad sequentia necessaria.

CAP. III.

De Investigatione Nodorum pro singulis planetis Oculo in Saturno existente.

CUM, Sole in altero Ellipseos umbilico existente, planetarum reliquorum omnium Orbitas ambiat Saturnus, non alio planè modo quàm Telluris Orbita Veneris atque Mercurii



Mercurii vias Ellipticas comprehendit, manifestum est eandem omnino fore Astronomiam Saturninam respectu singulorum planetarum, quæ est nobis Astronomia duorum istorum inferiorum. Quare eodem modo invenientur Nodi & limites eorum.

Esto etenim Orbita Saturni Elliptica $A \pi P h$. Alterius cujusvis planetæ $a N \pi$. S Nodus communis seu umbilicus alter omnium orbitarum, F Focus alter orbitæ Saturninæ. Et ex motu Solis apparente vel Saturni vero, sibi cognito duabus (ut prius) observationibus, cum planeta fuerit in Nodo

CAP. IV. *Astronomia Saturnalis.* LIB. II. 7

Nodo eodem (nempe in N) quæzatur lineæ S N tum positio, tum etiam magnitudo.

Quoniam igitur Saturni motum sibi ipsi cognitum supponimus, quinetiam elongationes planetæ (in Nodo existentis) à Sole in utraque observatione. Ergo habentur omnes Anguli ad Saturnum (ad 1 & 2) & in Triangulo 1 F 2 habentur etiam duo latera F 1, F 2, ergo habetur latus 1 2.

Ex Theoriâ Solis habitus est angulus F 1 S, ex observatione S 1 N ergo habetur F 1 N = F 1 S --- S 1 N at verò F 1 2 --- F 1 N = 2 1 N.

Et F h S --- S h N = F h N.

Obs:

Ergo in Triangulo 1 N 2 habentur omnes anguli cum latere 1 2. Ergo habetur latus 2 N & in Triangulo h N S habentur duo latera (2 N jam inventum) & S 2 (ex Solis theoriâ) unâ cum Angulo comprehenso (ex observatione) ergo habentur Angulus 2 N S & latus N S.

Inventus est igitur tum locus Nodorum in Orbe Saturnino (qui Eclipticæ nostræ respondet) tum quantitas lineæ N S. distantia à Sole. Quod est lineam N S tum positione tum magnitudine invenire.

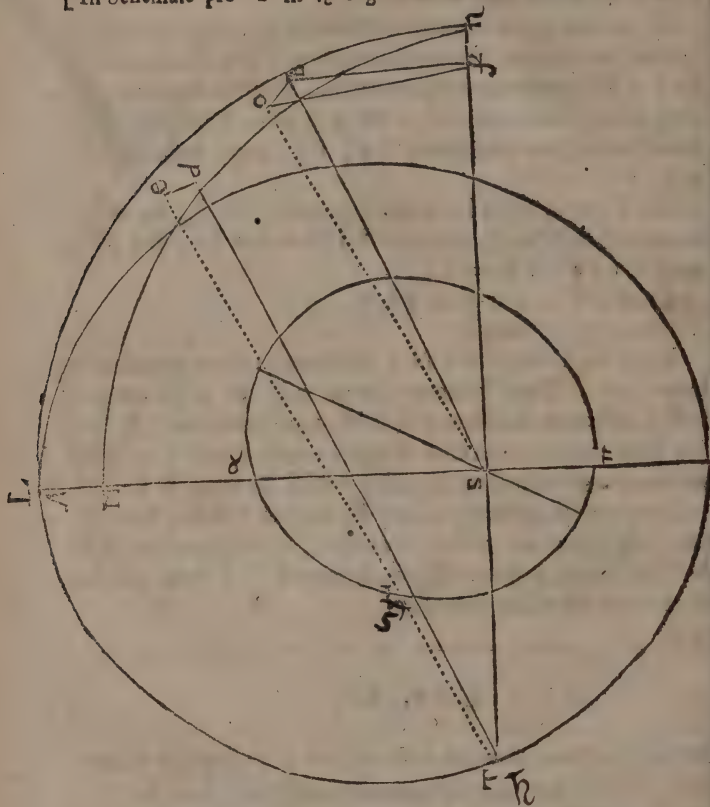
CAP. IV.

De Inclinatione Orbium inveniendâ pro singulis planetis oculo in Saturno existente.

EX iis quæ in superioribus sunt exposita, manifestum est eandem tum in superioribus tum in inferioribus planetis esse rationem quâ investigatur Orbium Inclination maxima. Nempe planetâ, in quo Oculus observatoris collocatur, in communi sectione existente Orbitæ suæ atque Orbis istius planetæ de quo quæstio instituitur.

Cùm etenim hoc in casu (oculo atque planeta in eodem plano existentibus) liberetur planeta observatus, parallaxi

[In Schemate pro T fit τ cogitentur in minori Ellipsi $\alpha\pi$]



omni Latitudinis, erit Latitudo visa planetæ æqualis inclinationi Orbis ejusdem in distantia à Nodo quæ æqualis est planetæ elongationi à Sole in tempore factæ observationis. atque ab istâ inclinatione eruitur (ut supra) Inclinationo maxima. arque cùm Saturni Orbita reliquorum omnium orbitas ambitu suo comprehendat, eadem erit, quoad Saturnum omnium planetarum Methodus.

Esto Saturni Ellipsis A TP Saturnus autem, T, in Nodo alterius planetæ cujus Ellipsis $\alpha\pi$ & communis Orbium

CAP. V. *Astronomia Saturnalis.* LIB. II. 9

Orbium sectio T S n. sit autem planeta in s , producat^r planetæ Orbis in infinitum, Saturni usque ad L b n ex Sole tanquam Centro descriptum circulum. sit autem planeta in s adeoque videatur in lineâ T s e. à e ad planetæ Orbem cadat perpendicularis lineæ ed & producat^r h d : manifestum est Latitudinis visæ mensuram esse angulum e h d, sive arcum circuli à Centro h, inter duas lineas h s e, & h d, interceptum.

Sit jam lineæ h e, parallela à Sole S b, & à, b ad planum idem Eclipticæ cadat b o, eodem modo cum prior e d. manifestum est angulum B S o priori e h d fore æqualem.

Quoniam autem Circulus b N, ex Sole tanquam centro describitur; erit b S o angulus Inclinationis orbium ad distantiam b N à Nodo.

Et si ad S N perpendicularis cadat b f, atque ille cum o connectatur, erit (uti suprà demonstratum est) b f o angulus maximæ deviationis planorum, cum itaque sit e h d = b S o, erit visa Latitudo stellæ in s æqualis Inclinationi puncti b habetur itaque Inclinationo puncti b, & cum sint h e, S b parallelæ, & datus sit angulus S h e, ex observatione, habetur & angulus b S N, cujus mensura est b N. habetur itaque b N.

At verò est ut sinus BN, ad sinum Inclinationis b S o, ita Radius, ad sinum maximæ deviationis.

Atque ita Methodo omnino uniformi, & modo prorsus eodem, Saturno inveniuntur planetarum omnium maximæ deflexiones ab Orbita sua. possuntque Inclinationes singulorum eorū methodo à nobis suprà expositâ Geometricè inveniri.

CAP. V.

De Exuenda secunda planetarum Inaequalitate, seu preparatione, ad Investigationem Apheliorum atque Excentricitatum.

Quoniam, Saturnus sibi singulos systematis nostri planetas subiectos habet, eos nimirum Orbitæ suæ am-

bitu atque amplexu comprehendens, ideò hoc loco, in animo est, de omni ratione inquirere quâ possit planeta (respectu Solis) superior, inferioris alicujus motum inquirere seu potius invenire. Quæ quidem speculatio, respectu Veneris & Mercurii, nobis etiam Terricolis, aut necessaria erit, aut saltem utilissima.

Primum igitur applicanda est huic negotio Astronomia inferiorum (respectu nostri) planetarum, quæ omnis hoc in loco inserviet, quæ etiam rei propositæ peragendæ sufficiet.

Solebant hætenus omnes Astronomi, ex solis maximis planetarum inferiorum à Sole digressionibus, eorum omne negotium transigere; Advocavimus in auxilium duas alias planetarum positiones ut quinque puncta in Ellipsi inveniamus.

De Nostreis hoc capitulo dicemus.

In sequentibus Methodo hætenus usitatâ differemus.

Tandem ejus loco novam proponemus.

Duos planetarum inferiorum status indicavimus, quibus, ex mente nostra, Geometricè exui potuisse secundam Inæqualitatem ostendimus, (cùm fuerint in Nodis, & cùm fuerint in Conjunctionibus cum Sole, (id est cum Telescopiorum ope in disco Solari lineam describere observantur))

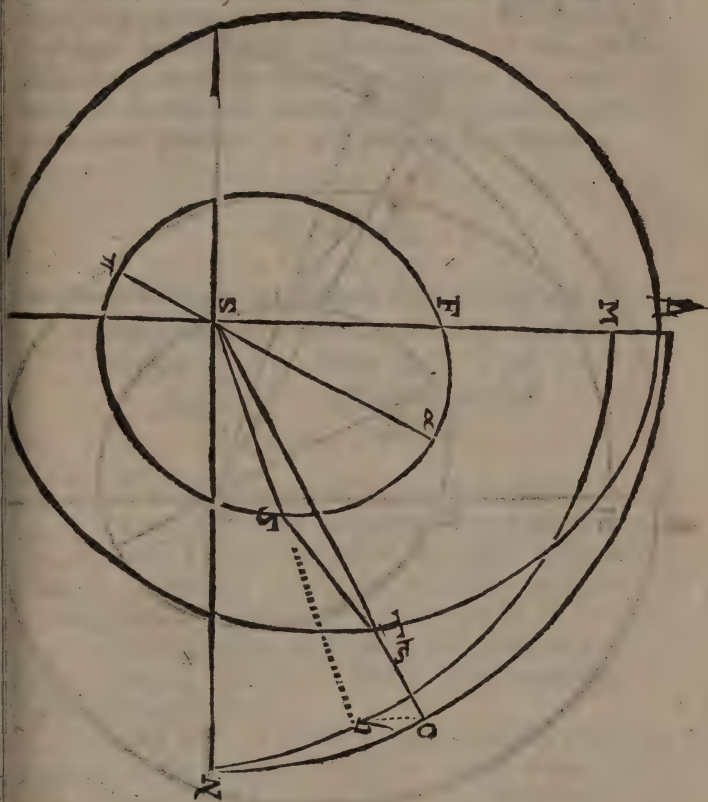
1. Prior illa Methodus in investigatione Nodorum est explicata, valétque ad duarum linearum (in Ellipsi) tum quantitatem, tum positionem investigandam, nempe ad investigationem distantiarum Solis & planetæ utrinque in Nodo existentis.

2. Secunda in Conjunctionibus cum Sole, per varios transitus per Circulum Latitudinis (ad Orbem Saturni reductum) planetæ tum Longitudinem exhibebit, tum etiam Latitudinem.

Data vera Longitudo dabit veram positionem lineæ à Sole ad planetam ductæ, & ad Orbem Saturni (methodo suprâ expositâ) reductæ. ejusque lineæ magnitudo Trianguli solutione invenitur.

Sit in adjecto Schemate Orbita Saturni Ahp & à Sole tanquam centro producat ad ACN , sit Orbita plane-

[Pro $\frac{L}{T}$ Sit $\frac{A}{\delta}$ in Schemate Cogitentur in minori Ellipsi $a\pi$.]

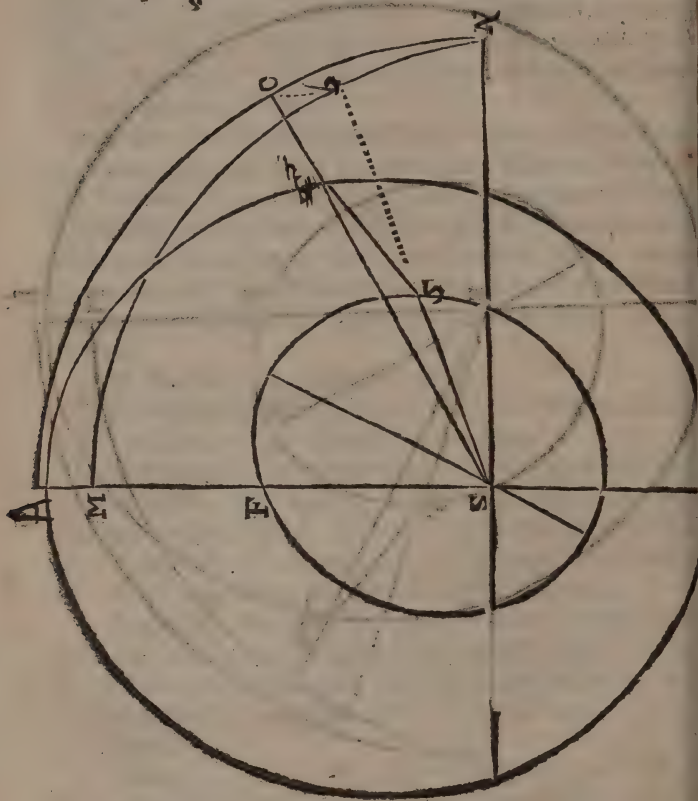


$a\pi$, ab eodem centro quousque opus est producta.
Sit Saturnus in h , & planeta in s .

Quia cognitum sibi supponimus motum Saturni, ergo
habetur positione linea Sh , vel Shc , & cognito loco no-
li N , habetur distantia linearum Sh & SN .

Quoniam igitur planetam jam circulum Latitudinis in
disco Solari transire cogitamus, in plano istius circuli exister
Triangulum hs . Cujus Trianguli latus Sh jam ante in-
notuit

[Pro $\frac{L}{T}$ Sit $\frac{A}{S}$ in Schemate Cogitentur in minori Ellipsi $\alpha \pi$.]



notuit, Angulus $\angle S$ innotescit ex positione lineæ S respectu lineæ SN , est n. angulus inclinationis c. & Angulus $\angle S$ est angulus visæ Latitudinis. Habemus igitur in Triangulo $\angle S$ omnes angulos unâ cum latere ST ergo quantitas lineæ S non latebit.

Invenietur autem positio ejusdem in Orbita sua respectu lineæ Nodorû solutione Trianguli sphærici $c b N$ datis n. præter Angulû rectû Angulo acuo ad basim atq; ipsâ base habetur hypo-

tur hypotenusæ. Nempe ut Tangens Basis, ad Radium; sic Cosinus Anguli ad basim, ad Co tangentem hypotenusæ. in exemplo proposito. $t, CN. R :: S c o, N. t c o, b N.$

Atque hætenus Geometricè peracta res est, verùm nullâ harum Methodorum usi sunt hætenus Astronomi, at maximis solummodo planetarum digressionibus, quarum auxilio quid peractum sit, quid peragi possit videamus.

CAP. VI.

*Agitur brevissimè de Methodo hætenus usitata ad ex-
nendam planetarum inferiorum Inæqualitatem se-
cundam, per maximas eorum à Sole di-
gressiones, ejusdémque methodi
ἀνεκμετρία indicatur.*

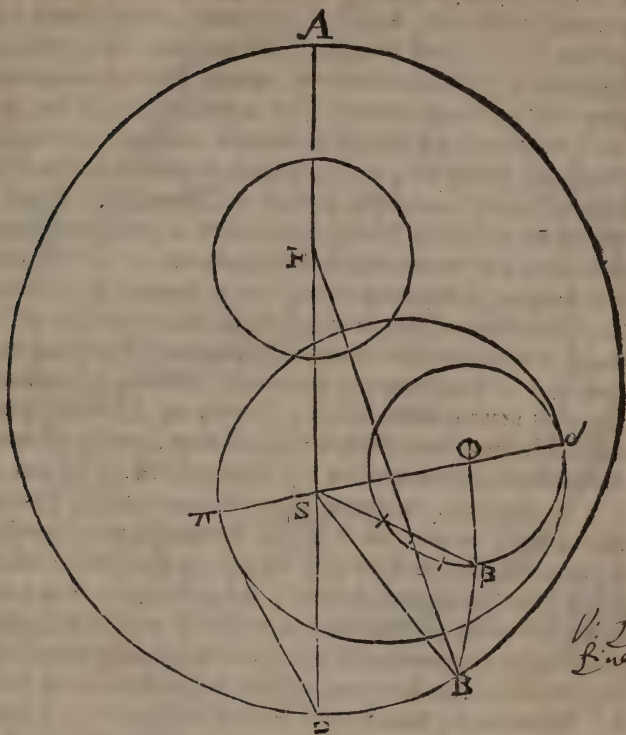
NON erat mihi in animo in hoc opusculo cujusvis sententiam convellere, sed Methodum solummodo proponere, quâ possit Geometricè absolvi divinissima Astronomiæ scientia. verùm cum illud summa rei ipsius necessitas requirat, cum illud antea à nobis susceptum sit ut in communem pro inferioribus methodum, altiùs hoc loco inquiretur, neminem sanæ mentis opinor digressiunculam hanc nostram vitio versuram.

Non mihi lubet in sententia Astronomorum refellenda multum laboris impendere, sufficiet notasse omnes hætenus Astronomos, (quanquam sibi plurimi inconstantes fuerint) sive in Circulis, sive in Ellipsi, inferiorum planetarum motus venati fuerint; eos ex solis elongationibus à Sole maximis quævisse; Elongationes autem (quoad visum, de his n. loquuntur) maximas tunc perpetuò fieri supponunt, cum lineæ quæ ab oculo ad planetas ducuntur. Planetarum orbitas contingunt, sive illæ Circulares sint sive Ellipticæ, Angulúmque rectum in maximis Elongationibus ad planetam constitui postulant, faciunt autem (qua-

si quidvis quod Calculi commoditati inserviat, fingere liceat) ut nunc Angulus rectus, à *Sole* ad tangentem, nunc autem à *Centro circuli* ad tangentem constituatur.

Clarissimus vir in Astronomiæ suæ Philolaicæ libro no. no. cap. 1. De Motibus stellæ Veneris p. 335. supponit in maximis Veneris à Sole Digressionibus, omnes Angulos in Contactibus Orbis ejus Rectos esse ad *Solem*, & quomodo hoc fieri possit, & Geometricæ demonstrationi conveniat, se infra ostensurum suscipit; quod an unquam aggressus fuerit mihi non constat. Certè postea libro X. cap. 2. ubi instituit investigationem distantiae Mercurii Apheliæ ornatque (p. 368.) ad hanc rem Schema, constituit Mercurium, in maxima Elongatione sua, ad Angulum rectum *respectu Centri*. Tam levis momenti Astronomis visum est hactenus, an solem, an centrum, an utrumvis, respiciat planeta in maximis Elongationibus, modò Angulum rectum sibi dari postulent, cujus beneficio rem suam peragant: verum enimverò non debuit tanti res momenti tam leviter præteriri. Certè altius inquiri debuit an maximæ Elongationes necessariò contingant in puncto Contactus, (viz. ubi linea ab oculo ad planetam protensa ejusdem planetæ Orbitam tangit) quòd si hoc modo contingat hæc linea Orbitam, erit certè in Astronomia Circulari Angulus rectus cum respectu ad centrum, non ad solem assumendus, At in Astronomia Elliptica, sunt aliæ prorsus rationes quærendæ. Verum (ut rem brevissimè transigamus) si sint Veneris & Mercurii (respectu terræ) Elongationes, semper in puncto Contactus, eveniet hoc necessario, ex ingenio duarum Ellipsium, vel Circulorum, quorum alter alterum ambiat & comprehendat. neque rationes mutabunt vel Ellipsium species vel positiones, vel Circulorum positiones & Excentricitates, vel denique motuum quorumcunque Combinationes: verumque hoc erit de *Venere & Mercurio Non Solum*, respectu oculi in Terra, verum & de singulis planetis respectu oculi in Saturno constituti, hoc autem non ita contingere, statim oculo Schema hoc lustranti se obferet.

Sint duæ Ellipses descriptæ APB & $a\pi\beta$ S ScI, focus unus



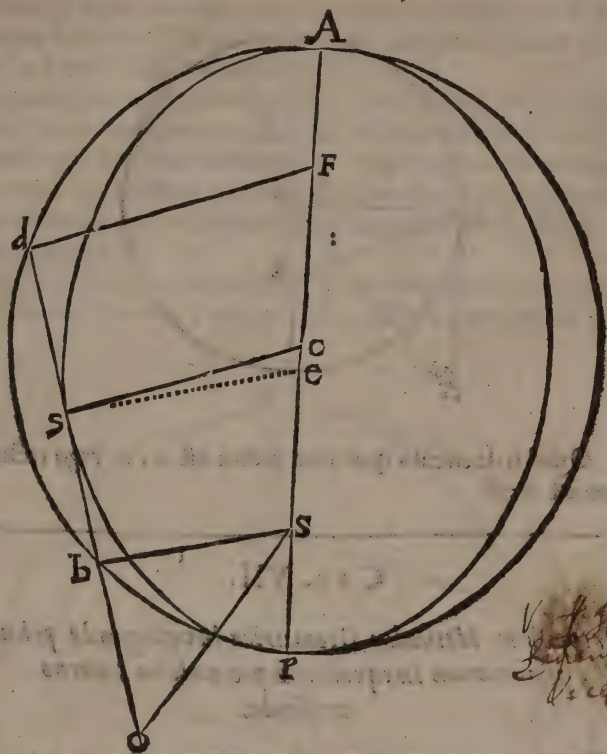
*V. fig. ad
finem libri*

unus utriusque Ellipseos, F focus alter prioris, φ post-
rioris. Sint autem Ellipsium species & positio ea quæ sunt à
nobis descripta, sit autem superioris periodus quadrupla
inferioris, adeoque motus super φ quadruplus motus super F.

Ex motuum autem combinatione fiat, ut, planetâ supe-
riore in B existente, inferior sit in β, ita ut linea Bβ tan-
gat Ellipsin, sitque angulus Elongationis SBβ. ex motuum
lege præscriptâ sequetur, quod, cum planeta superior pro-
grediatur à B ad C, progrediatur inferior à β ad γ, at-
que ita deinceps. Eruntque, donec planeta inferior punctum
a El-

a Ellipseos suæ transferit, anguli Elongationis ab $S B \beta$ perpetuò crescentes, deinde decrescentes, neque tamen erit planeta (nisi in primâ positione) in Tangente. Non igitur ex Ellipsium se comprehendentium ingenio sequitur maximam quæ videtur Elongationem, fore in puncto Contactûs, seu ubi linea visualis ad planetam protensa, orbitam contingit: illud certè verum est, manente oculo in puncto aliquo Orbitæ ambientis, motoque planetâ in Comprehensa Ellipsi, maximam possibilem Elongationem fore in puncto ejusmodi Contactûs, verùm binis motibus planetarum inter se collatis magnaue varietate mixtis (uti in Saturno & aliis contingit) maximam Elongationem visibilem in ejusmodi pūcto semper evenire, veritati omninò differtaneum est; adeo ut mirum non sit huic principio innitentes, torfisse, atque hucusque iis inextricabiles videri, Veneris ac Mercurii (præcipuè) Labyrinthos. Dicit vir Clarissimus, atque de omni Astronomia optimè meritis, in *Almagesti Novi* (Tom. 1. l. 7. §. 3. p. 603. nunquam illum exhibere potuisse Veneris Mercuriique motus: sive in Nova, sive in veterum hypothesi, quamvis ille labor 300. in Venere, & fere 500. in Mercurio, Triangulorum Solutione, ipsum fatigarit. imò quomodo hoc aliter potuit contingere. ubi & punctum Contactûs ubique in maximis digressionibus reclamante naturâ assumere volunt Artifices, atq; exinde Angulos rectos ad Calculi sublevamen, nimîa certè licentiâ præsupponere? Imo nullâ necessitate fit ut maxima apparens Digressio planetarum à Sole, sit in puncto Contactûs, sive in Ellipsi, sive in Circulo, quod si contingat hoc unquam, non constituetur ad planetam Angulus rectus, sive respectu Solis, sive respectu Centri Ellipseos, in Astronomia Elliptica, neque respectu Solis hoc fiet in Astronomia Circulari. Etiam si in eodem plano tum oculi tum planetæ Orbitas constituamus multò minùs cum fuèrint in diversis.

Sit enim Ellipsis descripta $A \epsilon P$, eamque ambiat Circulus $A d b P$, sit planeta in ϵ , oculus autem in o , puncto lineæ Contactûs, quæ producta secabit Circulum in b , & d . ductis à focis $F d S b$, iisque parallelâ ϵe ,
reliqua



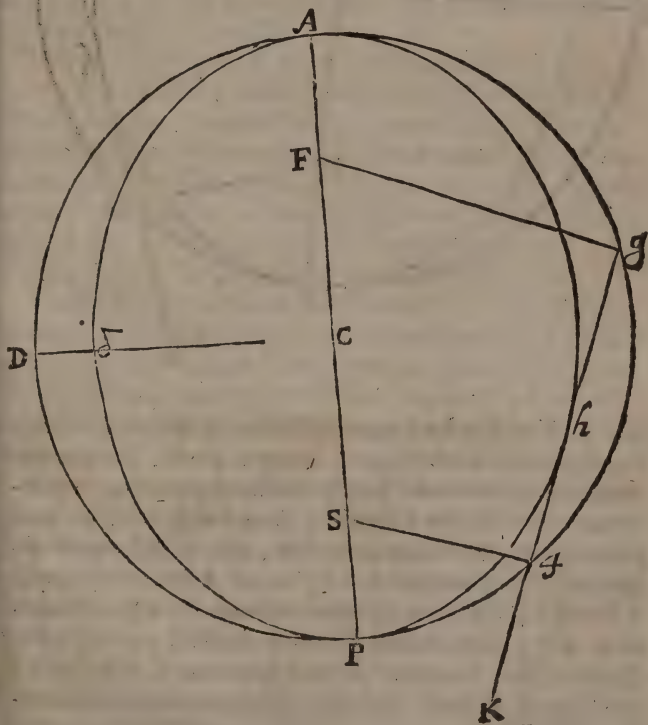
reliqua se habeant ut in Schemate. manifestum igitur est ex
 iis quæ deduxit Bullialdus ex 40. 3. Apollonii, Rectos esse
 Angulos $\left\{ \begin{array}{l} obS \\ odF \\ osc \end{array} \right\}$ Ergo rectus non est osc
 vel oS .

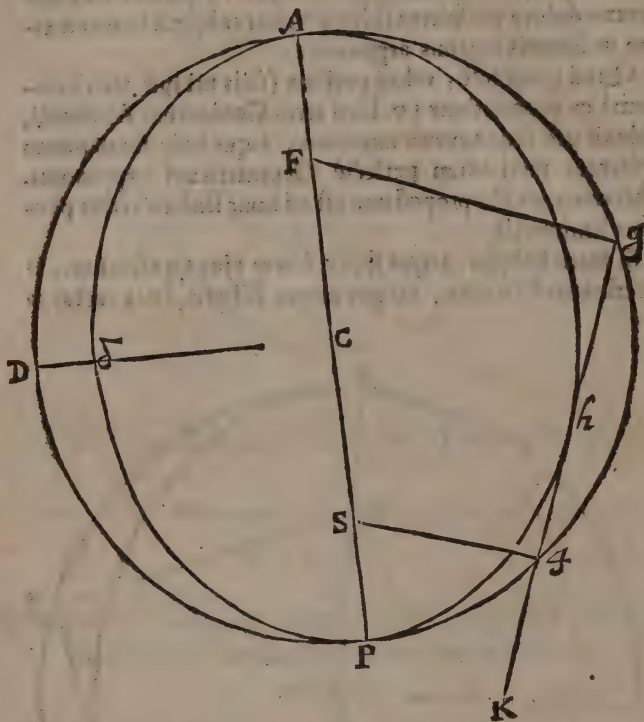
Quod

versatur) lapsus Geometricos nimium frequentes non sine summo dolore perspicere soleo , veluti caliginis humanæ etiam in summis ingeniis argumenta.

Quod igitur ipse , veluti porisina (satis uti ipse asserit obvium) ex propositione 50. libri tertii Conicorum Apollonii, deduxit pro fundamento sumamus , atque huic fundamento innitentes methodum perfectè Geometricam exponamus. Theorema ab illo propositum est ad hunc sensum verbis paulisper immutatis.

Si fuerit Ellipsis , atque super Axem ejus transversum , „ describatur Circulus , tangat autem Ellipsin, linea recta, „





„ in quolibet puncto , quæ producatur utrinque ad Circuli
 „ ambientis circumferentiam , eamque secent , lineæ utrinq-
 „ que ab umbilicis ad puncta Sectionis productæ , consti-
 „ tuent ibidem cum Tangente , Angulos Rectos. Ut pro-
 „ positionis hujusce sensus innotescat , esto in Schemate se-
 „ quente Ellipsis aliqua ASP , cujus Axis transversus sit
 $AFcSP$, Centrum c , super centrum c , atque diame-
 „ trum AP , describatur Circulus $ADPIg$, Ellipsim
 „ istam ambiens. Sumatur aliquod punctum in Ellipsi (h)
 „ quod tangat lineæ à K ductæ , secetque ea lineæ Circu-
 „ lum in punctis g , & I . Sint Ellipseos umbilici duo puncta
 „ F , &

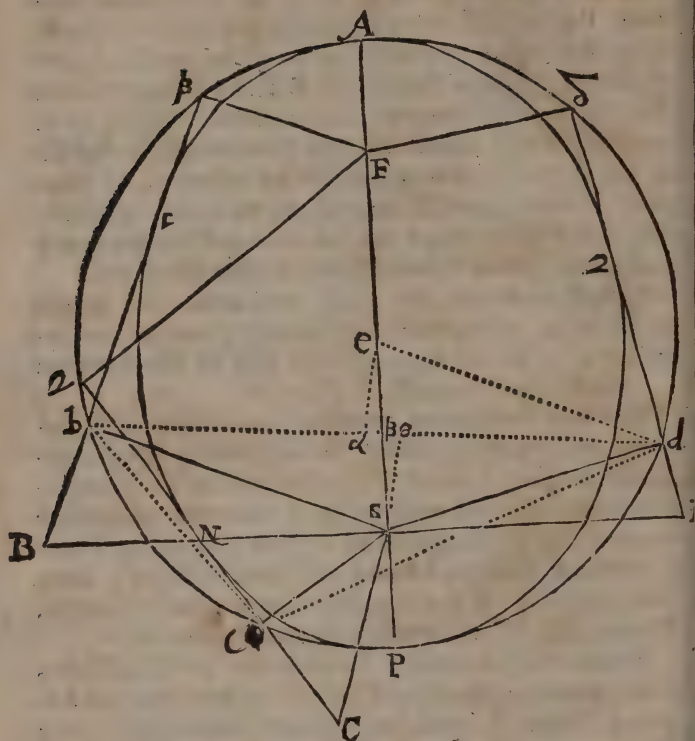
F. & S. atque ab F. ad g. ab S. ad I. ducantur duæ lineæ, Fg. & SI. erunt anguli Fgh atque SIh recti, hoc quoniam ex propositione Apollonii jam laudatâ facillimè deducitur, atque illud ab ipsa Bullialdi Demonstratione (Lib. 11. p. p. 404. & 405.) satis innotescit, sufficiet hoc in loco, explicando solum ostendisse. Non mihi lubet doctissimi viri errores hac in re explicanda vel refutare, vel detegere, nimirum erunt illi manifesti iis qui nostra intellexerint. nihilque fere aliud esset hoc in re præstandum præter illud unum, *virum Eruditissimum à seipso Vindicare.*

Geometricam non esse asserit methodum huic principio innixam, rationes assertionis adducit, non ex rerum natura, verùm ex sua hypothese quæ ipsa ad Geometricam ἀρχιβαταιν nusquam accessit.

Imò verò Geometrica foret sensu accuratissimo Methodus ab ipso repudiata, illudque ex hoc ipso principio jam posito innotesceret, si modò Demonstratum fuisset, omnes inferiorum planetarum maximas (quæ videntur in unaquaque eorum periodo) Elongationes, accidere, cùm planeta foret in puncto Contactus, a linea, quâ planeta inferior à superiore spectatur, & si tria puncta Comparationis (Oculus, Planeta inferior, atque Sol,) forent in eodem plano.

Verùm ista non omninò animadvertit vir Clarissimus, ideoque quærendum reliquit, an felicior fuerit quod ad Angulum rectum (Calculi fundamentum) obtinendum, viam aliquo modo indicaverit, an infelicior, quod non fuerit principium illud profecutus ad finem quæsitum quovis modo assequendum.

Quamquam autem nullus ego dubitem Methodos quamplures excogitari posse, quibus ἀρχιβαταιν sensibilem attingere possimus, & quæ omnibus hætenus inventis satis antecellant (& penes nos sint aliquæ huiusmodi) quia tamen hoc in opere Geometricam ubique ἀρχιβαταιν sectamur, nihilque (nisi lapsu mentis aliquæ) admittere statuimus quod non sit accuratè Geometricum, lubet hoc in loco à reliquis abstinere, atque hanc unam proponere, qua existentibus planetis (cùm fuerint in nodis,) in maxinia Elongatione à Sole (respectu



specu Saturni,) & denuò cùm Saturnus fuerit in nodis planetarum, ii que in maxima Elongatione possibili, ex tribus hujusmodi observationibus inveniri possit planetarum prima inæqualitas, ubi illud notasse vix erit necessarium, intervire hanc ipsam Methodum investigationi primæ inæqualitatis, Veneris atque Mercurii in Astronomia Terrestri.)

Est planeta alicujus inferioris orbita Elliptica A. 1. N. P. 2. Cujus umbilici, S, F, centrum x , A Aphelium, P Perihelium, sit Circulus huic Ellipsi circumscriptus A δ d p c b γ β . Sit Sectio Communis planorum Saturni atque planetae, linea B N S D, puncta autem intersectionis Orbitae Saturninae B, D. Quando

Quando igitur Saturnus est in B, sit aliquando planeta in maxima possibili (quoad hunc locum) Elongatione, ad eoque in Tangente Ellipsis, puta in 1. & spectetur in linea B b 1 β. Deinde Saturno existente in C, planeta in Nodo N existens, maximè à Sole Elongatus observetur, viz. in Tangente C c N γ. Atque tandem Saturno in D (altero Nodorum) existente, cernatur planeta in linea D d 2 δ, Tangente Ellipsin in 2, ducantur autem à locis observationum ad solem lineæ BS, CS, DS, & ad puncta ubi Tangentes secant Circulum ambientem b, c, d ducantur Sb, Sc, Sd.

Ex iis quæ suprâ declarata sunt, erunt Triangula BbS, CcS, DdS, Rectangula ad b, c, d puncta.

Quoniam igitur Anguli bBS, cCS, dDS sunt observatione noti, atque latera BS, CS, DS, ex Theoria Saturni præcognitâ, sunt etiam nota; igitur in Triangulo BbS, CcS, DdS, præter omnes Angulos notos cognita etiam erunt latera bS, cS, dS. in mensura partium diametri Orbitæ Saturninæ.

Habentur itaque in Circulo, Ellipsi circumscripto, tres lineæ bS, cS, dS, in Circulo terminatæ. Quare ab harum linearum terminis b, c, d, ducantur lineæ bc, cd, db. Constituuntur hoc modo tria Triangula bSc, cSd, dSb. in quibus singulis dantur duo crura cum angulo comprehenso.

Nempe Angulus bSc datur ex cognitis bSB (Complemento bBS observatione inventi) & NSc noto ex datis CSN (ex Theoria Saturni) & CSC, Nempe $CSN - CSC = cSN$ & $cSN + BSb = cSb$. Deinde in Triangulo cSd datur etiam angulus CSd, nempe Angulus CSD datur ex intervallo observationum atque ex Theoria Saturni sibi præcognita: Anguli cSC & DSd habentur etiam ex observationibus quia sunt Complementa Elongationum ad Angulos rectos. At verò $cSC + CSD + DSd = cSd$ ergo habetur & iste angulus cum cruribus suis, quare innotescet etiam basis cd.

Tandem in Triangulo bSd præter duo crura bS, Sd, H habetur



habetur Angulus bSd comprehensus (est n. Complementum $bSc + cSd$ ad quatuor rectos) ergo habetur etiam latus bd . Ergo habemus Triangulum bcd Circulo inscriptum, seu omnia ejus latera, in partibus Axis Transversi Ellipseos Saturninae, ideoque habemus etiam quantitatem Diametri Circuli Ellipseos planetariae (seu Axis transversi Ellipseos ejusdem) in iisdem partibus.

1. Ut autem in veniatur excentricitas.

A Sole S . atque à Centro Circuli circumscripti e , cadant ad bd , perpendiculares sa , ea . Tum in Triangulo Rectangulo Sad dantur omnes anguli cum latere Sd ,
ergo

ergo dantur $\frac{S^2}{a}$ & in Triangulo etiam Rectangulo ead
 dantur $\left\{ \begin{array}{l} e d. \text{ Radius} \\ a d \text{ Semissis } b d \text{ prius inventa} \end{array} \right\}$ Ergo & e a.

At vero $a d - a d = a a$. datur igitur a a.

ad

Secetur a a in β in ratione e a. S a. id est, fiat. e a.
 S a :: βa . βa .

Qua autem ratione portiones istae βa , βa invenian-
 tur, analyticè docebimus.

Esto minor portio seu $\beta a = a a - \beta a$.

Quoniam igitur est e a. S a :: βa . $a a - \beta a$.

Erit igitur S a in $\beta a = e a$ in $a a - \beta a$.

Et S a in $\beta a + e a$ in $\beta a = e a$ in a a.

Et $\beta a = e a$ in a a.

$$S a + e a.$$

Ergo invenimus βa & consequenter βa non latebit,
 & secta erit linea a a in ratione data.

Quare nunc in Triangulis Rectangulis $\left| \begin{array}{l} e a \beta \\ S a \beta \end{array} \right|$ habentur
 utrinque duo latera $\left| \begin{array}{l} e a, a \beta \\ S a, a \beta \end{array} \right|$ Ergo cognoscantur hy-
 potenusæ e β & βS
 at e $\beta + \beta S (= \text{excentricitati})$ & anguli $\left| \begin{array}{l} a e \beta \\ a S \beta \end{array} \right|$

2. Si verò quærat^{ur} positio lineæ e S erit d S a +
 a S $\beta = d S \beta$, at cognita est positio lineæ S d, ergo &
 datur positione lineæ e S, quæ puncta Aphelii atque Pe-
 rihelii, Ellipsis planetariæ continuata determinat. Atque hæc
 de ista methodo quam suggestit Cl. Bullialdus sufficiet di-
 xisse, nos alias sumus postea nonnullas tradituri.

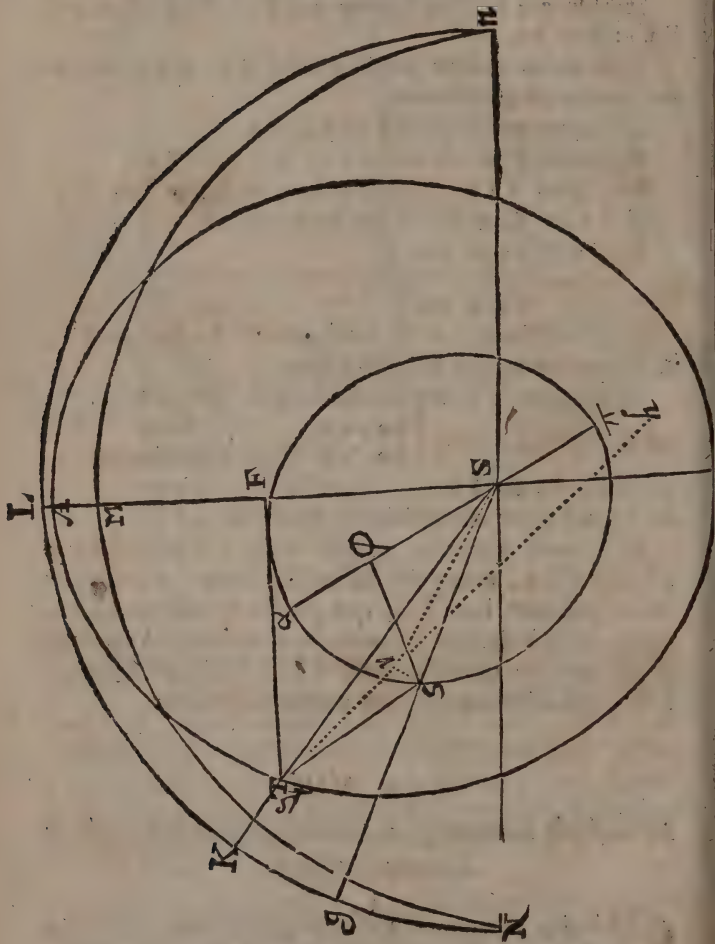
C A P. VIII.

*De Calculo locorum planetarum omnium pro Oculo in
 Saturno existente.*

CALculus motuum singulorum planetarum, si oculus
 in Saturno collocetur, est uniformis atque communis,
 H 2 omnium

omnium, respondens Calculo Veneris & Mercurii, pro oculo in Tellure constituto, quare non est ut lector istis detineatur.

[Ubi est T in Schemate cogitetur ¶]



Esto

CAP.
Est
alicuj
ta in
Quar
suppor
sitione
cis No
regulis
ductio
nera.
Re
ducatur
Tua
cum A
Sr ¶.
reduc
planet
in hoc
2.
ea qua
habita
tione.
Ne
tionis
hs.
Ubi
ad pla
Ato

Est Saturni Ellipsis ista exterior, interior sit Orbita alicujus reliquorum planetarum, sit Saturnus in ϑ , planeta in ς , cætera, uti sæpenumero antehac, sint explicata. Quærat^r 1. Planetæ Longitudo ex Theoria Saturni (quam supponimus præcognitam) habetur linea $S\vartheta$ data tum positione tum magnitudine. Et ex Theoria planetæ atque locis Nodorum linea $S\varsigma$ eodem modo cognoscetur. Atque regulis (in superioribus) propositis fieri potest mutua reductio harum linearum sive ad Orbitam Saturni, sive planetæ.

Reducatur linea $S\varsigma$ ad Orbitam planetæ, nimirum reducatur ς ad r .

Tunc in Triangulo $S\vartheta r$ dantur duo latera, $S\vartheta$ Sr cum Angulo comprehenso, ergo dantur reliqua, & Anguli $Sr\vartheta$. $S\vartheta r$ & basis ϑr , seu distantia Saturni à planeta reducto ubi Anguli $\vartheta Sr + Sr\vartheta = K\vartheta r$ Longitudini planetæ in Orbe Saturnino sive distantia ejus à loco Saturni in hoc Orbe.

2. Sin verò Latitudo planetæ hoc in situ quærat^r, per ea quæ suprâ sunt in Astronomia Terrestri demonstrata, habitâ per Methodum suprâ expositam planetæ Inclinatione, hoc modo eruetur Latitudo.

Nempe ut distantia planetæ à Saturno ad sinum Inclinationis, ita distantia ejusdem à Sole ad sinum Latitudinis.

$h\varsigma. s, \varsigma S h :: S\varsigma. s, \varsigma h r.$

Ubi ςr supponimus esse perpendicularum à loco planetæ ad planum Orbitæ Saturninæ.

Atque hæc hæctenus de Astronomia Saturnina,

ASTRONOMIA MEDIORUM.

PARS. II. CAP. I.

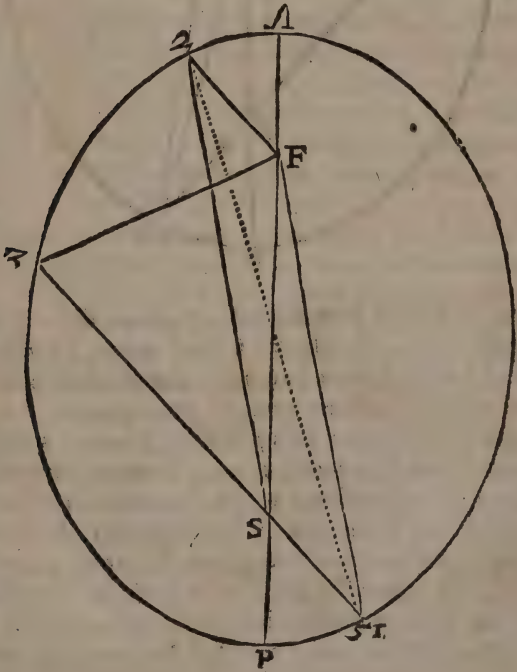
De Astronomia reliquorum planetarum, excepto Mercurio, generaliter, & de Motu Solis novâ Methodo, inveniend.

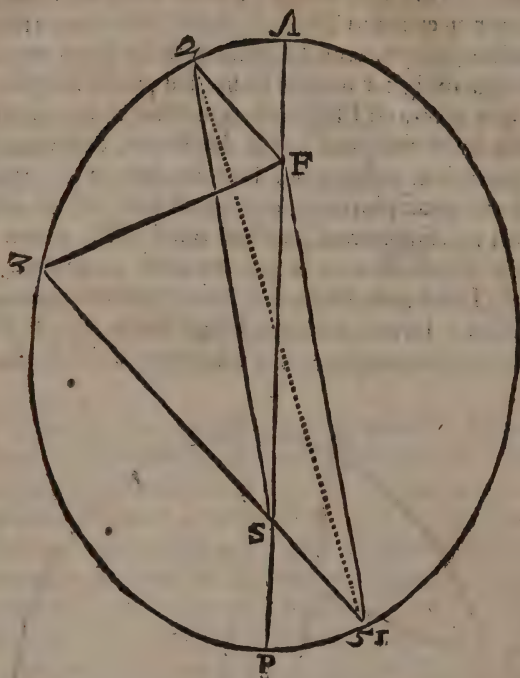
HOrum omnium planetarum Astronomia similis omnino est Astronomiæ Terreſtri, ideoque non illo fine hanc ſuperibus annectimus, quaſi plane neceſſariam eam exiſtimemus, verum ut designatum opus compleatur, & Astronomiæ fines ampliemus; quædam pro data occasione continuo nova proferendo, quæ viris hætenus ſcientiam hanc colentibus in mentem non venerunt.

Dicimus autem eandem eſſe hanc Aſtronomiam cum Terreſtri, hac ſolum ratione, quoniam uti Tellus ambientes habet planetas aliquos, aliosque quos Orbitæ ſuæ amplexu comprehendit, ita & iſti omnes planetæ, inter Saturnum atque Mercurium interjecti, alios ipſis ſuperiores habent, inferiores alios, adeoque Aſtronomiæ pars Terreſtris, quæ motibus Saturni, Jovis, atque Martis, ſive inveſtigandis, ſive exhibendis inſerviebat; eadem oculo quacunque in Orbita (reſpectu alterius, inferiore) conſtituto, planetæ cujuſcunque ſuperioris Theoriæ complendæ ſufficiet, eadẽque eſt ratio ſuperioris alicujus, reſpectu inferiorum quæ eſt Telluris, reſpectu Veneris & Mercurii; quare ut Aſtronomia Solaris eſt Clavis Aſtronomiæ Terreſtris, ita Terreſtris Aſtronomia eſt Clavis omnis ſcientiæ reliquorum planetarum; atque ut nihil eſt in omni Aſtronomia Terreſtri, quod huic Aſtronomiæ parti non poſſit applicari,

applicari, ita nihil erit in hac parte de novo additum, quod isti etiam non ex æquo inserviat, quod forsan non erit inutile monuisse, ne quis hanc partem veluti levio^{re}m transiliat.

Quaquam igitur motum Solis, seu potius Ellipsis ejusdem, quæ revera est Ellipsis planetæ istius in quo observantis oculus collocatur, una adhuc Methodo, tum quoad speciem, tum etiam positionem, invenire docuimus; non illud hoc fecimus quasi plures aut excogitari non possent aut nobis etiam non suppet^{er}ent, verum quòd illam quam proposuimus simplicissimam atque maximè naturalem judicavimus. Labet nunc Methodos duas (quarum alteram ipse (inter alias) inveni, alteram insignissimus Dn. P. Neli^{us} excogitavit) proponere, quæ si cum veterum Methodis con-





ferantur, facillimæ (tum respectu Τηρόσεως definitarū, quæ hîc requiruntur, tum respectu Calculi ipsius,) inveniuntur. Supponit autem utrâque hæc methodus Motum Solis periodicum (adeoque medium motum) præcognitum.

Cognito igitur motu Solis periodico, fiant tres Solis observationes, hac lege inter se relatæ; *sumatur* prima ad libitum, puta planetâ existente ad ς Γ . Secunda tunc fiat quando Angulus veri motus Solis, à puncto prioris observationis incipiendo, æqualis fuerit Angulo medii motûs; id est cum fuerit planeta in loco Ellipsis, priori è diametro opposito, (qui locus continuâ observatione facîle obtineri potest) tertia autem observatio fiat, cum Sol pervenerit ad locum, loco primâ observatione invento oppositum. Ex istis n. præsup-

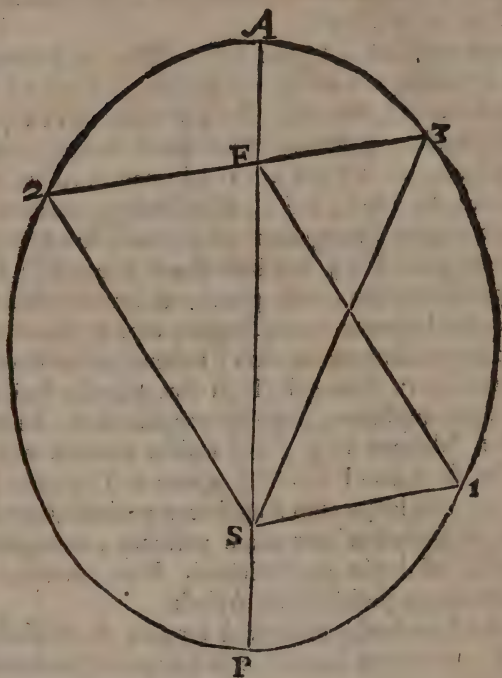
præsuppositis, datur tum *Excentricitas*, tum locus Aphelii, atque Perihelii in Ellipsi.

Nempe quoniam Angulos $2 F_5$, $2 S_5$ supponimus inter sese æquales, erit ex ingenio Ellipsis, Figura $2 F_5 I S$, Rhomboides. Quare Anguli $S_2 F$ atque $S_5 I F$, erunt inter sese æquales; quinetiam erunt simul sumpti, complementa angulorum $I F 2 + 2 S_1$ ad quatuor rectos. quare cognitis angulis $2 F_1$, $2 S_1$, isti etiam non latebunt.

Sumatur igitur Triangulum $I F_3$, habentur in hoc Triangulo, angulus $F_1 3$ (ex immediatè præmissis) $I F_3$, ex tempore interjecto, inter primam & tertiam observationem, quare habentur omnes Anguli; ergo & ratio laterum in quacunque assumpta mensura, habetur itaque latus F_1 , & tum tria latera Trianguli $F_3 I$ sint æqualia Axi transverso Ellipsis duplicato, ergo in partibus Axis, innotescet latus F_1 . Ideoque linea $I S$ in eadem mensura non latebit, cum sit Axis - $F_1 = S_1$ quare in Triangulo $F_1 S$ dantur jam duo latera cum Angulo comprehenso, ergo datur $S F$ tum magnitudine tum etiam positione, at magnitudo $S F$ æqualis est duplæ excentricitati. Ergo invenitur tum excentricitas tum positio lineæ Aphelii.

Altera est methodus huic planè suppar, & est Methodus D. P. N. quæ eidem innititur cum hac nostra fundamento, nihilque ab ea differt. Nisi quod supponat secundam & tertiam observationem fieri, non in locis Solis oppositis, verum in distantia semiperiodi Solaris, id est, oppositio fit ad alterum Ellipsis umbilicum, seu punctum æqualitatis motus in Ellipsi.

Sunto igitur tres Solis observationes sub iisdem conditionibus cum prioribus, verum sit tertia observatio facta, cum Sol à loco secundæ progrediendo semiperiodum motus sui absolverit; erunt igitur eodem modo, ut supra, cogniti omnes Anguli in Triangulo $2_3 S$, proinde & laterum Rationes. Quoniam igitur omnium laterum summa æqualis est Axi transverso Ellipsis duplicato, ergo in partibus diametri duplicatæ, adeoque simplicis, habetur quantitas



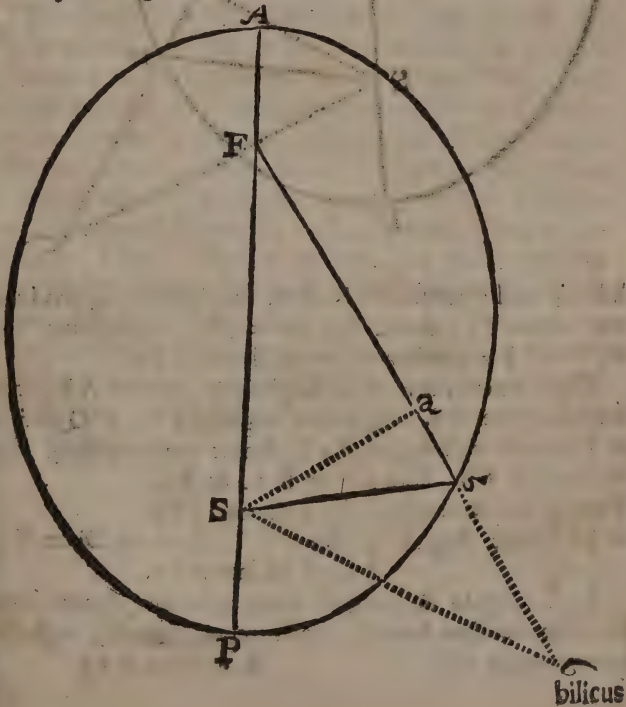
titas lineæ $2S$ adeoque quantitas $2F$ non latebit, est enim Axis transversus, vel 2000 &c. - $2S = 2F$. Quare in Triangulo $2SF$ dantur duo latera $2S$ $2F$ cum Angulo comprehenso, ergo habetur tum latus tertium SF tum Anguli $2SF$ & $2FS$ ideoque & linea SF positione datur. habetur itaque hac etiam methodo Ellipsis, tum specie tum positione, data; quæ methodus, ubicunque oculus statuatur, inserviet motui Solari (quod omnis Astronomiæ fundamentum est) determinando.

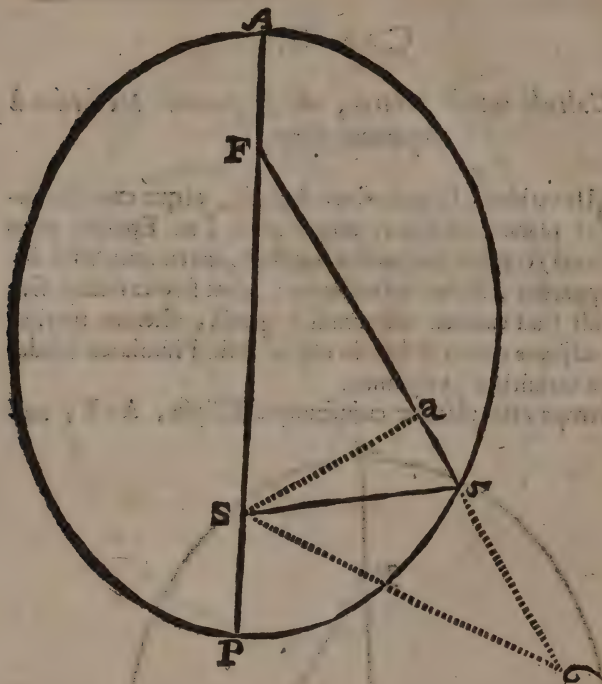
C A P. II.

De Calculo motûs Solaris, ubi proponitur Methodus à
superiore diversa.

Qua ratione, Cognito loco Aphelii, atque excentricitate planetæ alicujus, atque adeò (ex Epochâ prius constitutâ) cognitâ Anomaliâ simplici, inveniatur Solis locus apparens, sæpius ostendimus: lubet siue varietatis siue Calculi (ad examen reducendi) gratiâ, alteram methodum adjicere quam in libello ubi in Ast. Philolaicæ fundamenta inquiritur, edidimus.

Nempe esto planetae cujuscunque Ellipsis, A & P, un-





bilicus medii motus. F. S alter. Sit planeta in σ , produca-
tur autem $F\sigma$, donec fiat $\sigma\sigma = \sigma S$, connectatur $S\sigma$,
ab S ad $F\sigma$ demittatur perpendicularis Sa.

Datis autem, Anomaliâ simplicis & proinde $AF\sigma$ cum
excentricitate FS, Quæraturs angulus $FS\sigma$, Quoniam
in Triangulo rectangulo $Fa S$, dantur omnes Anguli cum
hypotenusa FS, ergo dantur Fa . & Sa.

Tum in Tri. Rectangulo $Sa\sigma$ dantur $\begin{cases} Sa \\ a S \sigma \end{cases}$
Ergo dantur Anguli $\begin{cases} a S \sigma \\ a \sigma S \end{cases}$ cû latere σa . $\sigma a = (\text{Diam. } Fa)$

In Triangulo Rectangulo $Sa\sigma$ quoniam dantur latus
Sa cum omnibus Angulis, (quia $a\sigma = \sigma S$) ergo ha-
betur angulus $a S \sigma$.

$a S \sigma = 2 a \sigma S$

Ac

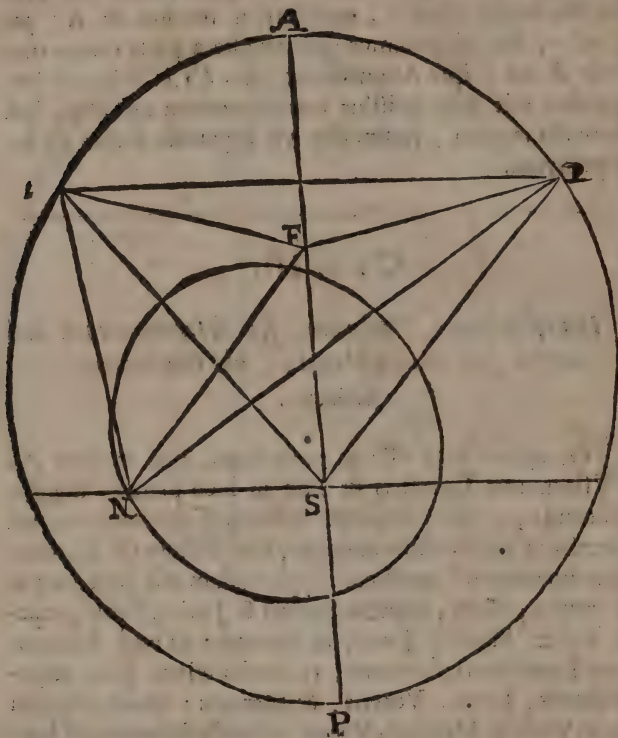
At verò $FSa + aS\epsilon = FS\epsilon$ Angulo quasito seu Angulo Anomalix æquata, quoniam n. motum ab A, per P, ad ϵ , fieri supponimus; erit ab altera parte nempe motus ab A ad ϵ ipsa Anomalia æquata. (i.e.) in casu jam proposito erit Anguli istius complementum ad 360, ipsa Anomalia æquata, verum ista vel monuisse forsitan est in-tempestivum.

CAP. III.

De Investigatione Nodorum, seu determinatione locorum, in Orbita planetæ, ubi Oculus constituitur.

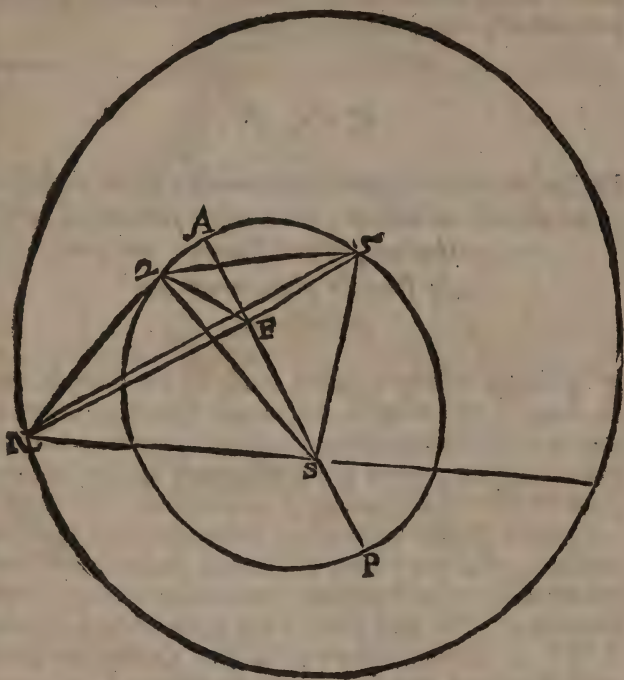
NON opinor opus esse ut monear, qua ratione Astronomia Terrestris sit hoc in loco planetis singulis applicanda; cuivis etenim qui systema Copernicanum vel upremis, ut ajunt, labris attigerit, manifestum est Astronomiam superiorem Terrestram, applicandam esse Jovi, respectu Saturni; Marti, respectu Saturni & Jovis; Veneri, respectu Terræ, Martis, Jovis, ac Saturni: at verò Astronomiam Terrestram inferiorem, convenire etiam Jove respectu Martis, Terræ, Veneris, & Mercurii; Marti, respectu Terræ, Veneris, Mercurii; Veneri, respectu Mercurii. Quare ad rem ipsam statim accedamus, atque duo Schemata ita aptemus ut eadem utrique demonstratio inserviat, primum autem doceamus, qua ratione planeta aliquis bis in eodem Nodo observatus, exhibeat locum Nodi seu communis sectionis Orbitalium.

Sunto



Sunt igitur duo Schemata proposita, quorum primum superioribus planetis inserviet, respectu inferiorum, secundum inferioribus, ad inquirendos Nodos superiorum.

Scilicet moveatur oculus in Ellipsi $1 A 2 P$ & fiant binæ observationes planetæ, in eodem Nodo (nempe in N) existentis, quærat autem lineæ $S N$ tum positio tum etiam magnitudo: quoniam angulus $S I N$ observatione datur $S I F$ ex Theoria Solis, ergo habetur $F I N$. Et in Triangulo $1 F 2$, dantur $1 F$, $F 2$ cum Angulo comprehen-



ergo habentur 1. 2. Et 2, 1, $N = F_{12} + F_{1N}$
 $F_{2,1}$
 $F_{1,2}$

Quin habentur $\left\{ \begin{array}{l} F_{2S} \text{ (ex Solis Theoria)} \\ S_{2N} \text{ observatione} \\ I_{2N} = F_{2I} + F_{2S} \end{array} \right.$

Et in Triangulo 12 N, dantur omnes Anguli, cum latere 1. 2. ergo habetur latu 1 N.

Tandem in Triangulo, $S_1 N$, habetur Angulus $S_1 N$ observ.

S r. ex Theoria Solis

1 N Jam inventum

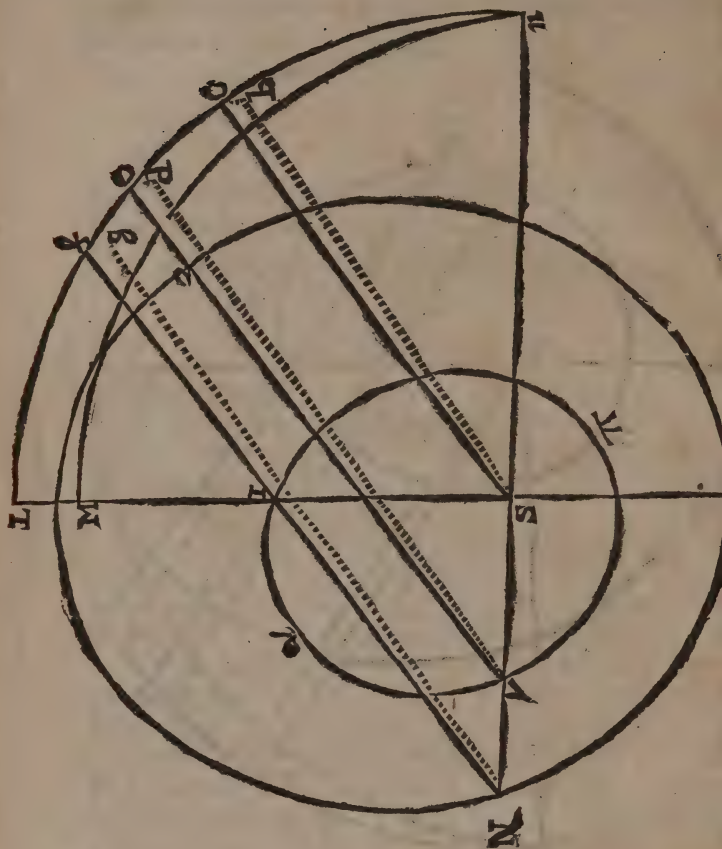
Ergo habetur Angulus $\angle NS$, & latus NS , quod est
lineam

C A P. IV.

*De Inclinatione Orbium investiganda, & de Reductio-
ne ab Orbe ad Orbem, ubi via preparatur ad no-
vam methodum, & utilissimam, pro exu-
enda secunda planetarum In-
equalitate.*

ORbium Inclinatione eodem modo in his planetis inve-
nitur, quo etiam in Astronomia Terrestri, nempe o-
culo in inferiore aliquo planeta collocato, inservit huic ne-
gotio methodus, quam pro Investiganda Orbium Martis,
Jovis & Saturni inclinatione, proposuimus. Sin Oculus
in superiore planeta supponatur, recurrendum est ad Astro-
nomiam, quam pro Venere & Mercurio ibidem tradidimus:
nos utramque viam brevissimè (unius Schematis ope) com-
plectemur. Ubi esto planetæ superioris Orbita Elliptica
ANP 2. Inferioris $\alpha \nu \pi 1$. & sint Orbitalium plana
producta quoad opus fuerit, ita ut sit N ν Sn linea ad plan-
orum extensionem producta.

Primum igitur, existente planetâ superiore in N, loco
Nodi inferioris planetæ, sit ille in $\varsigma 1$. erit observata ejus
latitudo, æqualis Angulo fNg (si modo fg. à plano ad
planum, nempe à termino lineæ N $\varsigma 1$ productæ, perpen-
diculariter dimittatur) vel quocunque modo per planum, ad
Orbitam & $\nu \pi \varsigma 1$ per N $\varsigma 1$ rectum, atque ad Orbis al-
terius planum productum ducatur) est autem iste Angulus
æqualis angulo CSb, in plano secanti, priori, per solem
parallelo; inter duos planetarum Orbes comprehenso, qui
quidem Angulus CSb est angulus inclinationis planorum
in distantia à Nodo Cn. est autem Angulus fNg appa-
rens Latitudo planetæ, ad tempus hujusmodi observatio-
nis.



nationis puncti c, à Sole tanquam Centro deviationis, Circulos ducendo.

At inventâ inclinatione, puncti alicujus determinati, habetur inclinatio maxima. Nempe.

s, c n. s, Inclinationis puncti c :: R, S, Inclinationis maximæ.

Ut sinus Elongationis à Sole ad sinum visæ Latitudinis, ita Radius ad sinum maximæ deviationis, seu de-
flexionis

flexionis limitum, nempe LM in Schemate proposito

De Reductione.

Istis præsuppositis, facilis est reductio linearum ab Orbis unius plano ad planum alterius, quæ res insignis est usus, ad ea quæ sequuntur. Docebimus igitur, lemmatis cuiusdam loco ad ea quæ sequuntur, quâ ratione ex datis; loco Nodorum in Orbe illo ubi fit observatio, Angulo maximæ deflectionis, atque Theoriâ Solis, seu planetæ in quo



CAP. V. *Astronomia Mediorum.* LIB. II. 43

rimetrum productæ, quin & linea S F, distantia focorum in Ellipsi. quia verò inclinatio planorum habetur, & positio istarum linearum, igitur si ad Orbis alterius planum, demittantur perpendiculares, à punctis 1. F. 2 (angulos rectos istis in punctis constituentes) quæ planum attingant in a. f. æ, atque connectantur a, S, af, item a S, af, & tandem f S. Cogniti erunt anguli 1 S a, f S F. æ S 2, sunt etenim anguli Inclinationum in distantijs datis à locis Nodorum. Ergo innotescant latera

$$\left\{ \begin{array}{l} S a \\ S f \text{ item} \\ S æ \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} 1 a \\ F f \\ 2 æ \end{array} \right.$$

In Triangulo Rectang. Ff 1 dantur $\left. \begin{array}{l} Ff \\ F 1 \end{array} \right\}$ ergo $\left. \begin{array}{l} f 1 \\ F 1 f \end{array} \right\}$

In Triang. f 1 a dantur $\left\{ \begin{array}{l} f 1 \\ 1 a \\ f 1 a, F 1 a - F 1 f \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} \text{Rect.} \\ \text{ergo } f 2 \end{array} \right\}$

In Tri. Rect. S F f, dantur $\left\{ \begin{array}{l} F S. \\ F f \end{array} \right\}$ Ergo [f S.

In Tri. Rect. Ff 2 dantur $\left\{ \begin{array}{l} Ff \\ F 2 \end{array} \right\}$ ergo $\left. \begin{array}{l} f 2 \\ F 2 f \end{array} \right\}$

In Tri. ~~Rect.~~ f 2 æ dantur $\left\{ \begin{array}{l} f 2 \\ 2 æ \\ f 2 æ = F 2 a - F 2 f \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} \text{Rect.} \\ \text{ergo } f a \end{array} \right\}$

Ergo in Triangulis f S a. f S æ dantur omnia latera, ergo etiam omnes anguli.

Et in Triangulo a f æ dantur duo latera æ f a f. cum angulo comprehenso, ergo datur etiam latus a a. Quare puncta ista proposita à plano ad planum reduximus, quod erat faciendum.

CAP. V.

Ubi ex cognitis locis Nodorum, Orbium inclinatione, atque tempore (planeta alicujus) periodico, Methodus nova proponitur exuendi secundam Planetarum omnium Inaequalitatem.

Est quidem hæc methodus quam propositurus sum ad omnem Astronomiam utilissima, eò quod post Fundamenta

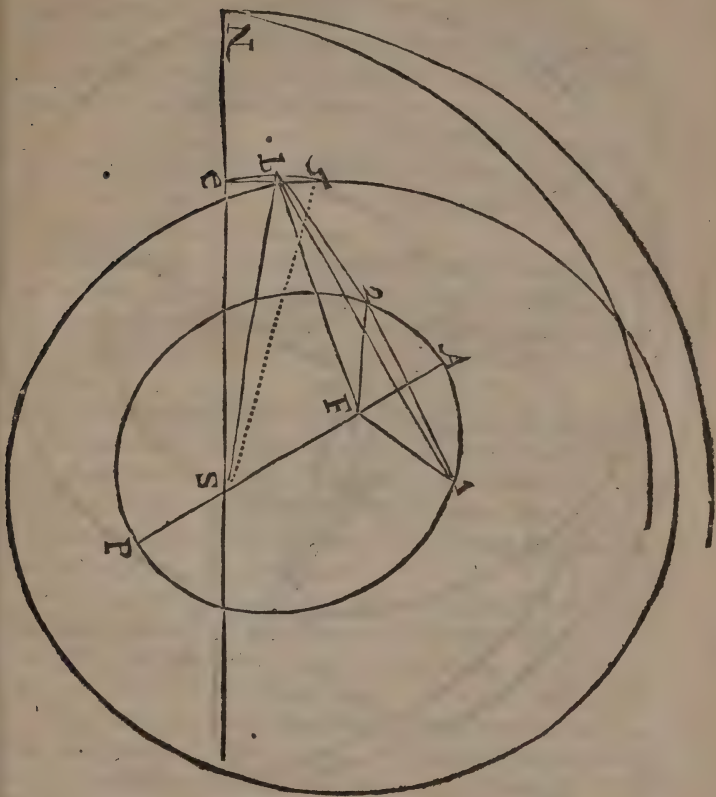
menta Nodorum atque Inclinationum collocata, nihil ferè supponat, quod ipsa Nodorum investigatio in primariis planetis non exhibeat. Exinde n. si observationes ritè atque continuò fiant, determinabitur motus planetarum Periodicus. Non igitur immeritò Nodorum investigationem, omnis Astronomiæ comparatæ fundamentum constituimus, cum ipsa nobis, cognitionis omnis Astronomiæ, non solum spem, verum & rationem contulerit: nempe ex methodo Nodorum, atque Reductionis, ejus beneficio præstita, innotescit methodus, quâ planeta aliquis in eodè Orbitæ suæ puncto existens, bis observatus, exuat secundam Inæqualitatem: & inveniri possint lineæ, qua distant planetæ observati à Sole, tum positione tum etiam magnitudine.

Cum igitur in omni periodo, planeta ad idem Orbitæ suæ punctum redeat, si factâ aliquâ planetæ observatione, post integram periodum denuò observetur (i. e. in ipso periodi suæ termino, qui ex tempore periodico innotescit) manifestum est planetam, (ut cunque locis immanè distantibus apparentem) revera (tamen) in eodem puncto Orbitæ suæ esse, adeoque statim ostendetur, has observationes illud præstare quod pollicemur.

Utiles autem ad hanc methodum sunt omnes etiam fortuito peractæ *τηνίσσεις*, cum facile sit, in periodicas aliquarum saltem, (forè plurimarum) vel inter Astronomorum hætenus Excellentium (diariis comprehensas atque editas vel statim ut speramus edendas) observationes incidere, vel omni ferè tempore ex opere designato, pervenire.

Quin, niisso præmio ampliore, ad rem ipsam accedamus; primumque ostendamus, quâ ratione res hæc peragi possit, pro oculo in Jove constituto, respectu Saturni, in Marte respectu Jovis, & Saturni, in Terra respectu trium, atque in Venere respectu quatuor superiorum. Atque deinde, qua ratione, Oculo in superiore aliquo, constituto exui possit inferiorum etiam planetarum secunda Inæqualitas, atque inveniri possit quolibet linearum in quacunque cujusque planetæ Orbita, tum quantitates tum etiam positiones.

Esto igitur inferioris cujuslibet planetæ Orbita, 1 A 2 P.
super-



superioris, $\alpha \varsigma \pi$. atque planetâ superiore in ς utcuñque existente, observetur is (post periodicam unam, aut plures revolutiones) oculo existente in 1 & 2 , id est, habeatur saltem tunc temporis visa planetæ Longitudo. Supponatur itaque reductus planeta, ab Orbita sua, ad Orbem observantis, ducto ad planum illud perpendicularo ςb , rectos ad b angulos undique constituyente. Manifestum est, per b transiturum Circulum perpendicularem, Longitudinem planetæ visam determinantem, & fore lineam $b \varsigma$ Communem utriusque

F 2 S Ex Theor.

Quin habentur S F 2 b Observ.

$12b = F2I + F2S + S2b$ (visa Lōgitudine)

Et in Triangulo 1, 2, b. dantur omnes Anguli cum latere 1 2. Ergo habetur latus 1 b.

S 1 b. Obs.

Tandem in Triangulo S 1 b habetur S 1 Theor.

1 b Invent.

Ergo habetur

Angulus 1 S b & latus S b.

Id est, invenitur S b tum quantitate tum positione. Atque hactenus opus omne planè idem fuit cum opere Investigationis Nodorum, restat ut ex quantitate & positione lineæ S b, inveniamus etiam lineæ S s magnitudinem & positionem.

Quoniam igitur datur positio lineæ S b, & distantia ejusdem à Nodis, cum Angulo Inclinationis maximæ, datur igitur Angulus b S s, Inclinationis Orbium ab S ad punctum b, ergo in Triangulo Rectangulo S b s, cognitis omnibus Angulis cum latere S b, habetur hypotenusæ S s. datur igitur magnitudine.

Positio autem ejusdem, sive distantia à linea Nodorum, facillimè invenitur, vel resolutione Trianguli sphærici Rectanguli, ex data basi, cum Angulo acuto ad Basem, nempe t, N S b. s c o, Incl. max. :: R. t c o dist. & N.

Vel potest hoc idem beneficio Triangulorum planorum inveniri, nempe si à b, & s, ad lineam Nodorum cadant perpendiculares b c, s c. primum in Triangulo Rect.

C b s habentur C b } ergo s C.
b C s }

Deinde in Tri. Rect. S C s habentur S s } Ergo Angulus
C s } s S C vel s N.

HÆc est igitur Methodus pro superioribus, si statuatur Oculus in loco inferiore. quin & eadem omnino intervi-
et pro inferioribus, respectu superiorum. Nempe sit O-
culus in Orbita superiore, 1 A 2 P. & sit planeta in Orbi-
ta

te. Tunc etenim in hoc etiam exemplo, omnia eodem modo transigentur uti in priore. Nempe Anguli $S_1 b S_2 b$ cognoscentur ex observata Longitudine visa planetæ: est etenim in Orbe observantis (quæ nobis Terricolis est Orbis Ecliptica) distantia planetæ observati à Sole. Reliqui autem Anguli tum ad 1. 2. & F. vel ex Solis Theoria, vel ex Additione aut Subductione, vel ex Trigonometria, invenientur, donec tandem innotescat in Triangulo $S b 1$. latus $S b$, atque Angulus $1 S b$, vel in Triangulo $2 S b$, idem latus $S b$ unà cum angulo $2 S b$. ideòque hoc modo invenientur quantitas atque positio lineæ reductitiæ $b S$, quibus cognitis, innotescet etiam lineæ S_5 tum quantitas tum positio. Nolui autem methodum ipsam repetere quia eadem est omninò cum superiore, imò fere cum methodo pro linea Nodorum investiganda.

Atque hoc modo, binis observationibus periodicis, inveniri possunt innumera lineæ, tum quantitate, tum positione; quod ipsum invenisse, atque demonstrasse, in omni Astronomia deinceps utilissimum fore speramus.

CAP. VI.

De prima Inæqualitate (Ellipsis specie atque positione) investiganda.

QUa ratione hoc fiat suprà in Astronomia Terrestri ex Pappo abundè satis ostendimus, nempe datis quinque punctis in Ellipsi cætera omnia facile inveniuntur: scilicet inveniuntur hoc modo primum, diametri duæ aliquæ Conjugatæ, & datis Conjugatis diametris, etiam Axes Conjugati, methodo suprà à nobis propositâ inveniuntur, atque illud Geometricè, illud etenim præstat Methodus Pappi (quam nos ad Terminos Trigonometricos Astronomis usitatos reduximus) etiamsi nescio ex quo vitio librariorum, polliceatur Pappi problema, rem istam Organicè perficere. Nobis non licet Demonstrationem tam prolixam integram repetere

repetere, neque sufficiet curtata, neque lubet illam (quod alii fecerunt) paulò mutata, quasi novam exhibere. Quare illuc Lectorem remittimus, ut datis quinque lineis in Ellipfi, positionem Axium (seu lineam Apfidum atque *διακέντρων*) earumque proportionem inveniatur.

CAP. VII:

De Calculo Longitudinis & Latitudinis planetarum, pro oculo in aliquo Mediorum planetarum existente.

Calculus planetarum pro planetis superioribus nulla in re differt à Calculo trium superiorum, cum oculus in Terra fuerit, neque Calculus inferiorum, à Calculo Veneris & Mercurii: quare ut inutiles repetitiones fugiamus atque ad nova, & (ni mens fallat) utilissima, properemus detegenda, ad Astronomiam Mercurialem progredimur.

ASTRO:

ASTRONOMIA MERCURIALIS.

PARS III. CAP. I.

P R Æ F A T I O.

HAënus iisdem fere principiis innixi, uníque quasi fundamento, Astronomiam Ellipticam unam quasi, saltem uniformem, tradidimus; lubet nunc ea ferè sola producere, quæ à prioribus diversa sint, ne quem teneat nausea repetitionum.

Quaquam igitur in planeta illo (cogitatione) versemur, qui infimus est, Solique proximus, quem ambiunt reliquorum planetarum Orbes, cum tamen fuerit Deorum omnium interpres olim Mercurius, lubet sub ejus etiam nomine novam profundioris saltem (quæ in planetarum cursibus investigandis præcipuè versatur) Astronomiæ integræ Methodum proponere, ut sit etiam planetarum omnium interpres. Ubi nemo mihi vitio vertet, (opinor) si post ostensam rationem quâ possit Mercurius superiorum (i. e. omnium reliquorum) planetarum motus comprehendere, ostendam etiam, qua possint ratione ipsi Mercurii motus inquirere atque investigare. Mittam autem motûs Solaris, sive Investigandi, sive exhibendi, rationem, quia facilis est, quia à cæteris in nulla re differt: nos methodos plures in superioribus proposuimus, quibus istud præstetur, neque difficile est iis qui nostra intellexerint, alias pro hac re excogitare.

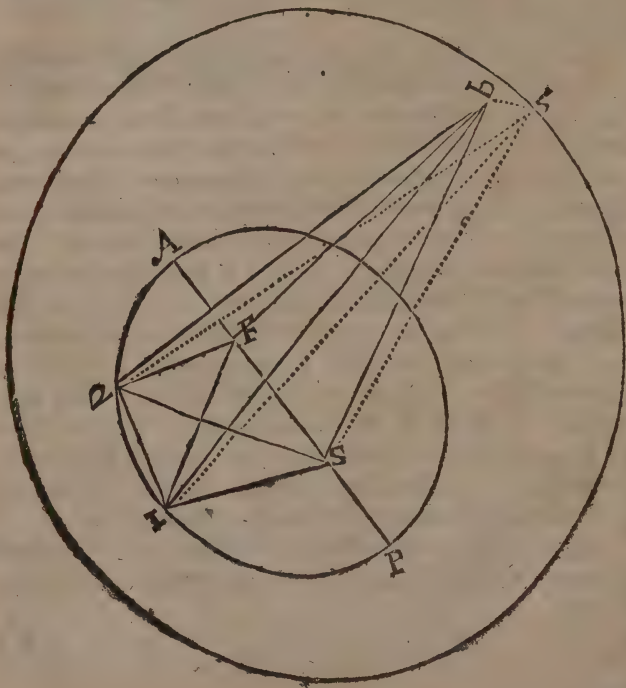
Quare misso omni verborum ambitu, novam reliquæ (præter Calculum) totius Astronomiæ methodum proponemus.

CAP.

CAP. II.

*Si planeta in eodem Orbita sua puncto bis observetur,
quâ ratione exui possit secunda Inaequalitas, atque
inveniri planeta à Sole distantia.*

Quomodo scire quis possit, quando planeta ad punctum
idem redeat, suprâ innuimus, nempe post absolutam
periodum quæ ex medio motu præcognito (quod unum in
hac methodo supponimus) innotescit: quare proponatur ex
cognita planetæ alicujus Longitudine atque Latitudine (ad-
eoque Elongationibus) apparente, ad duas observationes,



cum fuerit planeta in eodem Orbis loco, distantiam ejus à Sole, (five distantia illius lineam) tum positione, tum magnitudine, invenire.

Ut autem Inventionis nostrae occasiones simul aperiā & rem quam brevissimè proponam. esto planeta in ς , loco Orbis superioris, & bis observetur ab. 1. & 2. sit autem reductus ad Orbem observantis mediante perpendicularo ςb & compleatur figura qualis est $\varsigma. 2. c. 5.$ nisi quod desit linea Nodorum.

Sint igitur omnes lineae omnesque Anguli in plano observantis ubi est b , inventa methodo illic descripta.

Cognitis igitur omnibus in plano observantis, in Triangulo Rectangulo $1 b \varsigma$.

$1 b$. Inventione
Dantur $b 1 \varsigma$ Observata Latitudo } Ergo habemus $b \varsigma$
 $1 \varsigma b = 90 - b 1 \varsigma$. } 1ς

Et in Triangulo Rectangulo $2 b \varsigma$, dantur $\left. \begin{matrix} 2 b \\ b 2 \varsigma \\ 2 \varsigma b \end{matrix} \right\}$

Eodem modo cum prioribus. Ergo datur. 2ς .

Tū in Triangulo $1 \varsigma S$, dantur $\left\{ \begin{matrix} 1 \varsigma \\ 1 S \\ \varsigma 1 S \end{matrix} \right\}$ $\left\{ \begin{matrix} \text{Invent.} \\ \text{Theor. } \odot \\ \text{Elongatio} \\ \text{visa} \end{matrix} \right\}$ Ergo $S \varsigma$
 $\varsigma S 1$

Vel in Triangulo $2 \varsigma S$.

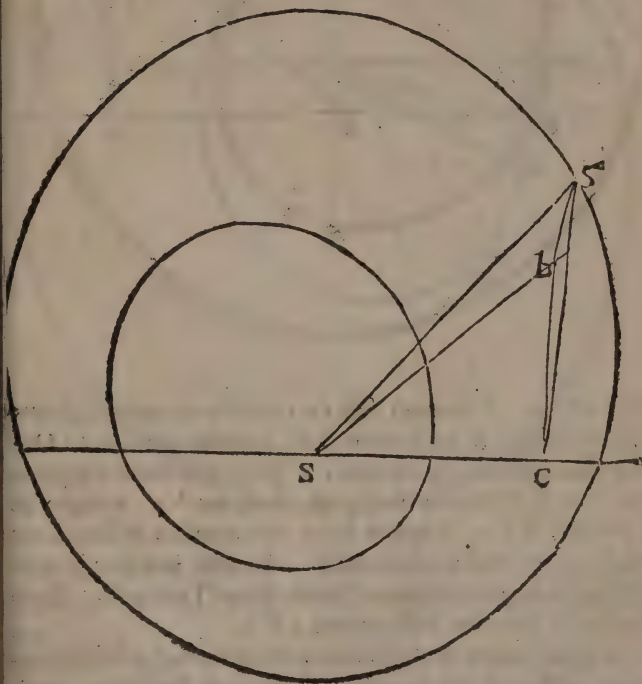
Datis $\left. \begin{matrix} 2 \varsigma \\ 2 S \\ \varsigma 2 S \end{matrix} \right\}$ dantur $\left\{ \begin{matrix} S \varsigma \\ \varsigma S 1 \end{matrix} \right\}$ $\left\{ \begin{matrix} \text{Quantitas} \\ \text{Positio} \end{matrix} \right\}$ Lineae quaesitae.

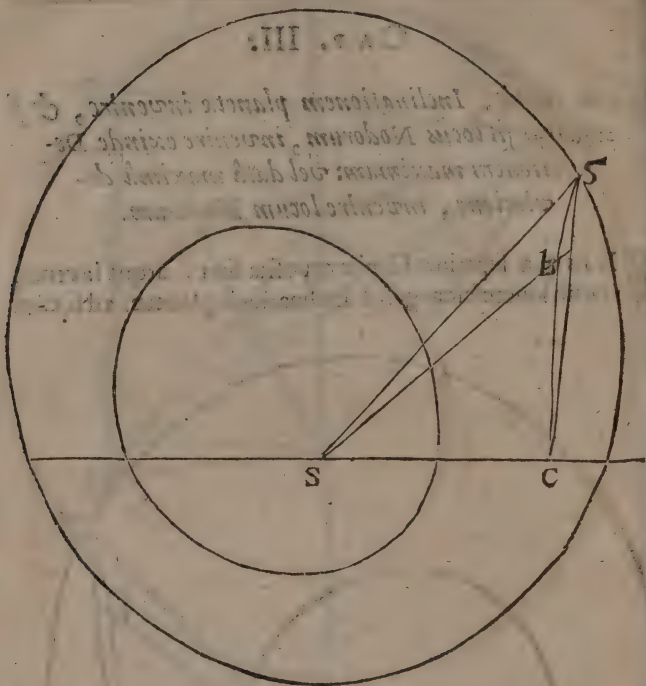
Verum quod Methodus ista, non solum pro superioribus, sed & pro inferioribus, inserviet, manifestum erit ex Schemate sequente.

C A P. III:

*Iisdem positis, Inclinationem planeta invenire, & si
cognitus sit locus Nodorum, invenire exinde De-
viationem maximam: vel datâ maximâ de-
viatione, invenire locum Nodorum.*

EX iis quæ superiore Capite exposita sunt, atque inventa,
statim innotescit angulus Inclinationis planetæ, ad locum





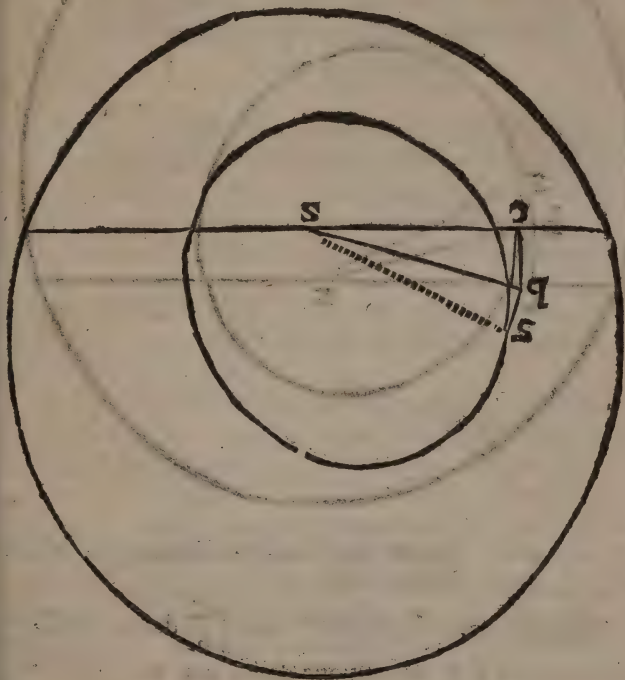
observatum. - Si etenim fiat ea reductio de qua haecenus tractatum est, & per lineam Sb , transeat planum ad Orbem ejus rectum, quoniam sb perpendicularis supponitur, transibit planum illud productum per Ss , eritque in Triangulo bSs , Angulus bSs ipse angulus inclinationis puncti s ad Orbem observantis. At data jam sunt in opere Capitis superioris omnia latera istius Trianguli. Ergo innotescet Angulus Inclinationis sSb .

Si igitur habeatur positio lineae Nodorum (adeoque angulus sSC vel bSC) innotescet etiam Inclination maxima. Nempe in Triangulo Rectangulo sCS (ubi sC perpen-

perpendicularis ad lineam Nodorum supponitur) datis

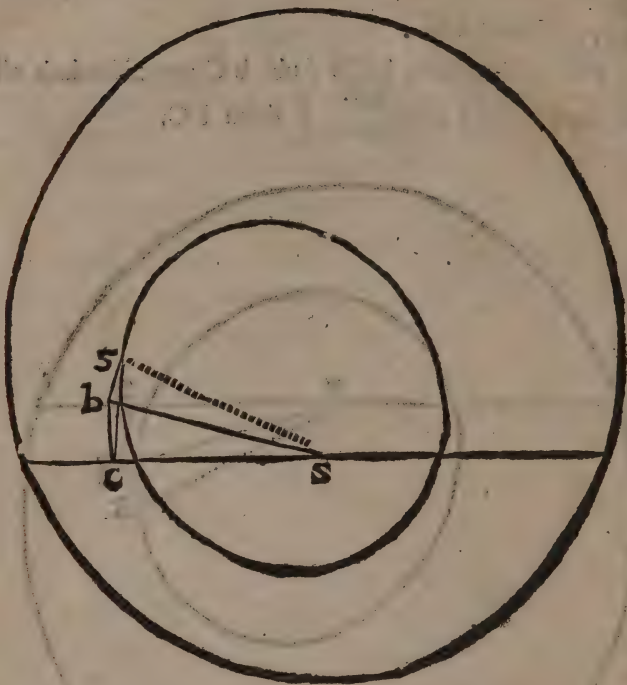
$\begin{matrix} sS \\ sSC \end{matrix} \left. \vphantom{\begin{matrix} sS \\ sSC \end{matrix}} \right\} \text{ datur } sC.$

Vel in Tri. Rect. bCS (ubi bC perpendicularis est ad lineam CS) datis $\begin{matrix} bS \\ bSC \end{matrix} \left. \vphantom{\begin{matrix} bS \\ bSC \end{matrix}} \right\} \text{ datur } bC.$



At tandem in Triangulo Rect. bC s. dantur quælibet duo latera. Ergo habetur bC s. angulus maximæ Deviationis.

Quod si detur Angulus maximæ deflexionis; cognoscetur positio lineæ Nodorum. Nempe datis in Triangulo Rectangulo omnibus Angulis cum latere bs, datur etiam



sC vel bC , ideóque in Triangulo Rectangulo bCS .
 datis $\frac{bC}{bS}$ datur angulus bSC .

Vel in Triangulo Rect. sCS datis $\frac{sC}{sS}$ datur sSC .
 ideóque linea CS est positione data, q.e.o.

CAP. IV.

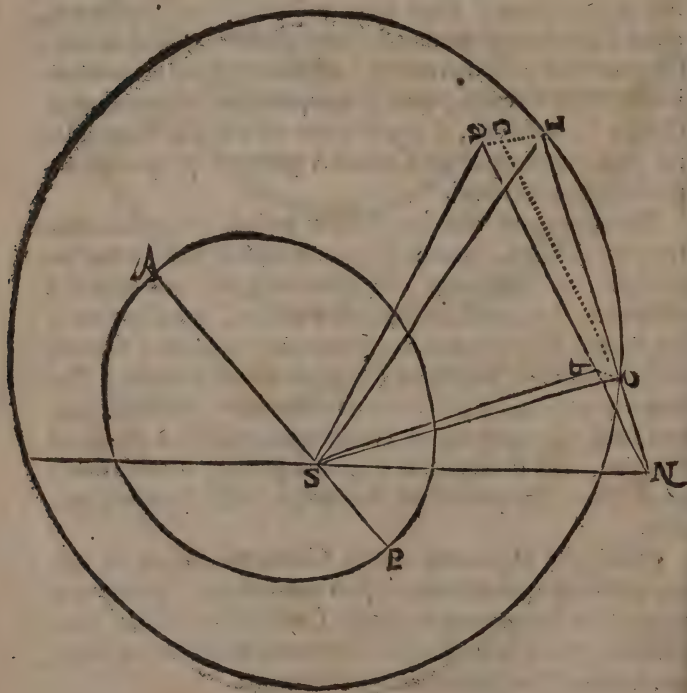
*Si Planeta bis binis observationibus duobus in punctis
iisdem quibuscunque inveniat; quomodo inve-
niri poterit præter planetæ Inclinationem, lo-
cus etiam Nodorum, atque Orbium ma-
xima Deflexio.*

Problema propositum ut intelligatur, & ut usus ejus exi-
mius in omni Astronomia percipiatur, paulò fufius est il-
lud explicandum. Illud igitur pollicetur hoc problema,
quòd si quocunque modo innotuerit planetæ Medius motus,
feu quantitas periodici motûs, ad omne tempus respondens.
id est, si cognoscatur, quanto tempore planeta periodum in
Orbita sua absolvat, (quæ res non est difficilis Inquisitio-
nis) cætera ista quæ in Capitis Argumento proposuimus,
possint etiam inveniri.

Nempe cognitâ alicujus planetæ periodo, cognoscuntur
tempora infinita, quando planeta in eodem Orbitæ suæ lo-
co fuerit, vel sit futurus. Si igitur inter ea, quæ edita sint
observata, inveniantur ejusmodi *Τηρίσεις*, peracta res est.
Sin minùs, habitis omnium planetarum aliquibus (saltem)
observationibus, possumus (cognitis eorum periodis) illa-
rum *συμπεριόδους* (pro libito eas eligendo) instituere, at-
que adeò non opus erit ut expectemus reditus à Nodo ad
Nodum, aut observatione continuâ planetis attendamus,
quod solum in superioribus durum aut difficile videri po-
terit.

Cùm igitur Methodus hæc & Geometrica planè sit, &
non alias imponat observationibus conditiones, præter eas
quæ ex ipso Temporum intervallo (omnibus notissimo) de-
pendent, nemo vanitati alicui imputabit quòd illius utilita-
tem summam hac præfatione prædicaverim.

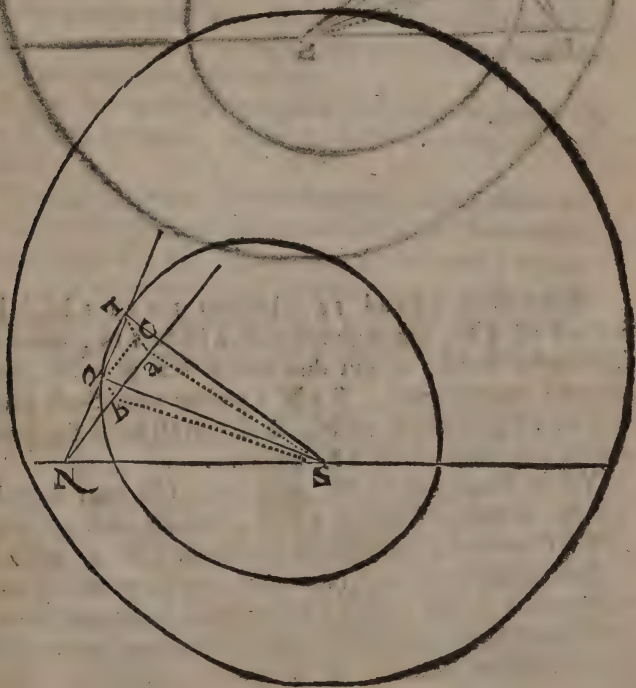
Verum ad rem ipsam accedamus. Esto planetæ alicujus superioris Orbita 1. 2. &c. Inferioris A P. Et sit planeta primò in 1. deinde in 2. atque absolutâ periodo, unâ, vel pluribus, à tempore quando fuerit in 1. & in 2. bis in iisdem locis observetur: ductis igitur S 1. & S 2. inveniuntur linearum istarum tum magnitudines, tum etiam positiones; quin erectis, vel demissis, ad planum Orbis ubi oculus statuitur, perpendicularis 1 a, atque 2 b, inveniuntur (methodo superius traditâ) lineæ S a atque S b tum magnitudine, tum etiam positione, quare in Triangulis S 1 2. (in plano planetæ observati) atque S a b in plano oculi observantis, habentur latera 1, 2. & ab. unâ cum perpendi-

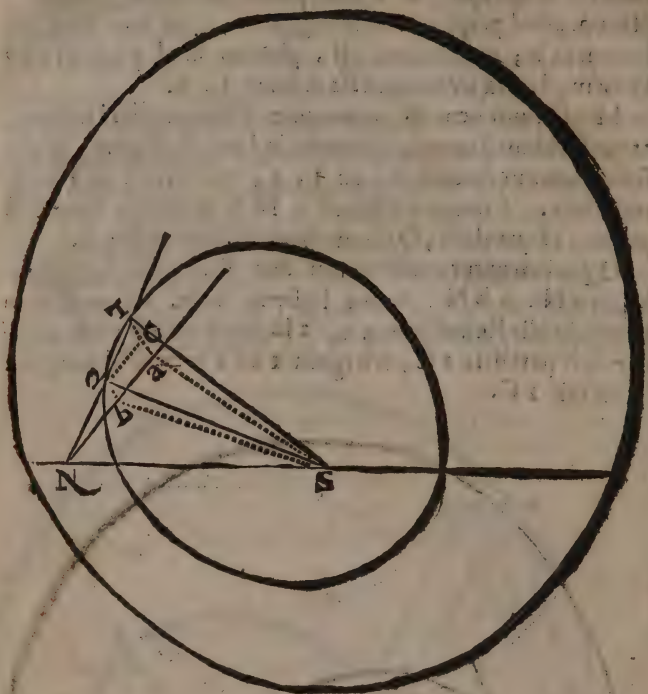


culis, 1 a & 2 b. Si igitur plano ubi oculus statuitur, planum aliud perpendiculare cogitetur, quod secet illud per lineam a b; manifestum est, planum illud productum, Orbem planetæ secturum esse in linea 1, 2.

Manifestum item est, communes sectiones plani secantis, atque Orbium istorum, convenire in linea Nodorum, quare si producantur lineæ a b, ac 1, 2, concurrent in Nodorum linea. Concurrent igitur in N & quæraturs lineæ SN positio, eâque datâ, Orbium planaricorum deflexio.

Quoniam igitur constituuntur duo Triangula Rectangu-
la, 1 a N, 2 b N, atque habetur linea. 12. una cum
perpendicularis Reductiois 1 a, 2 b. ducatur ad 2 ad c li-
nea a b parallela 2 C, erit igitur $1 a - 2 b = a C$; cognita
igitur erit 1 C.





Quare est ut 1 C ad 1 a ita etiam 1 2 ad 1 N. Et ita a b ad a N, quare inveniuntur a N & 1 N, quare in Triangulo Sa N, dantur duo latera Sa & a N, cum Angulo comprehenso, S a N (eodem cum S a b prius cognito) ergo datur et a S N, at datum est latus Sa positione, ergo datur etiam S N positione.

Vel in Triangulo SIN , datis SI , IN cum Angulo SIN , invenitur Angulus ISN , ideóque datâ, positione, SI innotescit positio lineæ Nodorum SN . ut prius.

Invento hoc modo loco Nodorum, atque cognita Inclinatione puncti 1, aut 2. datur ipsa maxima Orbium deflexio, per ea quæ Cap. 3. hujus Sectionis tradidimus, quare illuc remittendus est lector, ut integram problematis Solutionem,

tionem, inveniatur, neque n. ista repetere visum est consensaneum.

CAP. V.

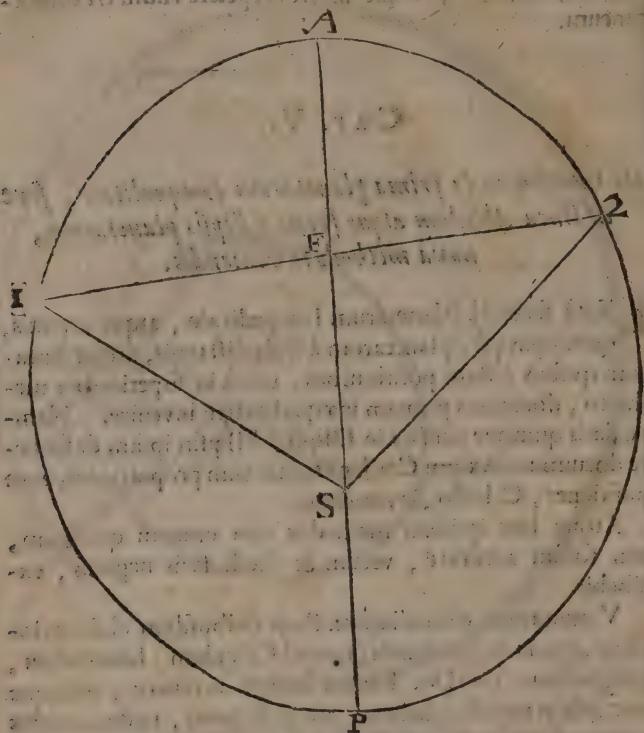
De Investiganda prima planetarum Inæqualitate, sive de linea Absidum atque specie Ellipsis planetarum, novâ methodo inveniendis.

EXutâ secundâ Planetarum Inæqualitate, atque inventis, quot opus est, planetarum à Sole distantis, atque linearum quibus distant positionibus, unicâ in superioribus methodo, docuimus primam inæqualitatem invenire. Nempe datis quinque punctis in Ellipsi, Ellipsin ipsam describere docuimus, Axium Conjugatorum tum proportionem, tum positionem, Calculo, inveniendâ.

Atque hæc quidem methodus rem omnem quæsitam, non solum accuratè, verum & facili satis negotio, exhibebit.

Veruntamen cum aliam ex statis quibusdam observationibus, priorè nostrâ minùs (quoad Calculum) laboriosam, Insignissimus Vir Dn. Paulus Nelius invenerit, mihiq; hæc ipsa in manibus habenti, atque scribenti, nudius tertius communicaverit: lubet & illam hoc in loco proponere, ut tanto nomine possim dignitatem aliquam his nostris conciliare.

Supponit igitur hæc Methodus, binas lineas (quæ distantias planetæ à Sole metiantur) inventas esse istis sub Legibus, sumatur prima pro libito, nempe observetur, ad tempus quodlibet opportunum, planetæ alicujus Longitudo apparentis atque Latitudo: deinde absolutâ justâ periodo, unâ aut alterâ, denuo hæc eadem observentur; quâ ratione una erit inventa linea, tum quantitate, tum positione. Tum verò absolutâ planetæ ejusdem semiperiodo, observetur idem planeta: atque redeunte ad hoc punctum planetâ (quod fit post



post integrum tempus periodicum finitum) denuò observe-
tur. (Id est fiant quatuor planetæ observationes, in femi-
periodis, ab Epochâ quacunque primæ observationis, Tem-
poris intervalla numerando) atque ex quatuor ejusmodi
observationibus, invenietur prima planetarum Inæqualitas.

Esto etenim planetæ alicujus Orbita Elliptica, $A \text{ } 1 \text{ } P \text{ } 2$
sit S Sol, & sit linea Absidum $A \text{ } P$. Umbilicus mediæ mo-
tûs sit F , & sumptâ Epochâ observationum, quando pla-
neta est in 1 , inveniatur (methodo à nobis superiùs expli-
catâ) lineæ $1 \text{ } S$, tum magnitudo, tum positio, ab 1 au-
tem per F ducatur linea $1 \text{ } F \text{ } 2$; manifestum est, absolutâ
femi-

semiperiodo (vel 180. gradibus super F peractis) futurum esse planetam in 2. & si planeta eo in puncto existens, bis observetur, innotescet lineæ S 2 positio, atque magnitudo.

Datis igitur S 2 } datur 1 2 unà cum angulis S 1 2
 1 S 2 } S 2 1

Dantur igitur tria latera Trianguli 1 S 2; ergo datur semisumma (Z) omnium laterum.

At $Z - S 1 = 1 F$ } Ergo præter angulos ad 1 dantur 1 F
 Et $Z - S 2 = 2 F$ } 2 F

Quare in Triangulo S 2 F, datis duobus lateribus, cum Angulo comprehenso, datur

Vel in Triangulo S 1 F, } SF dist. focorum
 } 2 F S } Ergo positio lineæ
 } vel } SF.
 } 2 S F }

datis S 1 }
 1 F } datur SF dupla excentricitas.
 S 1 F }

SF 1 } Lineæ absidum positio.
 FS 1 }

Quòd si quis velit Excentricitatem in partibus Diametri, seu Axis transversi, (ubi radius per unitatem cum Cyphris dividitur.)

Erit $Z, SF :: 2000. \&c. . SF = 2$ Excentricitati.
 2 Rad. Et $SF =$ Excentricitati.
 2

Quare rem suscepam expeditivimus. q. e. f.

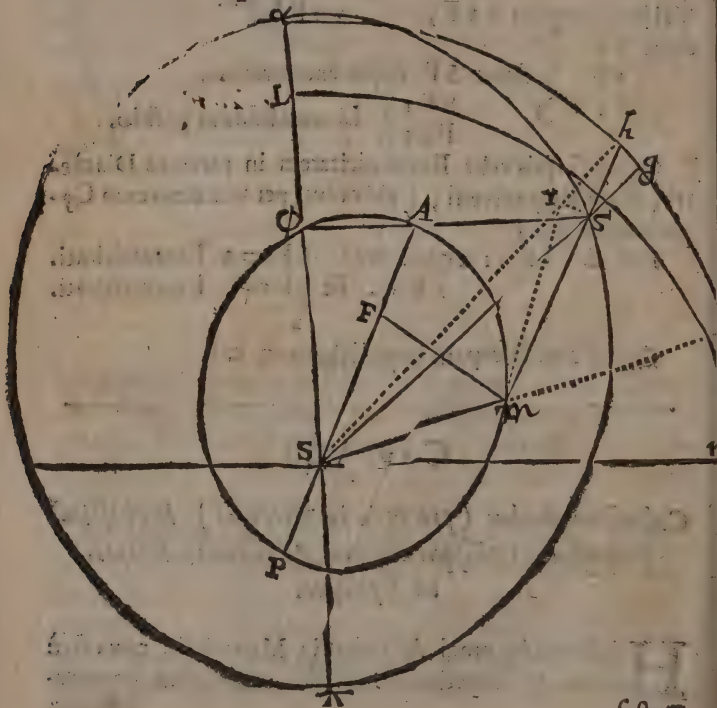
CAP. VI.

Calculi methodus (pro oculi in Mercurio) brevissimè proposita, totiusque demum Astronomiae Ellipticae Epilogus.

HActenus in omni Astronomia Mercuriali, nova ferè omnia & à superioribus diversa, exhibuimus, comprehendunt

hendant autem ea pro universa Astronomia Nobiliore, methodum integram & plenam, cum etenim non nisi duplicem Inæqualitatem habeant planetæ primarii, respectu oculi in aliquo eorum collocati, nempe primam, quæ ex Ellipseos specie, ejusque positione oritur, dum planeta super alterum Ellipsis Focum (F) temporibus æqualibus, æquales Angulos absolvit: alteram quæ ex planorum deflexione, motuum Combinatione, & positione Nodorum dependet; & cum vera motuum ratio (præsumptis Epochis) ex tempore periodico, atque Orbitæ Ellipticæ specie innotescat, visa autem Inæqualitas quæ est secunda, ex locis Nodorum, proportionem Orbium, eorumque deflexione, profluat, mani-

[Pro T sit M.]



festum est eum qui primam Inæqualitatem omnium planetarum, qui Nodorum positionem, Orbiumque deflexiones, invenire queat, omnia in Astronomia posse. Quare Calculi methodum, ex Astronomia Terrestri, huc repetamus, & operi universo Coronidem imponamus.

De Calculo motûs Solis (toties monstrato) ne γερὶ quidem referre licet, pro reliquis brevem methodum proponimus. Sit Mercurius in M. planeta in ς .

1. Ex data Anomalia simplici, & Excentricitate, quærat^{ur} locus ς in Orbita $\alpha \varsigma \pi$ (Methodo quæ à Calculo Solari non differt.) & linea S ς .

2. Cognito loco ς , in Orbita, loco Nodorum atque maximâ Orbium deflexione, reducatur punctum ς ad Orbem Mercurialem viz. ad r, & in plano illo jam cogitetur.

3. In Triang. r S M datis $\begin{matrix} r S \\ S M \\ r S M \end{matrix} \left\{ \begin{matrix} r M \\ r M S \\ S r M \end{matrix} \right\}$ habentur

$r S M + S r M = r M K$, visâ Longitudini ab opposito Solis.

Pro Latitudine.

Inventis ut prius ςM & S ς atque cognitâ Inclinatione puncti ς , invenitur Latitudo. Nempe,

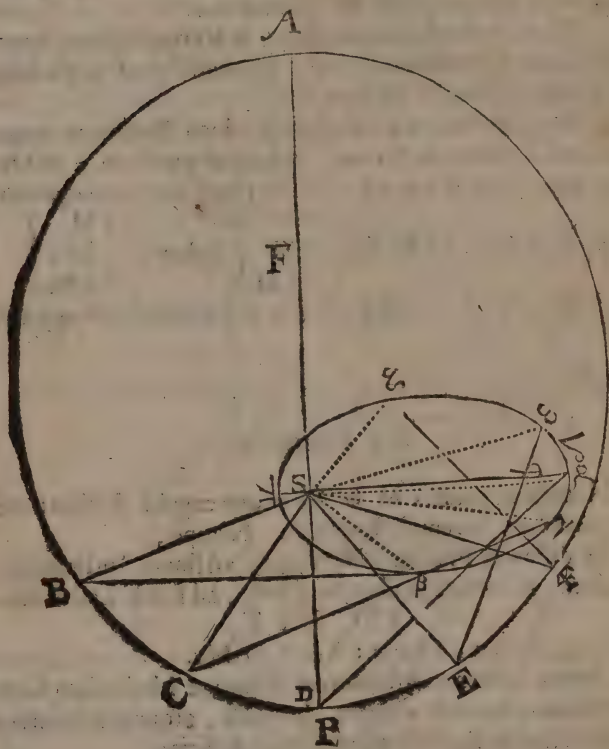
Ut distantia Planetæ à Mercurio, ad sinum Inclinationis planetæ: Ita distantia planetæ à Sole, ad sinum Latitudinis.

I D E S T,

$$M\varsigma. s, r S \varsigma :: S\varsigma. s, \varsigma M r.$$

Atque hætenus Astronomiæ Ellipticæ Methodum Geometricam, unam & alteram, invenisse, atque præclarissimæ hujus scientiæ studiosis proposuisse, sufficiat.

*Pro Schemate quod est in Pagina 15 hujus, supponatur
Schima hic infra descriptum.*



ASTRONOMIÆ GEOMETRICÆ

LIBER TERTIUS,

ASTRONOMIA
CIRCULARIS

GEOMETRICÆ
PROPOSITA.

LONDINI,

Typis JACOBI FLESHER, Prostant apud
Cornelium Bee, MDCLVI.

THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY

ASTOR LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS

ASTOR LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS

NEW YORK

1900

1900



THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY
ASTOR LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS
1900

ASTRONOMIA CIRCULARIS.

CAP. I.

Generalia Præmissa.

NOs hæcenus in Astronomia Elliptica Geometricè expedienda versati sumus, & nihil de Circulari, quæ omnium ferè est Astronomorum (veterum, recentium, unum ferè aut alterum si excipias) locuti sumus. Nempe simplicissimam, imò genuinam atque naturæ ipsi consentaneam esse hypothesim Ellipticam existimamus; quare primas illi tribuendas judicavimus; quin & supervenit alia cogitatio, quæ hoc suaderet, nempe eam esse Astronomiam, quæ omnium fere judicio (certè Kepleri atque Bullialdi) & difficillima foret, ut redderetur Geometrica, & reliquarum etiam omnium hypothesium Geometriam virtute quadam comprehenderet; quare si istam subigeremus, reliquas omnes hypotheses, quæ Circulares sunt, hanc ipsam Triumphatam secuturas, nihilque nobis post illam absolutam, relictum iri, nisi ut exemplo quodam ostendamus, communia esse pleraque in utraque methodo, eisque qui superiora intellexerit facile esse hypothesim illam, quamcunque elegerit, Geometricè absolvere. Nobis equidem facile foret (per omnes Ptolemy, Copernici, Tychois, aliorumque methodos percurrento) hoc ostendere; verum sufficiet iis qui magnum hoc esse fortasse existimabunt ista relinquere. Eamque solum Hypothesin proponere in exemplum quam antehac (in Inq. in Bull. Fund.) indicavimus, quæ & nihil in eorum rationes peccat, quibus religio est cogitare perfectissimorum

L

Cor-

Corporum motus, (qualia planetas esse judicant) à linea circulari exorbitare, & ad veritatem naturæ quàm proximè (imò plerumque insensibili existente differentiâ) accedit.

Lubet igitur Circularem Astronomiam (primariorum p'anetarum) proponere, ubi supponetur Sol in puncto aliquo diametri remoto à Centro, atque æqualitas motûs retineri statuetur ad punctum in eadem diametro, à centro (cum priore) æquidistante. hoc est, supponimus Planetam moveri in Circulo bisectæ Excentricitatis, quo quidem posito (quod inter omnes hypotheses circulares rationi maximè congruum esse existimamus) omnia ex iis quæ suprâ proposuimus, vel eodem, vel minore negotio, invenientur, quod reipsa ostendere animus est in sequentibus.

CAP. II.

De Solis Inæqualitate in Astronomia Circulari invenienda.

UT innotescat quanti intersit præterita invenisse; ostendam eandem ferè esse ubique Astronomiæ rationem (causas Physicas si seponamus) sive in Ellipsi, sive in Circulo bisectæ Excentricitatis, nisi quòd in hac hypothesi faciliior sit rerum investigatio. Quanquam igitur plures methodos non sit difficile excogitare, quibus inveniri possit Solis Inæqualitas, quæ ubique simplex est, & reverà competit Planetæ, ubi oculus collocatur; lubet tamen simplicem eam proponere, quâ, primùm observatione invenitur positio lineæ Absidum, deinde verò Excentricitas.

Atque quod ad lineæ Absidum positionem attinet, eadem est ratio omnino, sive in Ellipsi, sive in ejusmodi Circulo, planeta moveatur. Nam binæ æqualium Angulorum Combinationes, in hac uti & in alia hypothesi, nusquàm contingere possunt nisi in æqualibus distantis à linea in qua tria puncta S F & Centrum existunt. Unde sequetur, quòd, si observatione illud innotescat, ubi vel æquali tem-

pore,



pore ; motus est (ex utraque parte) æqualis , vel quibus in Zodiaci partibus Sol bis quotannis existit , cum faciat motum medium motui vero , seu apparenti , æqualem ; invenietur positio lineæ Aphelii & Perihelii.

Esto Circulus bisectæ Excentricitatis $ATAPDLG$ & in temporibus æqualibus moveatur Sol à T ad A & postea ab L ad G , id est , dum fit Angulus $CSL = AST$ sit etiam $GFL = TFA$: quoniam hæc combinatio nusquam



quam contingere potest nisi in duobus locis à linea SCA
 æquidistantibus : hinc innotescet positio lineæ ASP. Sic
 etenim S Centrum Eclipticæ, ubi motus apparens absolvi
 videtur, manifestum est existente oculo in T visum ire Solem
 in γ ; oculo autem in G existente videbitur Sol in g, &
 reliquorum punctorum eadem est ratio : Cum igitur inno-
 tescat observatione Arcus G γ vel L λ , innotescit etiam
 punctum

CAP. I.
 punctum
 fidum.
 Vel si
 co Eclip
 oculo i
 erit locu
 Inven
 citasin
 Nemp
 metri A
 observat
 Esto

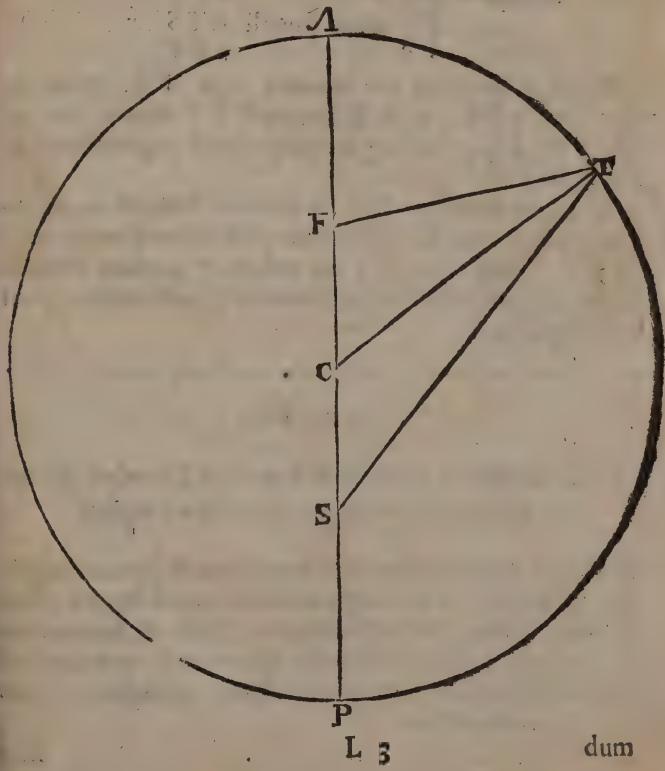
punctum medium in Ecliptica , per quod transit linea Absidum.

Vel si Oculo existente in D , vel Sole apparente in d loco Eclipticæ , sit motus medius vero æqualis ; atque iterum oculo in Δ, Sole in δ , eodem modo punctum intermedium erit locus per quem transit linea Absidum A F S P producta.

Inventâ autem positione lineæ Absidum potest Excentricitas in hac etiam hypothefi inveniri facillimè.

Nempe ex cognitis , motu Solis periodico , positione diametri A P , atque loco Solis apparente ad tempus alicujus observationis.

Esto etenim A T P Orbita Terrestris , cujus linea Absi-



8 CAP. III. *Astronomia Circularis.* LIB. III.

dum A F C S P : iisque cognitis quæ præsupposuimus, esto Terra in T, & quærat^rur Excentricitas seu distantia ab hac parte puncti æqualitatis F. ex altera Solis à C Centro Orbis Terrest^ris. viz. quærat^rur CF vel CS.

Quoniam enim in Triangulo TFS dantur omnes Anguli (nempe TFS propter cognitam positionem lineæ absidum, motum medium atque locum Solis apparentem, FST propter positionem ejusdem lineæ & locum Solis apparentem, FTS Complementum utriusque simul sumtorum ad duos rectos.) Ergo datur ratio omnium laterum inter se; sunt n. ut sinus Oppositorum Angulorum: Sumantur igitur ex canone sinus isti pro mensuris laterum istorum. Nempe sic FT FST

$$\frac{FS}{ST} = \frac{\text{Sinus Anguli FTS}}{\text{SFT}}$$

Habetur igitur in hac mensura linea FS, quare & ejus semissis FC, & in Triangulo CFT dantur duo latera FT, FC, cum angulo comprehenso, ergo habetur etiam latus CT.

Ut autem habeatur FC in partibus diametri decimaliter divisæ. Erit ut CT jam inventa ad radium (10000 &c.) ita FC (prius inventa) ad numerum partium suarum. Quare hac methodo facillimè invenietur Excentricitas, quod erat propositum.

C A P. III.

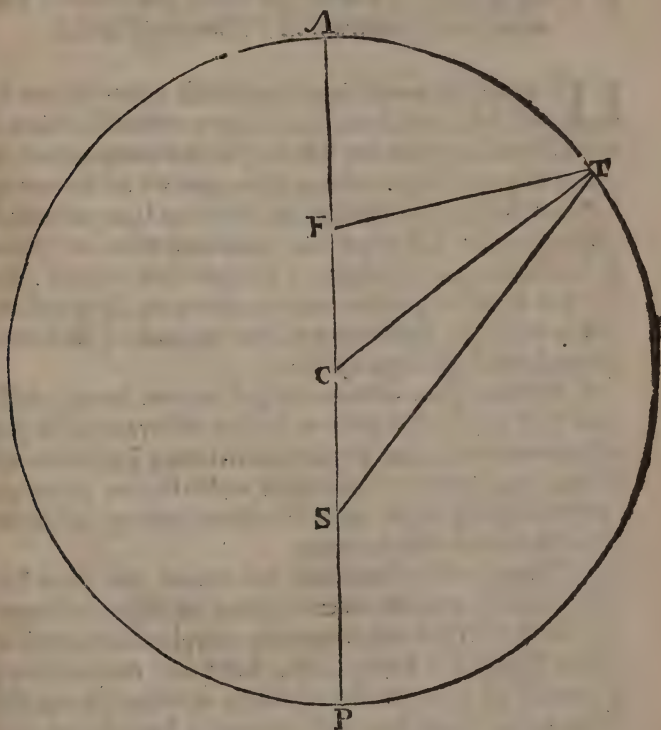
De Calculo motûs Solaris in hypothesi Circulari ex data Excentricitate atque Anomalia simplici.

INventâ positione lineæ Absidum, atque (ex Epochâ cognita quæ facillè ex antedictis in Astronomia Elliptica, constituitur) habitâ Anomaliâ simplici, facile est Anomaliâ æquatam seu verum locum Solis apparentem invenire, uti (hypothesi huic in Inq. in Astr. Fund. præludentes) non ita pridem ostendimus.

Esto

Esto etenim in Schemate sequente A Aphelium, P Perihelium, S Sol, f punctum æqualitatis, C Centrum, T locus Terræ in Circulo suo; atque ex data Excentricitate, atque angulo Anomalix simplicis \angle_{AST}^{FT} quæraturs angulus Anomalix æquatæ: quoniam datur Excentricitas, igitur habentur in Triangulo CFT duo latera (nempe radius CT atque Excentricitas CF) cum angulo uni eorum opposito (sc. angulo CFT complemento Anomalix simplicis, ad duos rectos) ergo datur latus FT.

Tum in Triangulo FST dantur duo latera; FS dupla Excentricitas, atque FT jam inventum, cum Angulo



10 CAP. IV. *Astronomia Circularis.* LIB. III.
comprehenſo S F T (complemento Anomalix ſimplicis ad
duos rectos, ſi foret ex parte ſiniſtra Schematis, verùm exceſ-
ſu ejuſdem ultra ſemicirculum, cùm ſit ex dextra parte) er-
go datur F S T Anomalia æquata, atque S T diſtantia
Telluris à Sole : quæ ad omne tempus cognita habere utile
eſt ad omnem Aſtronomiam reliquorum planetarum, imò
eſt planè neceſſarium.

CAP. IV.

*De Investigatione Nodorum pro tribus ſuperioribus pla-
netis (oculo nimirum in Tellure exiſtente.)*

UT innotefcat quanti interſit methodū Geometricam ſu-
prà à nobis in Aſtronomia Elliptica oſtendiſſe, animad-
vertet ille cui hæc curæ ſunt futuræ, plurima communia eſſe in
utraque hypotheſi, ea nimirum omnia quæ vel ad determina-
tionem Ellipſis quoad ſpeciem, vel ad primæ Inæqualitatis, in
Orbita planetæ, Calculum non immediatè reſpiciunt : Nem-
pe loci Nodorum in Ecliptica, Orbium Inclinationes, eâ-
que quæ ex iſtis dependent eandem in utraque hypotheſi ra-
tionem obtinent. poſſuntque eâdem methodo (iſta ſi exci-
piamus) omnia utrinque abſolvi.

1. Primum igitur oſtendemus quâ ratione inveniri poſſit
locus Nodorum in Ecliptica ex duabus obſervationibus pla-
netæ quando (ex eadem parte) caruerit omni Latitudine ap-
parente, tunc etenim neceſſe eſt ut oculus ſit cum planeta in
eodem Eclipticæ plano, quod nunquam contingit niſi plane-
tâ in altero Nodorum exiſtente.

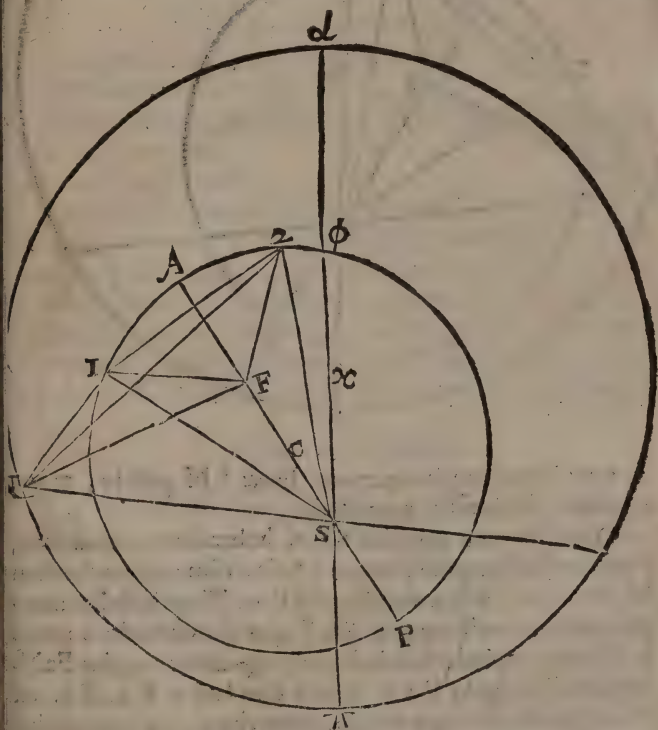
2. Deinde etiam oſtendemus quâ ratione hoc idem fieri
poſſit beneficio quatuor obſervationum hâc lege peractarum,
ut bis binæ obſervationes peragantur cùm planeta bis fuerit in
eodem Orbitæ ſuæ loco, id eſt, factâ unâ obſervatione,
& peractâ ab hinc periodo, repetatur ejuſdem planetæ ob-
ſervatio, viz. quoad Longitudinem atque Latitudinem ejuſ-
dem,

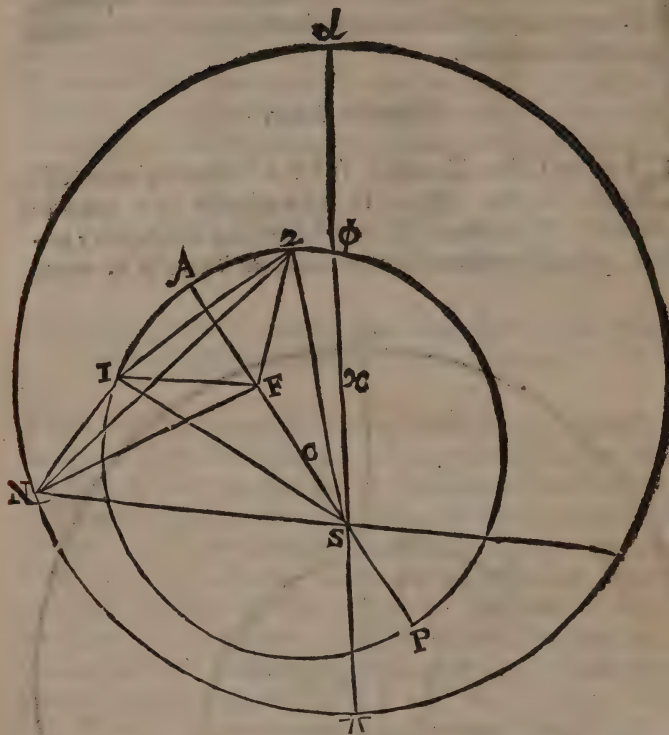
CAP. IV. *Astronomia Circularis.* LIB. III. II

dem, quod etiam aliâ sumptâ observatione denuò repetatur, ex istis etenim locus Nodorum planetæ alicujus in hac etiam hypothefi innotescet.

Methodus Prior.

Sit igitur Orbita Terrestris A 1 P 2 Orbita superioris alicujus planetæ $\alpha N \pi \nu$, sit terra primum in 1 quando planeta in N existens visâ omni Latitudine destituitur : postea, planetâ in eodem loco existente, sit Terra in 2. atque





ex motu Terræ cognito quærat^{ur} lineæ SN positio, atque
ejusdem, si quis velit, magnitudo.

Quoniam enim Angulus $S2N$ habetur ex observatione
cùm sit visa Elongatio planetæ à Sole, cùm planeta fuerit in
 N , Terra in 2 , atque angulus $S2F$ ex Theoria Solis (nempe
ex resolutione Trianguli $S2F$ quæ fit Methodo à nobis
in superiore capitulo satis indicatâ) ergo datur angulus $F2N$
atque in Triangulo $F2I$ dantur duo latera $F2$, $F1$. ex
Theoria Solis unâ cum angulo comprehenso, (ex tempore in
ter observationes interjecto) ergo dantur etiam

$2\ 1.$ } $1\ 2\ F$
 $F\ 2\ 1$ } Quoniam verò cogniti sunt anguli $S\ 2\ F$
 $2\ 1\ F$ } $F\ 2\ n$

Ergo Angulus etiam $N\ 2\ 1$ non latebit : est etenim $S\ 2\ F + F\ 2\ 1 : — S\ 2\ N = N\ 2\ 1$.

Quare in Triangulo $1\ 2\ N$ dantur omnes anguli (propter $N\ 2\ 1$ jam inventum

$F\ 1\ S$ cognito ex Theoria Solis.

$$N\ 1\ 2 = \left\{ \begin{array}{l} + \\ S\ 1\ N \text{ Elongationis in prima observatione.} \\ + \\ F\ 1\ 2. \text{ supra Invento) } \end{array} \right.$$

Unà cum latere $1. 2.$ Calculo invento.

Ergo datur latus $2\ N$.

Atque tandem in Triangulo $S\ 2\ N$ dantur duo latera $2\ N$ jam inventum.
 $S\ 2$ ex Theoria Solis.

Unà cum angulo ab ipsis comprehenso $S\ 2\ N$, ergo habetur angulus $2\ N\ S$ adeoque positio lineæ NS , (Nodorum) in Ecliptica. quinetiam habetur magnitudo lineæ SN seu distantia planetæ à Sole, cum fuerit in Nodo. quæ linea utilis esse potest ad primam planetarum Inæqualitatem investigandam : convenit igitur huic hypothefi Methodus prima quam pro Nodis investigandis in superioribus proposuimus.

Methodus Posterior.

Methodus Posterior hoc idem præstat beneficio duarum Planetæ distantiarum à Sole, atque linearum earundem reductionis ad Eclipticam. ne autem linearum numero in Schemate caligo aliqua Lectoris animo obducatur, duas in partes hanc methodum distinguemus ; quarum primâ ostendetur, quâ ratione inveniri possint hujusmodi lineæ (tum magnitudine in partibus diametri Orbis Annui Terrestris) tum positione, earumque perpendiculara illas ad Eclipticam reducunt, postea quâ ratione, ipso bis præstito, inveniri possit linea Nodorum seu ejusdem locus in Ecliptica.

Uc

CAP. IV. *Astronomia Circularis.* LIB. III. 15

mum igitur inveniatur linea Sb (in Eclipticæ plano) deinde huic respondens linea S ϵ . & ϵ b. manifestum est igitur ex cognita planetæ apparente Longitudine ad tempus primæ observationis, cognitum esse angulum S i b. atque ex Solis Theoria angulum S i F, ergo & haberi F i b = S i b — S i F.

Tum etiam in Triangulo i F 2 habentur omnia ex Theoria Solis præcognita viz. i F i F 2

2 F item F i 2

i 2 F 2 i

At F i 2 — F i b = 2 i b.

Præterea habentur $\left\{ \begin{array}{l} \text{F 2 S ex Theoria Solis.} \\ \text{F 2 b ex observata Longit.} \\ \text{i 2 b = i 2 S + S 2 b ex Lógit. in i. 2.} \end{array} \right.$

In Triangulo i 2 b. dantur omnes Anguli cum latere i 2 ergo dantur i b.

In Triangulo S i b dantur $\left\{ \begin{array}{l} \text{S i b observatione} \\ \text{S i ex Theoria Solis.} \\ \text{i b Jam invent.} \end{array} \right.$

Ergo datur $\left\{ \begin{array}{l} \text{i S b positio} \\ \text{S b magnitudo} \end{array} \right\}$ Lineæ S b

Invenitur autem S ϵ hac methodo.

In Triangulo Rectangulo i b ϵ dantur i b Inventione
b i ϵ ex observata
Latitudine

Ergo habentur $\left\{ \begin{array}{l} \text{b ϵ } \\ \text{i ϵ } \end{array} \right.$

In Triangulo 2 b S habentur $\left\{ \begin{array}{l} \text{2 b} \\ \text{b 2 ϵ } \end{array} \right.$

Ergo etiam $\left\{ \begin{array}{l} \text{2 ϵ } \\ \text{2 ϵ b} \end{array} \right.$

In Triangulo i ϵ S habentur $\left\{ \begin{array}{l} \text{i ϵ Inventione} \\ \text{i S ex Theoria ☉ is} \\ \text{ ϵ i S Elongatio,} \end{array} \right.$

Ergo habentur $\left\{ \begin{array}{l} \text{S ϵ magnitudo} \\ \text{S ϵ i positio} \end{array} \right\}$ Lineæ quæsitæ

Vel in Triangulo 2 ϵ S

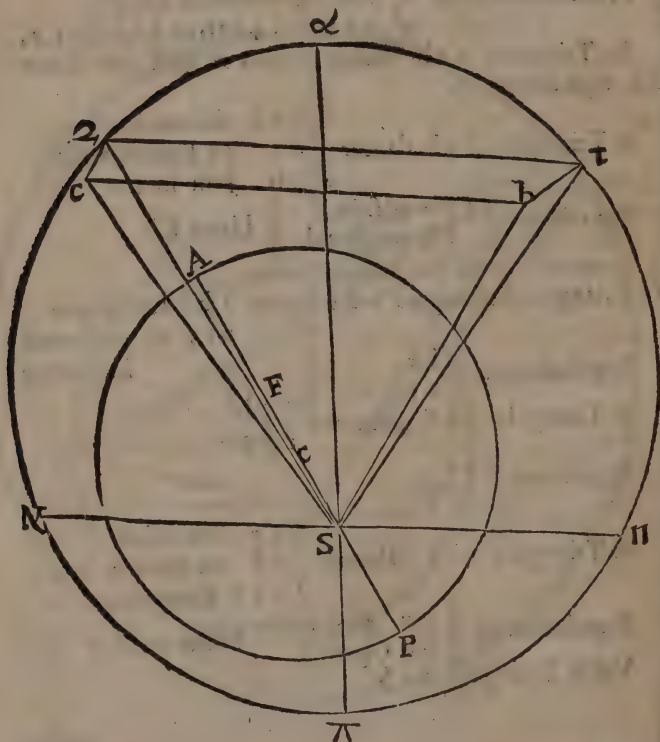
Dantur

Dantur $\begin{cases} 2 \text{ } \epsilon \\ 2 \text{ } S \\ 5 \text{ } 2 \text{ } S \end{cases}$

Ergo & $S \text{ } \epsilon$ magnitudo Lineæ quæ sitæ seu $S \text{ } \epsilon$
 $\epsilon \text{ } S \text{ } 2$ positio

At suprà inventa est linea $b \text{ } \epsilon$

Quare primam partem methodi hujus absolvimus, docendo quâ ratione ex hujusmodi observatis possint lineæ distantiarû à Sole inveniri : superest altera pars quæ docet quâ ratione inventis duabus ejusmodi lineis tum magnitudine tum positione, unâ cum perpendicularis suis Reductitiis, in-



veniri

veniri possit positio lineæ Nodorum, hoc autem problema quoniam casum admittit, distinctius de eo hoc in loco, quàm in superioribus adhuc fecimus, agetur. Supponimus autem observationes esse factas cum Latitudines planetæ sint ejusdem speciei, quod semel monuisse sufficiet: Quare præstentur cætera.

Et inveniantur perpendiculara duo, erunt ea perpendiculara inter se vel $\left\{ \begin{array}{l} \text{Æqualia} \\ \text{Inæqualia.} \end{array} \right.$

1. Sunt æqualia. ut in Exemplo ubi Orbita Telluris A P. Planetæ superioris $\alpha 2 \pi 1$. Sol in S. duæ lineæ inventæ S 1 S 2, unâ cum perpendicularis ab Orbita planetæ ad Orbem Eclipticæ productum 1 b, 2 c. Manifestum est nusquam ab Orbe planetæ ad Orbem Eclipticæ perpendiculara æqualia incidere posse, nisi fuerint utrinque terminata in lineis communi planorum sectioni parallelis. Si igitur 1 b = 2 c erit tum linea 1. 2. tum etiam b c parallela lineæ Nodorum N s n. Quare inventâ positione linearum S b b c vel S e b c habebitur positio lineæ n S, factò nimirum angulo CSN = b c S vel b S n = c b S.

Aut si sumatur Triangulum S 1 2. datâ positione linearum $\left\{ \begin{array}{l} S 1 \\ S 2 \\ 2 1 \end{array} \right\}$ cum sit 2 1 parallela lineæ Nodorum, fiat

1 S n = 2 1 S vel 2 S N = 1 2 S angulus alternus alterno æqualis.

Vel potiùs ipsius lineæ c b positio designet lineæ Nodorum in Ecliptica positionem.

2. Quod si duæ lineæ perpendiculares reductitæ 1 b, 2 c sint inter sese Inæquales: inventis, ut priùs, duabus lineis S 1, S 2 unâ cum perpendicularis 1 b, 2 c. invenietur positio lineæ Nodorum. Nempe ex majore perpendicularo 1 b subducatur minor 2 c & sit residuum 1 d.

CAP. V.

De Orbium Inclinatione Investiganda.

CUM sit ille scopus noster in Astronomia Circulari, ostendere quid valeat methodus illa quam ad Astronomiam Ellipticam explendam excogitavimus, ad reliquas etiam omnes Astronomorum hypotheses, à sæda ἀναγωγία nota liberandas, nemo mihi vitio vertet quod superius exposita hinc repetam, nempe hoc ipsum opus præ se fert, & illud requirit necessariò.

Quare duas hinc methodos proponemus, quarum altera prius cognitum supponit locum Nodorum in Ecliptica: altera non illud supponit, sed ex datis in methodo secunda capitis superioris, invenit Nodos; exinde autem vel mediata vel immediata planorum Inclinationes (Eclipticæ nimirum atque planetarum.)

Methodus prior.

1. SI igitur cognitus supponatur locus verus Nodorum in Ecliptica, poterit bis quotannis (si Solis radii vel alia impedimenta non obfint) planeta tunc observari cum Terra fuerit in Nodo ejusdem; ideòque cum & oculus & planeta fuerint in eodem plano, carebit planeta parallaxi Latitudinis; eritque Latitudo visa ipsa inclinatio puncti in Orbe planetario (ab ipsa Nodorum linea numerando) determinati, quâ quidem datâ, ipsa Inclination (vel potius deviatio) maxima minimè latebit.

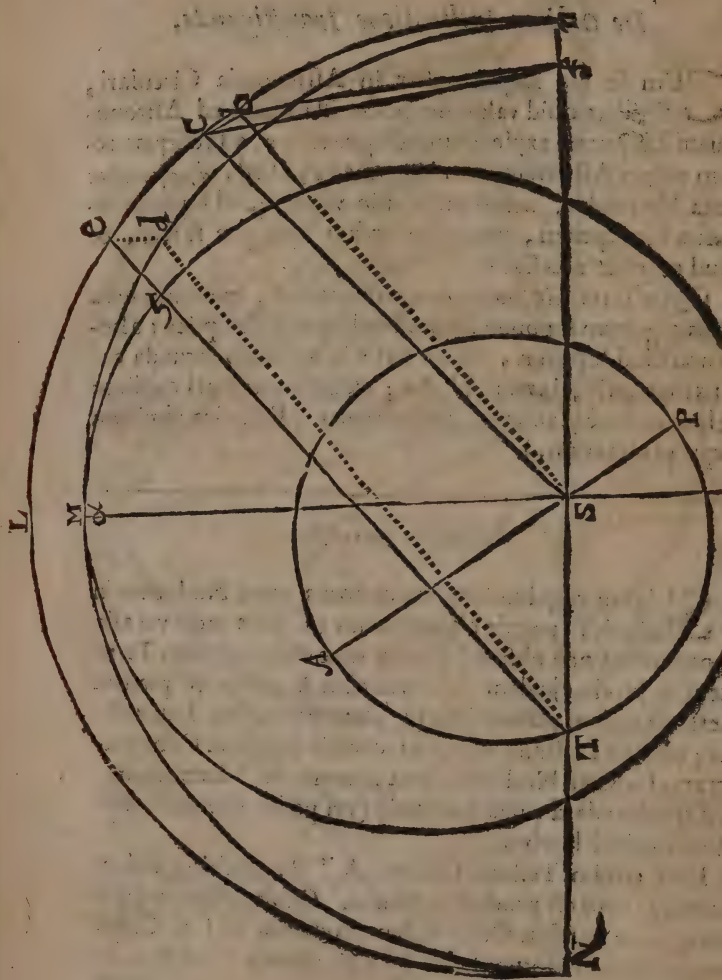
Esto etenim Telluris Orbita ATP , Orbis ejusdem quousque opus est productus Nm n. Orbita planetæ superioris $αςπ$, ejusque Orbis itidem productus NL n. Communis Orbium istorum sectio NS n. planetæ locus in $ς$. sit

M

autem

autem Terra T in linea Nodorum in Ecliptica, ubi facta
supponatur observatio planeta in s.

Ducatur autem linea Ts in plano Orbis planetarii quo



usque opus est ad e, & à puncto e demittatur Cathetus ad Orbem Eclipticæ e d, transeat autem planum ad Orbem Eclipticæ rectum, per puncta T e, exempli gratiâ; T d e: manifestum est visam planetæ Latitudinem æqualem esse angulo d T e.

Sit igitur planum priori plano T d e parallelum, quod, ab S (Sole) incipiendo, secet eadem Orbium istorum plana: sit autem hoc planum c b S. manifestum est angulum c S b fore æqualem angulo e T d.

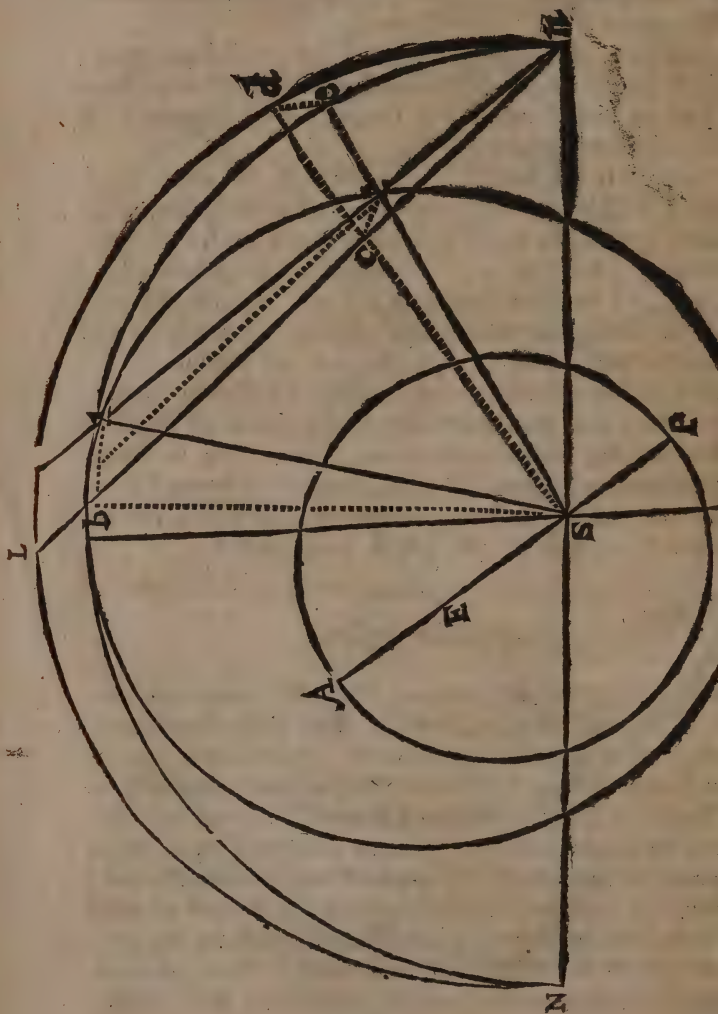
At c S b est Inclinatio planorum ad distantiam c n à Nodo in Orbe planetario vel b n in Orbe Eclipticæ; est autem b n mensura b s N (si Sol Centrum Circuli N m d b n statuatur) atque propter parallelismum planorum e T d, C S b, ad eandem lineam T S n. est angulus b S n = d T S. datâ igitur Elongatione planetæ à Sole ad tempus observationis, habetur distantia b n vel angulus b S n: cujus Inclinationi æqualis est Latitudo, ad idem tempus.

At verò datâ puncti determinatâ deviatione ab Ecliptica datur deviatio maxima planorum. Quoniam n. in Triangulo spherico Rectangulo c b N dantur duo latera Cb = visæ Latitudini, & b N, habetur angulus b N C: est etenim. $t, b c. R :: s, b N. t c o, b N C.$

Methodus Posterior.

2. **N**Eque huic Astronomiæ Circulari inservit sola methodus illa prior, verum & altera etiam illa quam in Astronomia Mercuriali tradidimus. Nam licet ex duabus lineis inventis (quæ sunt mensuræ distantiarum planetarum à Sole in Orbitis suis) iis que ad planam Eclipticæ reductis, primum lineam Nodorum positione invenire (uti in capite immediate præcedente expositum est atque demonstratum) atque hanc lineam positione datâ, poterit, ex iis quæ ad unius alicujus istarum linearum reductionem necessaria sunt, primum puncti determinati inclinatio inveniri; unde, ut suprâ, maxima etiam deviatio planorum innotescet. Esto etenim,

ut prius, Telluris Orbita A P. planetæ superioris (nempe Saturni Jovis vel Martis) α 1 2 π . duæ lineæ inventæ S 1 S 2. planum Orbis planetarii N L n. planum Orbis Terre



CAP. VI. *Astronomia Circularis.* LIB. III. 23

stris Nm n. sint autem lineæ inventæ reductæ ad Eclipticam, adeoque cognitæ lineæ Sb, Sc, unâ cum perpendicularis suis reductivis 1 b. 2 c. ex istis cognitis invenietur positio lineæ Nodorum in Ecliptica, nempe positio lineæ N Sn. Quinetiam innotescunt Anguli CS 2 vel b S 1, nam datis in Triangulis Rectangulis 1 b S, 2 CS omnibus lateribus anguli acuti minimè latebunt.

At verò Angulus Cs 2 est angulus Inclinationis puncti 2, atque b S 1 est Angulus Inclinationis puncti 1 in Orbita planetica.

Quoniam igitur lineæ S 1, S 2 Sn in eodem plano sunt positione datæ; ergo nota est distantia puncti 1. & 2. à linea Nodorum, & similiter linearum Sb sc in plano Eclipticæ, producantur jam lineæ vel Sb. S 1. vel Sc. S 2 quousque opus est; nempe Sc ad d. & per S d ad Eclipticum Orbem, rectum transeat planum per e. & sit de arcus Circuli Latitudinis. Erunt igitur, ut priùs, in Triangulo sphærico Rectangulo Sed data duo latera ne nd, (imò omnia latera, est enim de mensura Anguli 2 SC) & quæritur Angulus ad N ut priùs: Nempe

t. de. R :: s, Ne. t co d Ne.

Quare duplici methodo invenire docuimus etiam in hac Astronomia Orbium superiorum planetarum deflexiones ab Ecliptica.

CAP. VI.

De exuenda secunda planetarum superiorum Inæqualitate.

IN iis quæ hætenus tradidimus quatuor modos explicuimus quibus exui possit secunda planetarū Inæqualitas. i. e. quibus inveniri possint linearū tū magnitudines tū positiones, quæ sunt mensuræ distantiarum planetarum à Sole in variis Orbitarum suarum locis. Horum autem quatuor mo-

dorum tres saltem locum Nodorum Orbiúmque Inclinationes cognita præsupponunt. Isti sunt autem quatuor planetarum superiorum status, ubi possit ex iis quæ nos excogitavimus exui secunda hæc Inæqualitas Geometricè.

1. Existente planetâ in eodem Nodo binis observationibus.

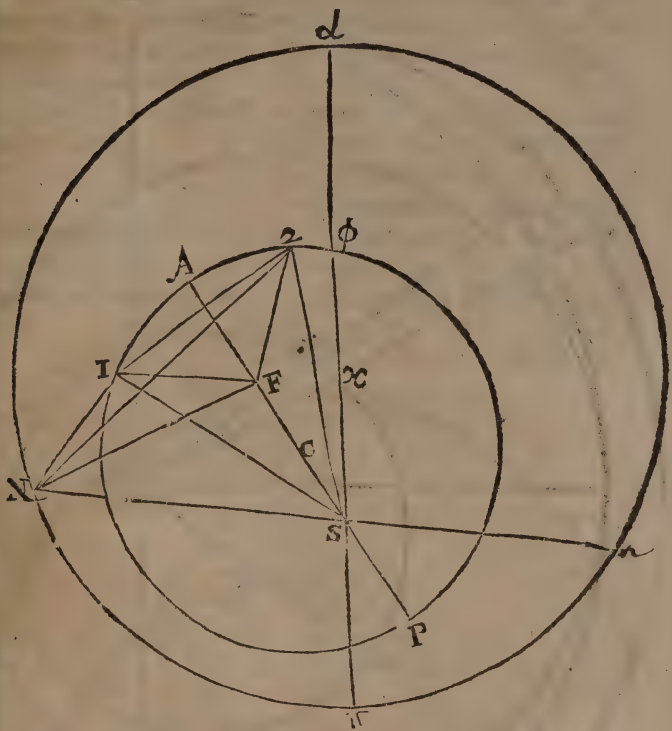
2. Existente planetâ in situ Acronycho ex præcognitis locis Nodorum, & Orbium Inclinatione.

3. Existente planetâ aliquo superiore in Quadratura eiusdem datis.

4. Planetâ bis binis observationibus (peracto motu suo periodico) in iisdem Orbitæ suæ punctis invento.

Ex his tres priores Nodos respiciunt, & eosdem vel inventos supponunt vel inveniunt, nempe mediæ duæ illud assument, prima eos invenire docet, ultima autem methodus exuit primum planetarum secundas Inæqualitates, deinde verò Nodos Orbiúmque Inclinationes invenit. Atque methodus quidem prima, etiamsi naturalis sit admodum, non tamen nisi duarum linearum inventioni inservit: cum tamen ad Ellipsin determinandam opus sit quinque linearum cognitione, ad Circulum sint tria puncta cognitu necessaria: at reliquæ tres methodi etiam infinitas numero lineas exhibeant illudque habet quarta methodus ut huic rei inservire possint omnes sub quacunque conditione factæ singulorum planetarum observationes. At quatuor istas methodos exhibemus non integros, demonstrationum atque inventionum processus repetendo, sed ea solum quæ eam quæsitam immediate exhibent referendo.

1. Igitur ex methodo ad investigationem linearum Nodorum proposita capite 4. *Astron. Circularis.* invenitur linearum S positio atque magnitudo, & eodem planè modo invenietur linearum S_n magnitudo (nam positio ejus ex positione linearum prioris innotescit, cum sit ei in directum) quare hæc methodo inveniuntur duo puncta in Circulo.

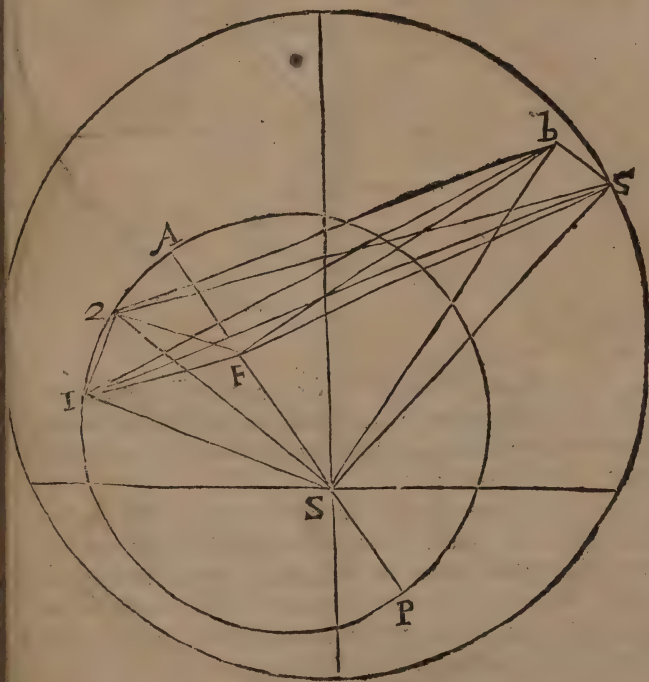


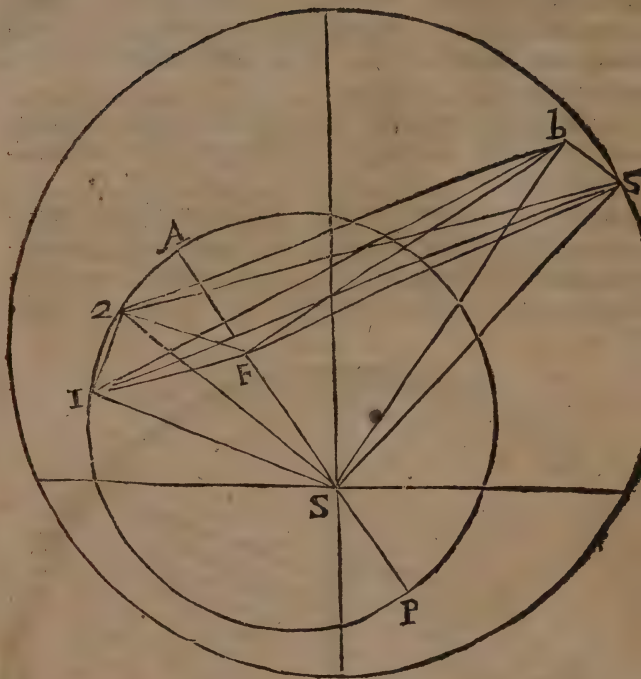
2. Verum in situ planæ alicujus superioris Acronycho, ex datis locis Nodorum Orbiumque deflexionibus, lineæ plures in Circulo possunt inveniri. Nempe hoc etiam in loco communis est ratio Astronomiæ tum Ellipticæ tum Circularis.

hîc quoad hanc rem varietatem admittit; lectorem illuc remittendum judicavi. Atque hæc quidem hætenus Nodos atque Inclinationes cognita supponunt omnes, præter primam, quæ Nodos invenit, at Orbium Inclinationes non determinat.

4. Supereft quarta, quæ obiter quasi secundam Inæqualitatem exuit ut Nodorum positiones atque Orbium deflexiones inveniat.

Atque hæc quidem methodus planè proponitur & explicatur in Capite 4. hujus Astronomiæ Circularis in præparatione ad methodum posteriorem pro investigatione Nodorum. Quanquam n. ad Investigationem Nodorum duæ li-





hec sint necessario præcognoscendæ atque ad Eclipticam reducendæ, sufficit tamen huic negotio methodum illam recognoscere quâ unâ quælibet linea ex periodicis binis observationibus inveniri possit.

Quare non opus est ut methodum integram illic propositam repetamus; sufficiet monuisse modo illic exposito inveniri etiam posse lineam Ss & quoad magnitudinem & positionem suam, atque adeò quatuor etiam modis in hac Astronomia non minùs ac in Elliptica, exui posse secundam planetarum superiorum Inæqualitatem.

CAP. VII.

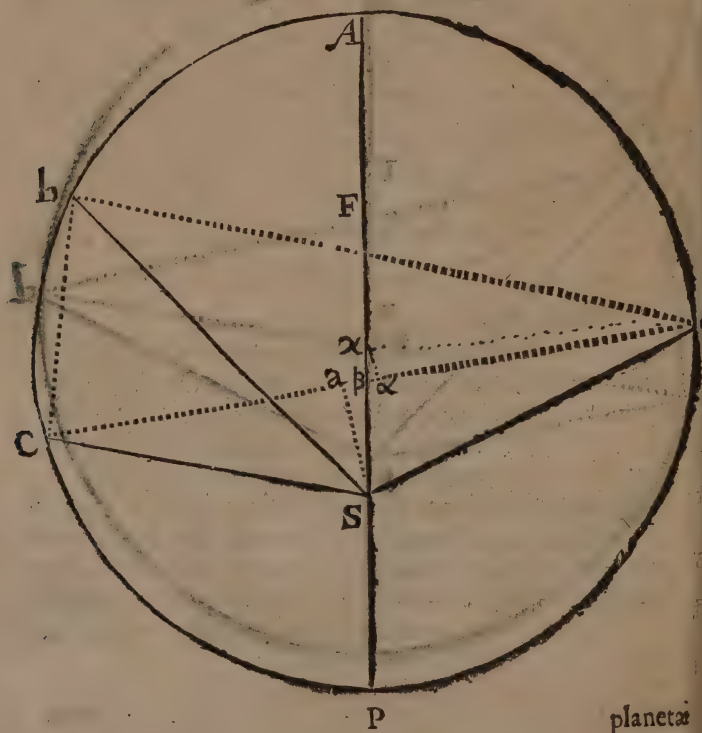
*De Investigatione primæ trium superiorum planetarum
Inæqualitatis in hypothesi Circulari.*

INvestigatio primæ Inæqualitatis trium superiorum planetarum facilius multò est in hac Astronomia, quàm in Astronomia Elliptica : quandoquidem n. Circulus ex tribus datis punctis determinatur, Ellipsis quinque puncta cognita requirit, facilius est tres lineas quàm quinque ex obser-



vatis cognoscere ; quin etiam cognitis lineis quæ ad hoc negotium requiruntur, facilius est Calculus in via hac Circulari quàm in Elliptica , quare mirum non est si plurimi ex Astronomis viam hanc præ illa elegerint , præsertim cum & ipsi Elliptici Astronomi (veluti Clarissimi viri Keplerus & Bullialdus) methodi genuinæ nempe Geometricæ defectu , quod in Ellipsi fieri verè statuunt tamen in Circulis investigare conantur. Et nos quidem Tractatulo illo quem ante biennium edidimus , ubi in Cl. V. Ismaelis Bullialdi Astronomiæ Philolæicæ fundamenta breviusculam inquisitionem instituiamus ; methodum huic negotio inservientem tradidimus , quam quidem hoc in loco reperemus.

Esto igitur in sequente Diagrammate A b c P d Orbita



planetæ alicujus trium superiorum, cujus Centrum κ , sit autem A F κ S P linea Absidum. in quas Sol Nodus communis omnium planetarum, & sit F punctum medii motus, ita ut sit $\kappa F = \kappa S$. aliquâ autem vel aliquibus Methodorum superiore Capite traditarum cognitæ supponantur tres aliquæ lineæ à Sole ad Orbitam, nempe S b. S c. S d. tum positione tum etiam magnitudine (non absolutâ sed in partibus diametri Orbitæ Terrestris seu Orbis Annui uti communiter appellatur) ex his etenim datis inveniuntur tum

Excentricitas. κF vel κS .

Positio lineæ S F. quæ pars est lineæ Absidum.

Quoniam enim dantur duæ lineæ S b S C tum quantitate tum etiam positione: Ergo in Triangulo b S C dantur duo latera cum angulo comprehenso atque proinde habentur

b C.
b C S.
b S C.

Deinde in Triangulo C S d, quia dantur C S S d tum magnitudine tum positione, habentur igitur

C d } Atq;
S C d } in Tri-
S d C } angu-

lo b C d dantur jam duo latera cum Angulo comprehenso b C d nam $b C d = b C S - S C d$. Ergo habetur etiam latus b d & consequenter Triangulum Circulo inscriptum, ideoque Circuli istius Diameter quantitatè datur in partibus laterum Trianguli, quæ sunt partes diametri Orbis Annui.

Ab S igitur & κ ad C d latus cadant perpendiculares S a κa .

Tum in Triangulo Rectangulo S a C dantur

C S
S C a
C a
S a.

Et in Triangulo Rectangulo $\kappa a d$

dantur $\kappa d =$ Radio.

$d a =$ Semissi C d.

Ergo etiam κa .

Tum quia bisecatur C d in a erit $d a$ vel C a — C a = a a.

Secetur igitur a a in β in proportionem κa ad S a, fiat nimirum $\kappa a : S a :: \beta a : \beta a$.

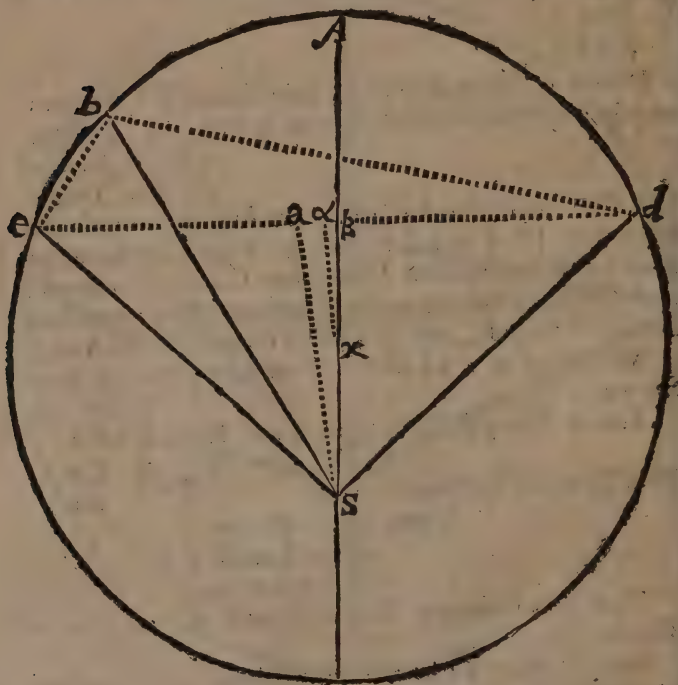
Id est, Rectangulum ex Sa . in aa dividatur per aggregatum ex $\kappa a + Sa$, & inveniatur βa , quâ inventâ βa non latebit.

Quare nunc in duobus Triangulis Rectangulis $\left\{ \begin{array}{l} \kappa a \beta \\ S a \beta \end{array} \right.$
 habentur duo latera $\left\{ \begin{array}{l} \kappa a \\ \beta a \end{array} \right.$
 Item $\left\{ \begin{array}{l} S a \\ \beta a \end{array} \right.$

Ergo habentur etiam hypotenusæ $\beta \kappa$ βS , at $\beta \kappa + \beta S =$ Excentricitati.

Ut autem habeatur positio lineæ Apheliorum & Periheliorum.

In Triangulo $\kappa \beta a$ dantur omnia latera, & proinde Angulus $\beta \kappa a$ qui dat positionem lineæ $\beta \kappa$. habuimus n. po-



fictionem

tionem lineæ $\kappa\alpha$ nempe $d\kappa\alpha + \alpha\kappa\beta = d\kappa\beta$.

Vel in Triangulo Rectangulo $Sa\beta$ datis omnibus lateribus habetur & angulus $aS\beta$, & cum cognita sit positio lineæ Sa (ex resolutione Trianguli Ca) habebitur & positio lineæ $S\beta$: habemus igitur lineam $S\kappa$ tum quantitate tum positione: quod est primum superiorum planetarum æqualitatem investigare.

Non opus esse existimamus Geometrarum more casus hic omnes persequi qui hoc in negotio incidere possent; illud solum monebimus quod Tyronibus forsan erit necessarium. Accidere posse ut non sit secunda linea $a\alpha$ (ex perpendiculari à Sole & Orbitæ Centro determinata) verum continuanda potius (quod ex Calculo innotescet Astronomo cuius iudicio utenti) tunc autem ad Investigationem linearum $\beta\alpha$, α . aliâ methodo utendum esse, quam tamen statim exhibebit Analytica.

Sunt enim alia uti in superiore Schemate delineata, at cum linea Cd cadat ultra κ Centrum Circuli, manifestum est non esse secandam lineam $a\alpha$ à linea $\kappa\beta$ vel $S\beta$, verum producendam esse ad β ad inveniendam siue quantitatem siue positionem lineæ $S\beta$ vel $\kappa\beta$. fit igitur hic casus propositus; & requiratur inveniendum punctum β hac conditione ut sit $Sa. \kappa\alpha :: a\beta$ ad $a\beta$.

Id est proponatur invenienda linea $a\beta$. augmentum lineæ $a\alpha$ requisitum.

Sint igitur lineæ quæ in æquationem sunt ducendæ his designatæ notis.

$$\left. \begin{array}{l} a\alpha \\ Sa \\ \kappa\alpha \\ a\beta \end{array} \right\} \text{Sit} \left\{ \begin{array}{l} g \\ h \\ K \\ c \end{array} \right.$$

Putat igitur factum esse quod postulatur, & quoniam est

$$Sa. \kappa\alpha :: a\beta. a\beta.$$

$$\text{Erit } h. K :: g+c. c.$$

$$\text{Et } Kg + Kc = hc.$$

$$\text{Et } Kg = hc - Kc.$$

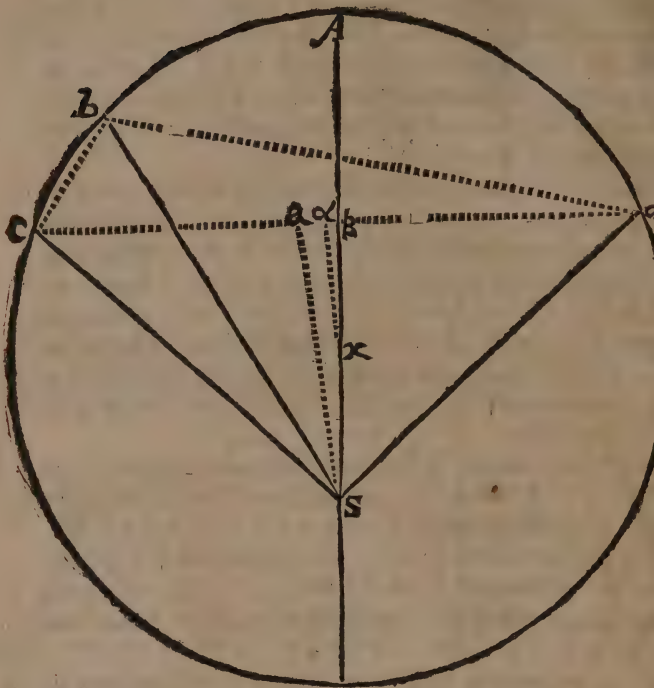
$$\text{Et } Kg$$

$$= c.$$

$$h - K$$

N

Id



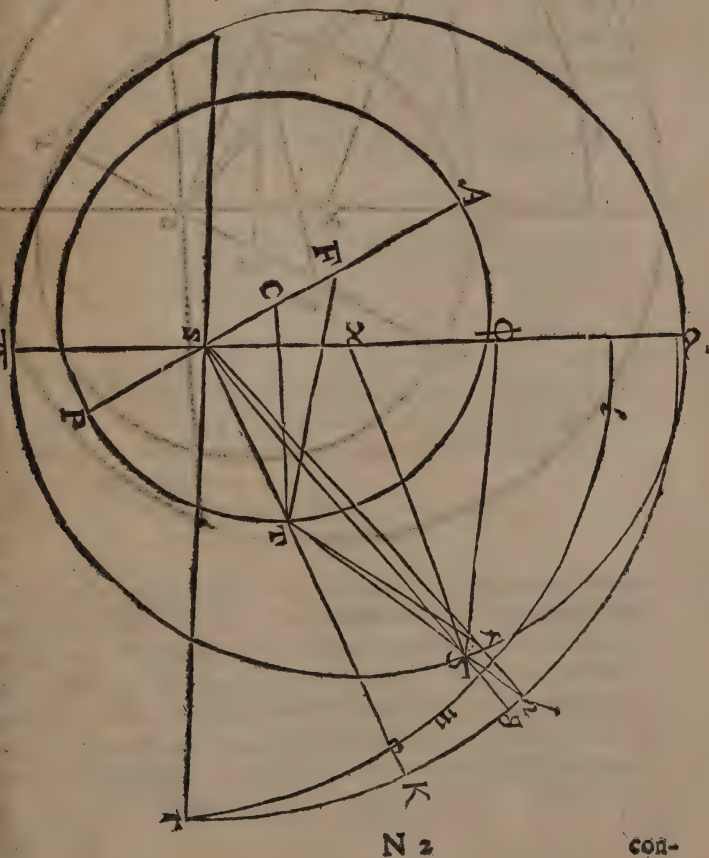
Id est, si Rectangulum ex xa & aa dividatur per
ferentiam sa & xa , dabit quotiens quantitatem lineæ
sitæ $a\beta$. quâ lineâ inventâ innotescet etiam $a\beta = aa +$

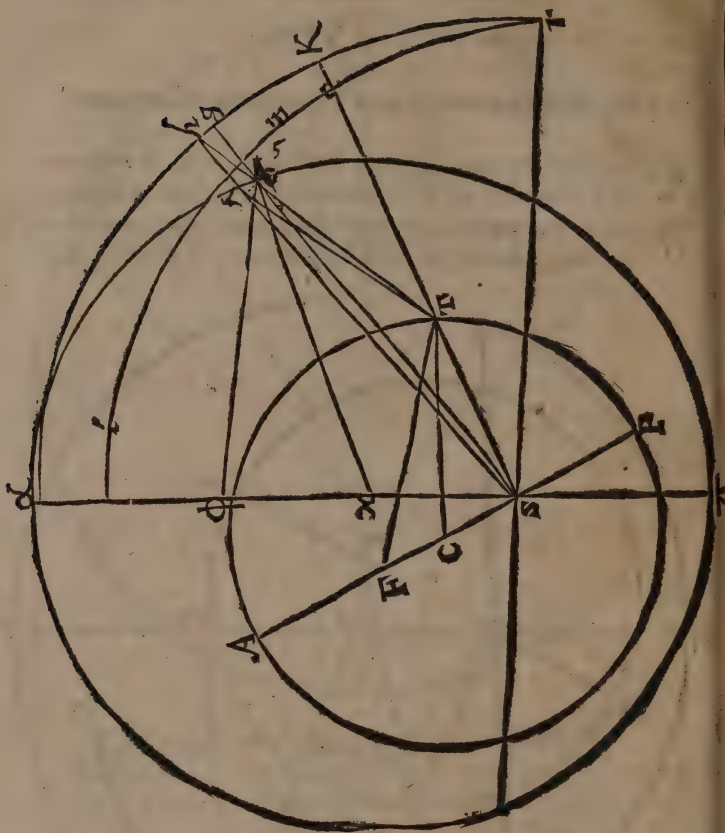
Cætera, quæ ad additionem vel subductionem pro An-
lis quibusque vel lineis post resolutiones Triangulorum
æquationum solutiones spectant, omittenda esse judico,
que enim sive Matheseos sive Astronomiæ omninò rud-
hæc scribimus. Superest ut Calculi Rationem pro tri-
planetis superioribus in hac etiam hypothesi explicemus.

C A P. VIII:

De Calculo motuum trium Superiorum Planetarum.

CAlculus motuum Saturni Jovis & Martis in Astronomia Circulari ea in re sola differt à Calculo Elliptico, quòd aliâ ratione motus tum Solis, tum etiam planetæ in Orbita sua, hîc atque illic inveniuntur. in cæteris planè





consentiunt: ut autem Calculus omnis intelligatur esto Orbi-
ta Telluris $A P T$, linea absidum $A F S P$. Orbita plane-
tæ $a \pi s$, linea absidum $a \phi S \pi$, sit Terra in T planeta in
 s sit Arcus Eclipticæ productæ $h K$, qui usque ad Nodos
pertingere cogitetur, Arcus Orbis planetarii huic respon-
dens sit $l m o$, à s ad Eclipticæ planum cadat perpendicu-
lum $s r$, & ducatur $T r$. Sit autem C Centrum Orbitæ
Terrestris, κ planeticæ, & ducantur radii $C T$ & κs .
Quærat

Quærat^r autem ex data Telluris & planetæ tum Excentricitate tum Anomaliâ simplici (quæ ex Axis positione & Epochâ data innotescunt) unâ cum loco Nodorum Orbiumque Inclinatione, planetæ

- $$\left. \begin{array}{l} 1. \text{ Longitudo.} \\ 2. \text{ Latitudo.} \end{array} \right\}$$

1. Igitur, inveniatur linea ST tum

$$\left. \begin{array}{l} \text{Positione.} \\ \text{Magnitudine.} \end{array} \right\}$$

Hâc methodo. In Triang. FCT dantur

Ergo habetur FT

$$\left. \begin{array}{l} FC. \text{ Exc.} \\ CT. \text{ Rad.} \\ CFT. \text{ Ex Anom.} \end{array} \right\}$$

In Triang. SFT dantur

Ergo habentur $\left. \begin{array}{l} ST \\ FST \end{array} \right\}$

$$\left. \begin{array}{l} SF \\ FT \\ SFT \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} \text{dupla Exc.} \\ \text{jam Inver.} \\ \text{An. Simpl.} \end{array} \right\}$$

2. Eodem modo invenietur linea Ss tum quantitate tum positione.

Nempe in Tri. $\phi\kappa s$ dantur

Ergo habetur ϕs

Et in Triangulo $S\phi s$ dantur

Ergo habentur $\left. \begin{array}{l} Ss \\ \phi Ss \end{array} \right\}$

$$\left. \begin{array}{l} \phi\kappa \\ \kappa s \\ \kappa\phi s \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} \text{Excentricitas.} \\ \text{Radius.} \\ \text{Anomalia simpl.} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} S\phi \\ \phi s \\ S\phi s \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} \text{dupla Exc.} \\ \text{Inventa.} \\ \text{Anom. simplex} \end{array} \right\}$$

Istis inventis, nempe vero loco planetæ in Orbita (& consequenter distantia a Nodis) unâ cum linea distantia ejus à Sole Ss : facillè reducitur ad Eclipticam solvendo Triangulum Rectangulum Ssr , ubi dantur

$$\left. \begin{array}{l} srS \text{ Rectus} \\ sSr \text{ Inclination} \\ Ss \text{ Invent.} \end{array} \right\} \text{ergo \& } \left. \begin{array}{l} Sr \\ sr \end{array} \right\}$$

Innotescetque, ex iis quæ suprâ tradidimus, positio lineæ Sr . (nempe solutione Trianguli sphaerici Rectanguli datâ distantia à Nodis seu hypotenusâ unâ cum angulo maximæ deviationis, datur basis seu distantia lineæ Sr (in Eclipticæ Orbe, producto) à linea Nodorum. Istis hoc modo se habentibus facile est invenire apparentem Longitudinem, seu distantiam ejus ab opposito Solis. Nam

In Triangulo STr dantur $\left\{ \begin{array}{l} Sr \\ TS \\ rST \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} \text{Ex reductione planetæ} \\ \text{Ex Theoria Solis.} \\ \text{Ex positione } sT \end{array} \right.$

Ergo habetur angulus STr , cujus Complementum ad duos Rectos viz. KTr est distantia visæ Longitudinis à loco Terræ, seu à linea ST .

Quinetiam habetur linea Tr .

II. Pro Latitudine,

Inventis, ut prius, ST & Ss , atque notâ Inclinatione puncti s (quæ ex Deflexione maxima & distantia puncti ejusdem à linea Nodorum innotescit) facile est invenire visam planetæ Latitudinem.

Quoniam n. in Triangulo rST dantur duo latera rS , ST cum angulo comprehenso, datur igitur latus Tr .

Et in Triangulo Rectangulo $s r T$ datis duobus lateribus $\left\{ \begin{array}{l} sr \\ Tr \end{array} \right\}$ datur igitur latus tertium Ts .

Quare ex iis quæ demonstrata sunt ad finem Astronomiæ Terrestris Ellipticæ,

Erit $Ts, s, rSs :: Ss, s, sTr$.

ID EST,

Ut distantia planetæ à Terra ad sinum Inclinationis ejusdem, ita distantia planetæ à Sole ad sinum visæ Latitudinis, quod est Calculum integrum in hac Astronomia absolvere g. e. f.

CAP. IX.

De Astronomia Inferiorum planetarum. Nempe de Nodorum suorum Investigatione.

SPeramus Argumentum non leve fore apud Astronomos ut credant nos ad veritatem naturæ methodumque ab ea ipsa præscriptam accedere, cum viderint principiorum ordinationem quam proposuimus non solum ad omnes omnium qui hætenus fuerunt Astronomorum hypothesen valere pos-

se, verum etiam uniformem reddere superiorum planetarum atque inferiorum Astronomiam; atque utrique ex æquo applicari posse. Verum quod rei ipsius existimationi conferre plurimum debet, illud nescio quomodo scribenti mihi tædium affert, rerum nempe similium atque ferè earundem repetitio. Verum perficiendum est opus illud quod instituimus, neque litigabunt nobiscum spero ἀστρονόμοι quòd ipsos ἀστρονομία τις aliquatenus curamus.

Duas itaque methodos hinc etiam proponemus quibus inveniri possint Nodi Inferiorum planetarum. 1. Ex binis observationibus planetæ cum fuerit in eodem Nodo, seu cum caruerit omni Latitudine in eadem Orbitæ suæ parte existens



ur lineæ N S positio, quæ locos Nodorum in Ecliptica designat, tum ejusdem lineæ quantitas quæ Investigationi primæ inæqualitatis pro Venere & Mercurio inserviet. Methodum in superioribus tradidimus, quando hac in re non differt Astronomia Elliptica à Circulari eam hoc loco repetemus.

Quoniam igitur bis Observatur planeta in N existens, & cum terra est in 1 & in 2 (atque obtinetur ejusdem apparentis Longitudo, quinetiam cognitam supponimus Solis Theoriam.)

Habentur $\begin{cases} S 2 N. \text{ observatione.} \\ S 2 F \text{ Ex Theor. Solis.} \end{cases}$

Ergo F 2 N.
Et in Triangulo F 2 1 dantur $\begin{cases} F 2 \\ F 1 \\ 1 F 2 \end{cases}$ Ergo $\begin{cases} 2 1 \\ F 2 1 \\ 2 1 F \end{cases}$
Cognitis autem $\begin{cases} 1 2 F \\ S 2 F \\ F 2 1 \end{cases}$ habetur $N 2 1 = 1 2 F + S 2 F - S 2 N$

Et in Triangulo 1 2 N dantur omnes Anguli unà cum latere 2 1, ergo datur latus 2 N.

Tandem in Triangulo 2 N S dantur duo latera 2 N, 2 S cum angulo comprehenso N 2 S.

Ergo dantur $\begin{cases} 2 S N \\ N S \end{cases}$

Id est linea Nodorum N S tum magnitudine tum positione obtinetur.

Valet istitur hæc methodus non minus ad inferiorum quàm superiorum planetarum Nodos Investigandos, nec minus valet in Astronomia Circulari quàm antehac in Elliptica.

Methodus Posterior.

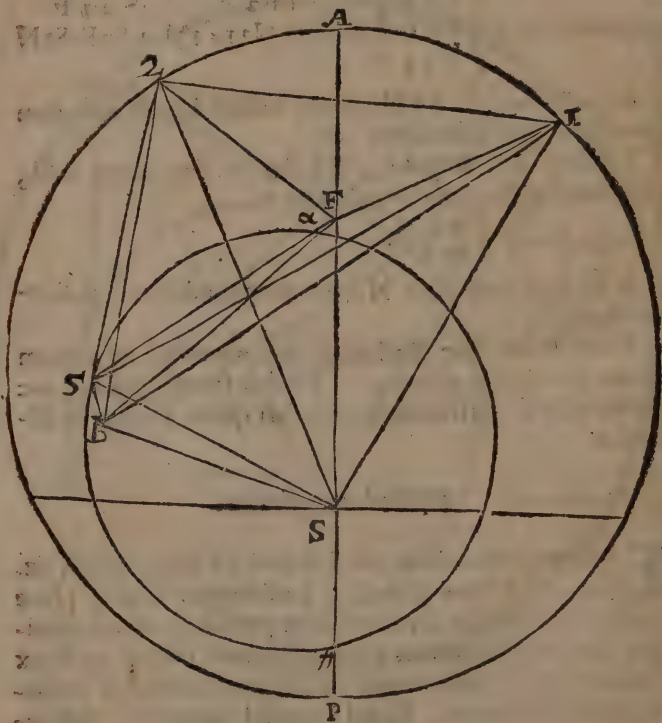
EAdemque est ratio methodi posterioris quam suprà (viz. Cap. 4. Astron. Circul.) tradidimus: Eodem plane modo hic atque illic inveniuntur ex periodicis observationibus linearum quantitates atque positiones, eodem modo ex duabus lineis inventis atque ad Eclipticam reductis invenitur locus Nodorum. Quod igitur ad linearum à Sole inventionem

ventionem attinet, eadem planè methodus est in inferioribus quæ fuit in superioribus planetis. Esto etenim in sequente Diagrammate Orbita Telluris A 2 P 1. Cujus Aphelium A. Perihelium P. S Sol. F punctum æqualitatis motûs. Et sit Orbita Inferioris alicujus planetæ $\alpha \varsigma \pi$, sit planeta in ς : observetur autem ibidem (i.e. sumatur ejusdem tum Longitudo tum Latitudo) Terrâ existente primùm in 1. postea in 2. reductum autem supponatur punctum ς ad Orbem Eclipticæ, demisso perpendicularo ςb , ductâque lineâ S b in Eclipticæ plano.

Ducantur autem omnes lineæ ut in Schemate.

1. Inveniatur linea S b.

2. Deinde verò linea S ς .



B. III.
rioribus
equent
phelium
s motus.
laneta in
um Lon-
postea
Orbem
a Sb in

CAP. IX. *Astronomia Circularis.* LIB. III. 43

1. Pro Inventione lineæ Sb.

Dantur $\left\{ \begin{array}{l} S \ 1 \ b \text{ Obs.} \\ S \ 1 \ F \text{ Theor.} \end{array} \right\}$ Ergo $F \ 1 \ b$ In Tri. $1 \ F_2$ dantur $\left\{ \begin{array}{l} 1 \ F \\ 2 \ F \\ 1 \ 2 \\ 1 \ F_2 \\ 1 \ 2 \ F \\ 2 \ 1 \ F \end{array} \right\}$

Præterea habentur $\left\{ \begin{array}{l} F \ 2 \ S. \text{ Th.} \\ F \ 2 \ b. \text{ Obs.} \\ 1 \ 2 \ b. \text{ Inv.} \end{array} \right\}$

In Tri. $1 \ 2 \ b$ dantur omnes Anguli cum latere $1 \ 2$, ergo $1 \ b$

In Tri. $S \ 1 \ b$ dantur $\left\{ \begin{array}{l} S \ 1 \ b. \text{ Obs.} \\ S \ 1. \text{ Th.} \\ 1 \ b. \text{ Inv.} \end{array} \right\}$ Ergo dantur $\left\{ \begin{array}{l} 1 \ S \ b \\ S \ b \end{array} \right\}$

Id est invenitur $\left\{ \begin{array}{l} \text{Positio.} \\ \text{Magnitudo} \end{array} \right\}$ Lineæ Sb.

2. Pro Inventione lineæ S s.

In Tri. Rect. $1 \ b \ s$ dantur $\left\{ \begin{array}{l} 1 \ b \text{ Inv.} \\ b \ 1 \ s \text{ Obs.} \end{array} \right\}$ Ergo dantur $\left\{ \begin{array}{l} b \ s \\ 1 \ s \end{array} \right\}$

In Tri. $2 \ b \ s$ dantur $\left\{ \begin{array}{l} 2 \ b \text{ Inv.} \\ b \ 2 \ s \text{ Obs.} \end{array} \right\}$ Ergo $\left\{ \begin{array}{l} 2 \ s \\ 2 \ s \ b \end{array} \right\}$

In Triangulo $1 \ s \ S$ habentur $\left\{ \begin{array}{l} 1 \ s \text{ Inv.} \\ 1 \ S \text{ Theor.} \\ s \ 1 \ S \end{array} \right\}$ Elongatio ex data Longitudine & Latitudine.

Ergo habetur $\left\{ \begin{array}{l} S \ s \\ 1 \ S \ s \end{array} \right\}$

Id est, invenitur $\left\{ \begin{array}{l} \text{Magnitudo} \\ \text{Positio} \end{array} \right\}$ Lineæ S s

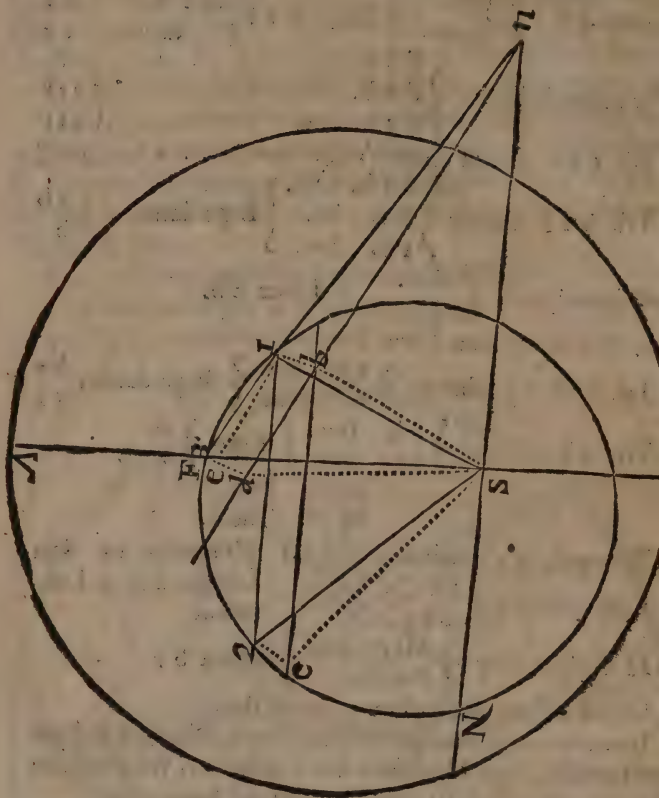
Quod ad hanc methodum prærequiritur.

Inventis autem duabus ejusmodi lineis, iisque ad Eclipticam reductis, locus Nodorum faciliè invenitur; vel enim duo perpendicularia reductitia sunt Aequalia vel Inæqualia.

1. Sit Orbita Telluris A P. planetæ $1 \ 2 \ N \ n$, Sol fit S, inventæ sint autem methodo jam nunc explicatâ lineæ S 1. S 2. iisque reductis ad Eclipticam mediantibus perpendicularis $1 \ b$. 2. c. inventisque $1 \ b$. 2. c. inter se aequalibus, erunt lineæ c b. N n. item $2 \ 1$. N n inter se parallelæ: ideoque Angulus Nodorum $C \ S \ N = S \ C \ b$ vel $2 \ S \ N = S \ 2 \ 1$ vel $b \ S \ n = S \ b \ c$ & $1 \ S \ n = S \ 1 \ 2$: innotescunt autem $S \ c \ b \ S \ b \ c$ ex quantitate & positione Sb. Sc. & $S \ 2 \ 1 \ S \ 1 \ 2$ ex quantitate & positione S 1. S 2. quare hoc casu invenitur linea Nodorum.

Quod

1. Pro



Quòd si duo perpendiculara $1b$, $2c$ sint inter sese Inaequalia. uti si lineæ inventæ sint $S1$, $S3$. & perpendiculara $1b$, $3d$; subducatur minus à maiore & sit $3d - 1b = 3e$.

Eritque $3e \cdot e1 = db :: 3d \cdot dn$.

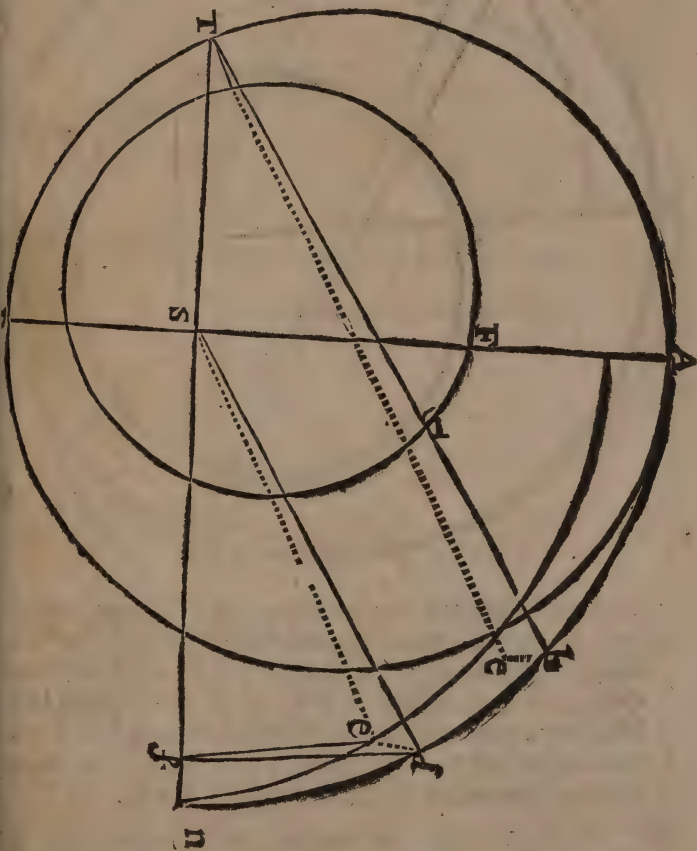
$3i \cdot dn :: 3n \cdot dn$.

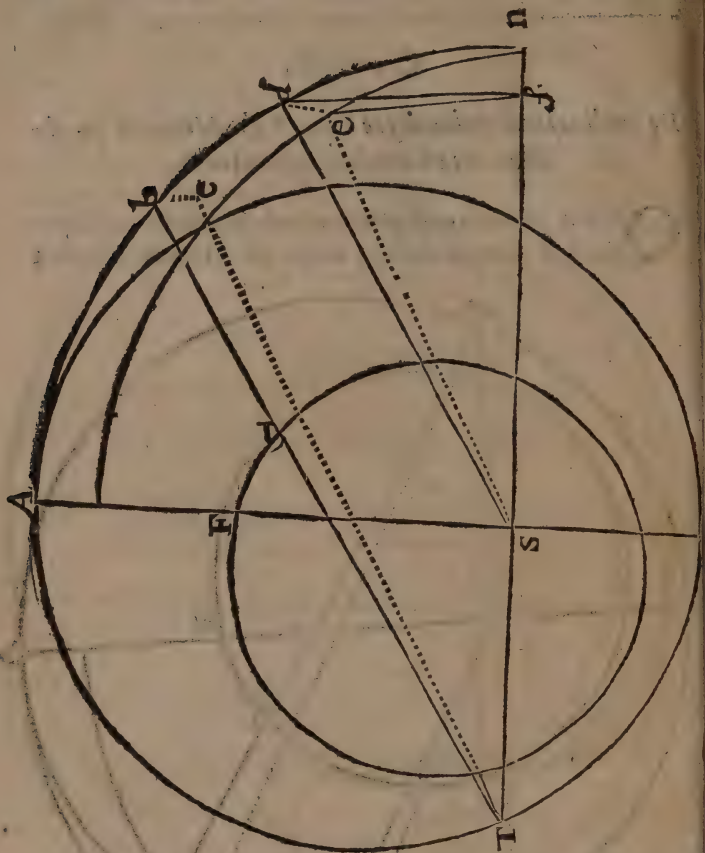
Et in Triangulo vel $\frac{sdn}{s3n}$ dantur duo latera $\frac{sd}{s3}$, $\frac{sn}{sn}$ cum angulo comprehenso vel $\frac{s1n}{sb3n}$ ergo datur vel $\frac{1sn}{bsn}$ qui positio nem exhibent lineæ Sn . seu lineæ Nodorum.

CAP. X.

De Inclinatione Orbium pro Venere & Mercurio in Astronomia Circulari invenienda.

Quin & hæc etiam duplici methodo invenitur uti superioribus planetis accidit, atque hîc etiam Astronomiâ





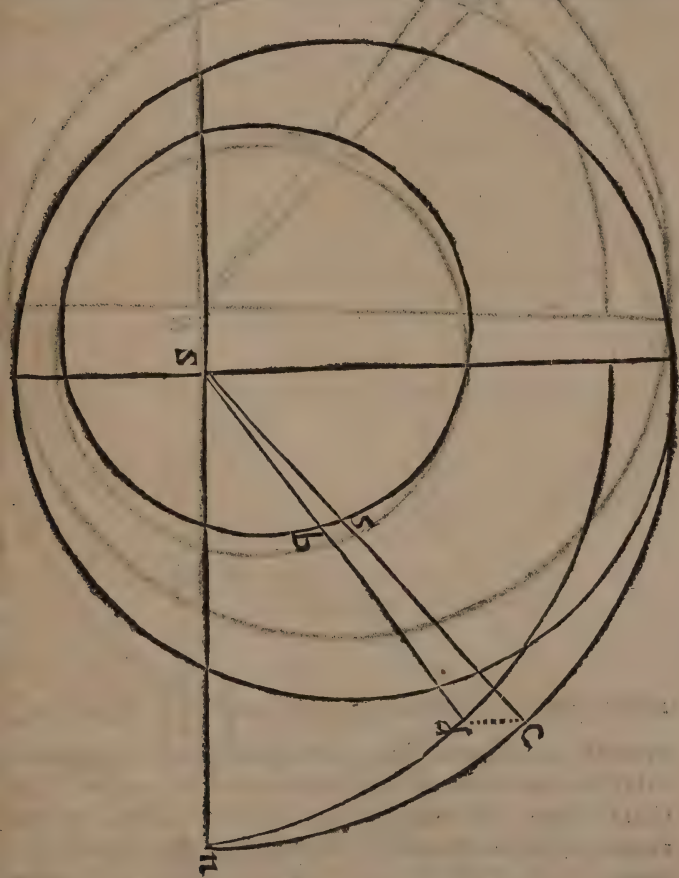
Circularis Ellipticam non invita sequitur. Nempe invento, lineâ Nodorum, atque planetâ inferiore semel observatâ, cûm fuerit Terra in linea Nodorum : invenitur Inclination Orbium ut suprâ. fit etenim Terra in T. parte aliquâ lineæ Nodorum, planeta in s. erit visa planetæ Latitudo $bTc =$ Inclinationi dSe , ita ut angulus sTS fit $= dSn$: dantur igitur in Triangulo sphærico Rectangulo DcN .

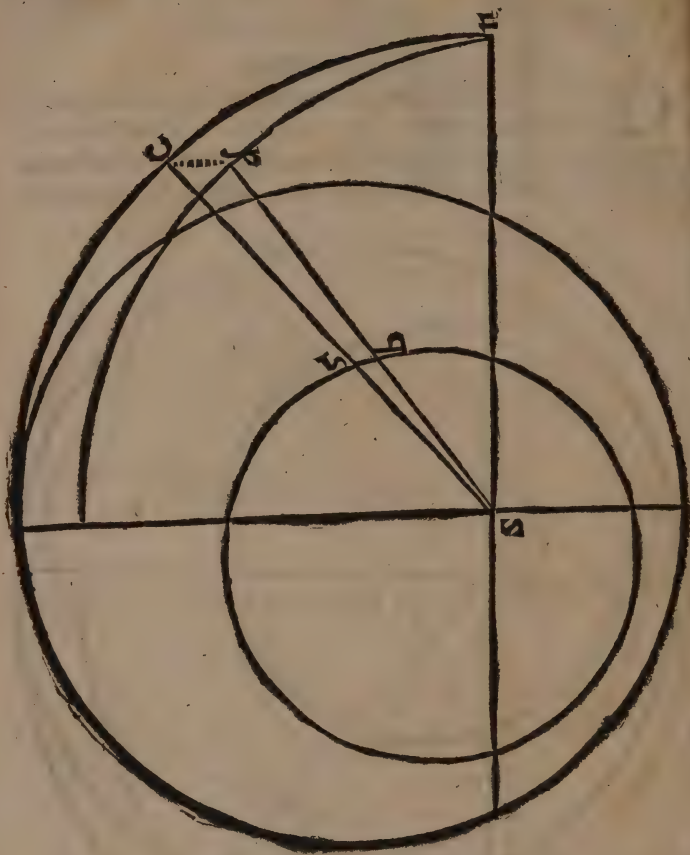
$d n$
 $de = bTc$ Lat. viz. $\left. \vphantom{\begin{matrix} d n \\ de = bTc \end{matrix}} \right\}$ Inveniri igitur poterit Angulus dNe

dNe nempe est. S, dn. S, de :: R. S, dne.
 Anguli Inclinationis seu Deviationis maximæ.

Methodus Altera.

Quin & alterâ methodo hoc idem facere possumus, nam
 invento quâcunque ratione angulo $\angle S b$ Inclinationis
 planetæ ad tempus alicujus observationis, unâ cum distantia
 ejus vel in Ecliptica vel in Orbita sua, à linea Nodorum in-





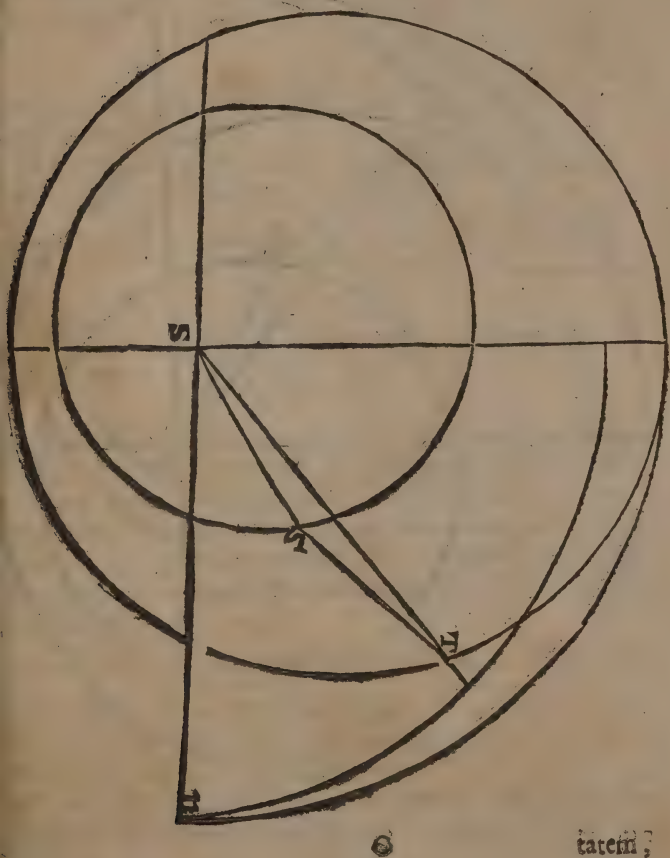
notescit planorum deflexio productis n. $\left\{ \begin{matrix} s \\ s \\ s \end{matrix} \right\}$ Quousque,
 opus est, constituetur Triangulum sphæricum Rectangulum
 c d n; ubi data erunt vel hypotenusa cum Catheto, vel basis
 cum Catheto, vel omnia latera, ad inveniendum angulum
 acutum ad basim, qui Angulus est maximæ planorum devia-
 tionis: hæc autem inveniuntur metho sæpius à nobis ex-
 plicatâ.

CAP.

CAP. XI.

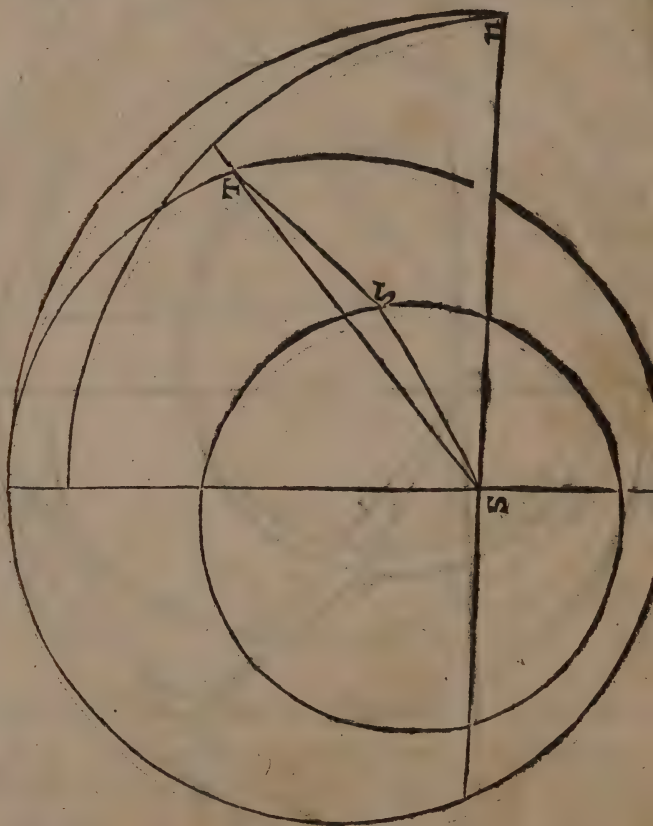
*De exuenda secunda Planetarum Inferiorum
Inæqualitate.*

EXiis quæ hîc & alibi tradidimus colligi possunt tres methodi exuendi secundam inferiorû planetarum Inæquali-



tatem, etiam abdicatâ illâ ratione per maximas Veneris & Mercurii Elongationes, quâ solâ hæctenus usi sunt Astronomi, quarum

1. Prima est, cùm fuerint planetæ isti in Nodis : tunc enim duabus observationibus utrinque factis invenire docuimus distantias eorundem à Sole, nempe lineas S_N viz. Capitis noni hujus Astronomiæ Solaris parte primâ.



2 Secunda ex periodicis observationibus hoc facit, invenitque lineas $S\zeta$ eo modo quem descripsimus in præparatione ad secundam methodum pro Investigatione Nodorum. capite eodem.)

3, Tertia methodus, hoc præstat ex conjunctionibus cum Sole, quæ communis est huic Astronomiæ cum Astronomia Elliptica; supponit autem hæc methodus præcognitum esse locum Nodorum atque Orbium Inclinationes.

Existente enim Terrâ in T, Planetâ in ζ . in Triangulo $T S \zeta$ dantur omnes Anguli nempe

$$\left\{ \begin{array}{l} \zeta ST. Incl. ad punctû T \\ TS\zeta. Ex Latitud. visa. \\ S\zeta T. Complementum \end{array} \right.$$

eorum ad duos rectos unâ cum latere ST ex Theoria Solis. Ergo habetur latus $S\zeta$.

Neque dubito quin ex attenta eorum quæ tradidimus consideratione plures etiam excogitari possint.

CAP. XII.

De prima Veneris & Mercurii Inæqualitate investiganda.

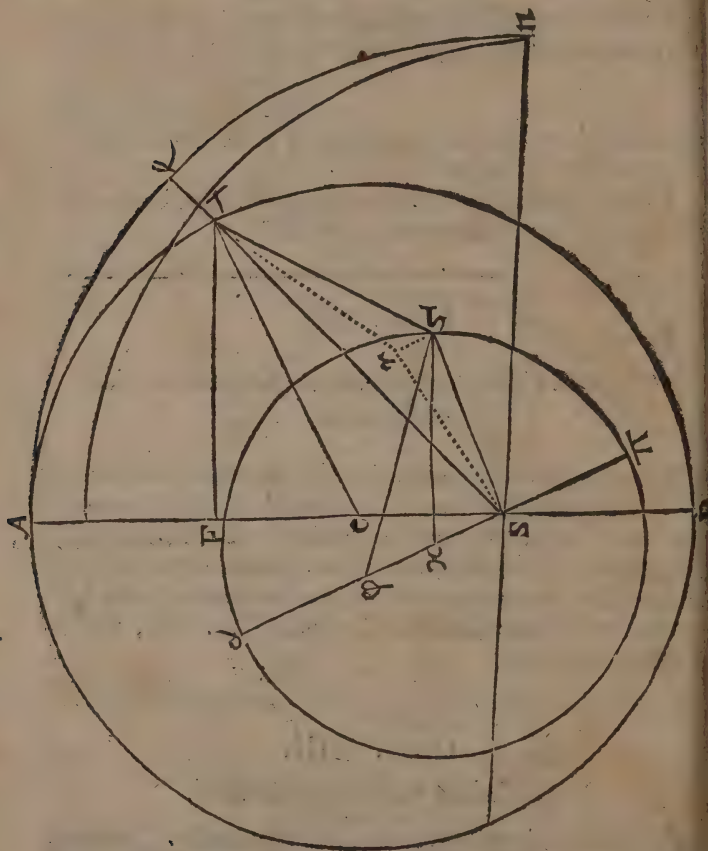
INventis quacunque methodo tribus planetæ à Sole distantis, eodem planè modo, absque ulla (vel figurarum) varietate, invenitur prima Inæqualitas (viz. Excentricitas, atque linæ Absidum positio) in his planetis atque in tribus superioribus: quare methodum nolumus repetere, verùm Lectorem ad Astronomiæ hujus Circularis Cap. VII, remittendum censemus.

CAP. XIII.

De Calculo Veneris & Mercurii.

Calculus Veneris & Mercurii, in hypothesi hac Circulari, nō aliâ re differt à Calculo in Astronomia Elliptica, nisi

in inventione distantiarū Terræ & planetæ à Sole in Orbitis
 suis (nempe linearum ST & S₅ quæ distantias à Sole metiun-
 tur) earum sc. magnitudinis & positionis; constat autē hic Cal-
 culus ex duobus quasi Capitulis : Inventionem nimirum visæ
 tum $\left\{ \begin{array}{l} \text{Longitudinis} \\ \text{Latitudinis} \end{array} \right\}$ hæc autem ex Anomalia utriusque
 (Terræ & Planetæ) simplici ex positione respectu Nodorum



rum, atque Inclinatione dependent. Methodus autem integra hæc est.

1. In Triangulo F C T dantur $\left\{ \begin{array}{l} F C \\ C T \end{array} \right\}$ Ergo habetur F T $\left. \begin{array}{l} \text{Exc.} \\ \text{Anom.} \\ \text{Rad.} \end{array} \right\}$

2. In Triangulo S F T dantur $\left\{ \begin{array}{l} S F \\ F T \\ S F T \end{array} \right\}$ Ergo $\left\{ \begin{array}{l} S T \\ F S T \end{array} \right\}$

3. Eodem modo in Orbita planetæ quærat^r S s, nempe dantur $\left\{ \begin{array}{l} \phi x \\ x \phi s \\ x s \end{array} \right\}$ Ergo ϕs

Deinde data $\left\{ \begin{array}{l} S \phi \\ \phi s \\ S \phi s \end{array} \right\}$ Ergo S s, & $\phi S s$

Istis inventis reducatur locus planetæ ad Eclipticam, solvendo Triangulum Rectangulum S s r ubi dantur præter angulum rectum $\left\{ \begin{array}{l} s S \text{ Invent.} \\ s S r \text{ Inclination : ad } S s \end{array} \right\}$ Ergo & S r. etiam positio lineæ S r, resolutione Tri. sphærici b c n.

Tum in Triangulo S T r dantur $\left\{ \begin{array}{l} S T \text{ Theor.} \\ S r \text{ Invent.} \\ T S r \text{ Ex positione } \frac{s T}{s r} \end{array} \right\}$

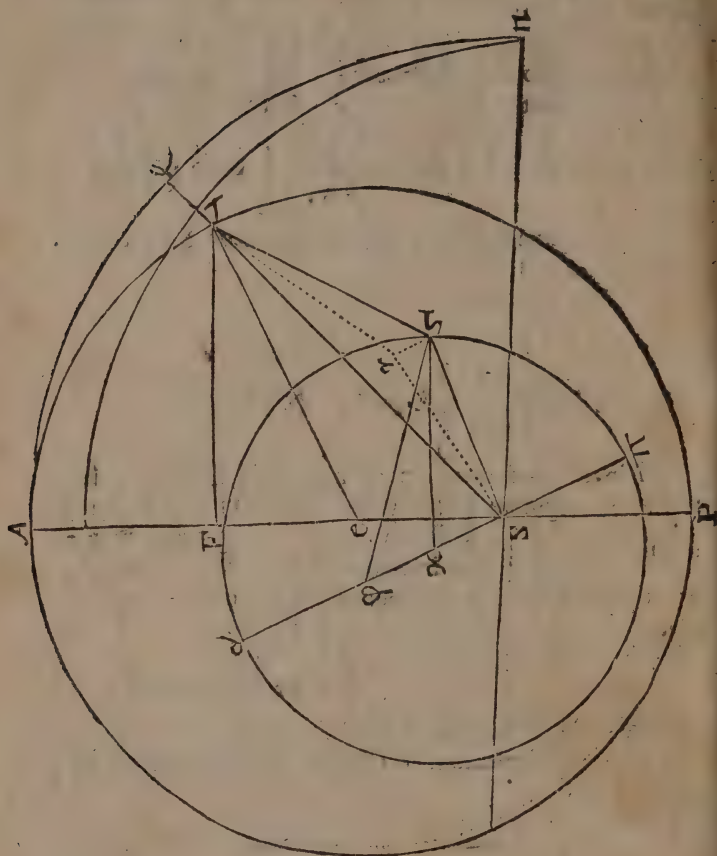
Ergo habetur Angulus S T r.

Cujus complementum ad 180. gr. = Longitudini ab opposito Solis.

Pro Latitudine.

Quoniam in Tri. r S T dantur $\left\{ \begin{array}{l} r S \\ S T \\ r S T \end{array} \right\}$ Ergo datur T r.

Et in Triangulo Rectangulo s r T, datis $\left\{ \begin{array}{l} s r \\ r T \end{array} \right\}$ datur T s.



Quare ex suprà demonstratis erit.

$Ts. srSs :: Ss. s s Tr.$ Id est.

Ut distantia planetæ à terra ad sinum Inclinationis, ita distantia ejusdem à Sole ad sinum Latitudinis apparentis.

Quare Calculum etiam in hac hypothesi Geometricè absolvere, docuimus: Ex iis autem quæ hæctenus tradidimus, facile erit Astronomis quamcunque voluerint hypothesin & absolvere

absolvere, & ad examen redigere; nobis autem methodi
quam nuper invenimus vim hucusque experiri, atque pro
specimine Astronomiæ quam colimus, divinissimæ scientiæ
Symmystis exponere visum est.

F I N I S.

*Errata Libelli Graviora, ante ejusdem Lectionem sic
Corrigantur.*

P R A E F A T I O.

Pag. ult. Lin. 1 Lege tum quoad Hypothesium
Investigationem, tum quoad, &c.

L I B E R I.

Pag. 15 Lin. 16 pro L, sit \angle (nota anguli)

16 14 Lege Solem.

38 1 Exuere.

39 2 pro I sit \angle .

12 L Ellipticam.

44 transponantur Schemata.

45

69 ult. σ S.

L I B E R II.

Pag. 4 Lin. Producat in Sch: S γ ad ρ .

6 In Schemate ad \overline{h} fit $\frac{1}{2}$

7 11 Lege F 1 2 - F 1 N.

12 = F h N vel F 2 N.

10 16 1. De Methodo.

15 Pro Schemate illic impresso sumatur
Schema ad finem Libri istius.

22 8 Pro α sit c.

23 28 C S c.

30 C S d.

25 5 In ratione c α ad S a.

19 Hyp. $c\beta$ & βS & anguli $\frac{\alpha c\beta}{a S\beta}$

34 4 Simplici.

12 = 2, $a\sigma S$.

35 19 Jovi.

37 1. & 2 1 N = F 1 2, &c

42 Supple in Schemate S α S a.

46 ult. pro 1 2 F L, 2 1 F.

53 8 Pro sect sit l.

27 σ S 2

61 12 Ducatur à 2 ad c.

13 = 1 C.

L I B E R III.

Pag. 9 Lin. 4 Dele A S T.

14 Supple in Schemate F 1. 2 S.

27 ult. pro & l. ex.

28 In Sch. deest linea S σ .

32 Deest α d.

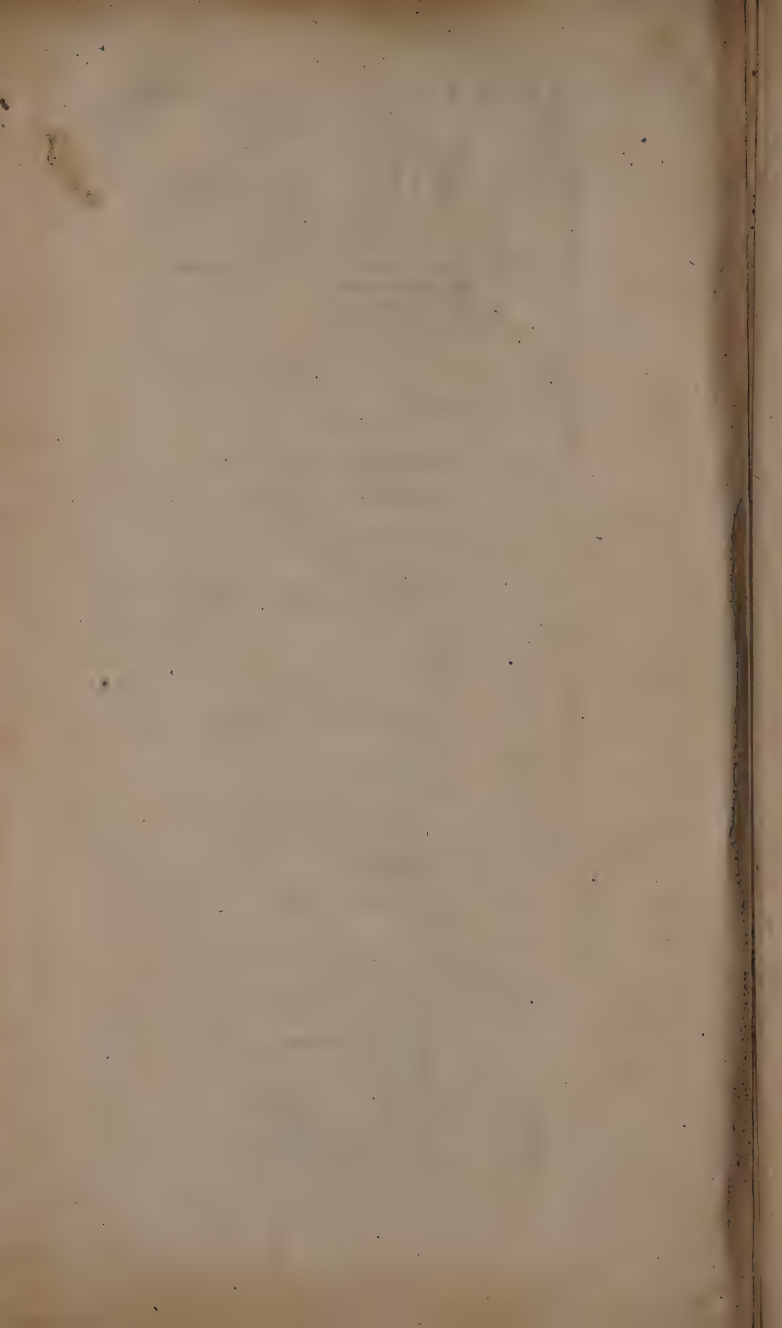
33 2 In qua Sol.

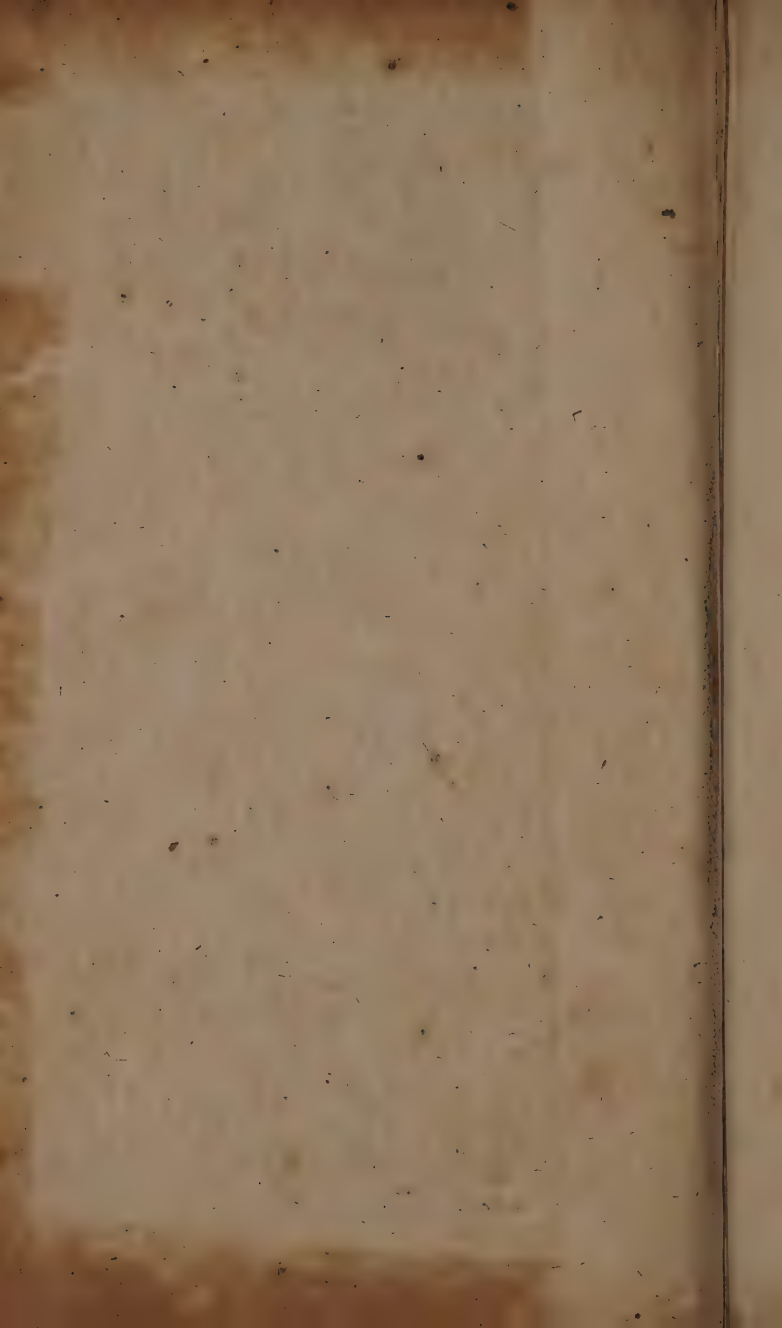
32 7 Pro Solaris l. Circularis.

53 10 Pro T S σ , l. S T σ .

54 Deest T in Schemate.

55 Pro F T l. C F T.





907
199

921
39

931
37

947
62

110

مكتبة
مكتبة
مكتبة